

## Решения

1. Выразим  $z$  из второго уравнения и подставим в первое:

$$z = a \left( x + 2y + \frac{5}{2} \right) \rightarrow x^2 + y^2 + 2x - y + a \left( x + 2y + \frac{5}{2} \right) = 0 \rightarrow$$

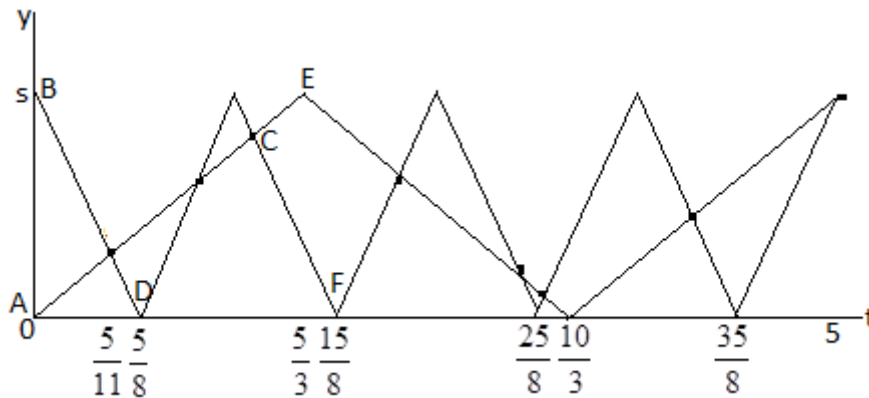
$$\rightarrow \left( x + \frac{a+2}{2} \right)^2 + \left( y + \frac{2a-1}{2} \right)^2 = \frac{(a+2)^2}{4} + \frac{(2a-1)^2}{4} - \frac{5a}{2}$$

Единственное решение может быть, если  $\frac{(a+2)^2}{4} + \frac{(2a-1)^2}{4} - \frac{5a}{2} = 0 \rightarrow (a-1)^2 = 0 \rightarrow a = 1$ .

Параметру  $a = 1$  соответствует решение  $x = -\frac{a+2}{2} = -\frac{3}{2}$ ,  $y = -\frac{2a-1}{2} = -\frac{1}{2}$ ,  $z = x + 2y + \frac{5}{2} = 0$

Ответ: 1)  $a = 1$ ; 2)  $x = -\frac{3}{2}$ ,  $y = -\frac{1}{2}$ ;  $z = 0$

2. Пусть  $S$  – расстояние между городами,  $v_1 = \frac{8S}{5}$  – скорость велосипедиста,  $v_2 = \frac{3S}{5}$  – скорость пешехода. На рисунке изображена зависимость расстояний от города А до велосипедиста и до пешехода от времени.



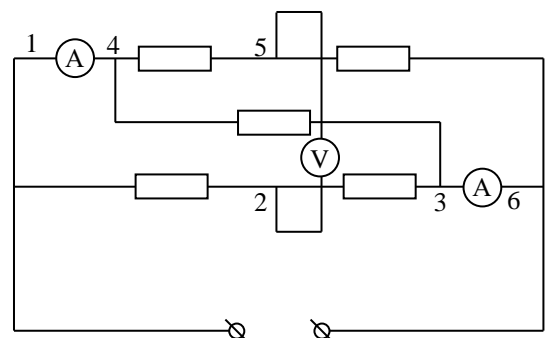
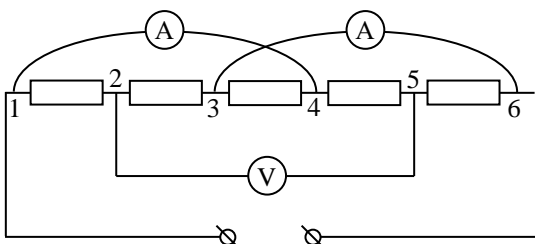
На рис отмечены восемь точек пересечения графиков (встречи велосипедиста и пешехода) Третья встреча соответствует точке С. Уравнение прямой АЕ  $y = \frac{3S}{5}t$ . Уравнение прямой FC

$$y = -\frac{8S}{5} \left( t - \frac{15}{8} \right).$$

Точка С имеет абсциссу  $t$ , определяемую уравнением  $-\frac{8S}{5} \left( t - \frac{15}{8} \right) = \frac{3S}{5}t \rightarrow t_c = \frac{15}{11}$ .

Ответ: 1) 8 раз; 2)  $\frac{15}{11}$  часа

3. Поскольку приборы идеальны, амперметры можно заменить куском проволоки с нулевым сопротивлением. Поэтому данная в условии цепь может быть перерисована так



Причем амперметры измеряют сумму токов на участках параллельного соединения с одним и двумя резисторами, вольтметр – напряжение между точками 2 и 5. Поэтому показания каждого амперметра равны

$$I = \frac{U}{2R} + \frac{U}{R} = \frac{3U}{2R},$$

А из симметрии цепи следует, что показания вольтметра равны нулю.

4. Из законов равноускоренного движения имеем

$$\vec{R}(t) = \vec{R}_0 + \vec{v}_0 t + \frac{\vec{g} t^2}{2} \quad (*)$$

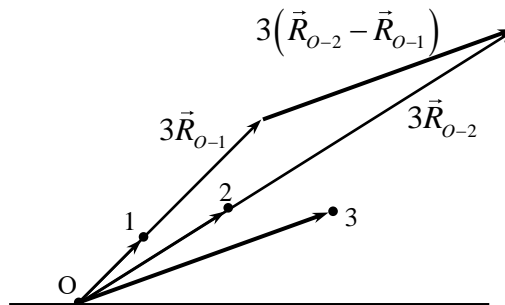
где  $\vec{R}(t)$  - радиус-вектор тела относительно некоторой системы координат,  $\vec{R}_0$  - начальный радиус-вектор относительно той же системы координат. Помещая начало системы координат в точку О, получим из (\*)

$$\begin{aligned} \vec{R}(\tau) &= \vec{R}_{O-1} = \vec{v}_0 \tau + \frac{\vec{g} \tau^2}{2} \\ \vec{R}(2\tau) &= \vec{R}_{O-2} = 2\vec{v}_0 \tau + 2\vec{g} \tau^2 \end{aligned} \quad (**)$$

Из системы (\*\*) находим

$$\frac{4\vec{R}_{O-1} - \vec{R}_{O-2}}{2} = \vec{v}_0 \tau \quad \vec{R}_{O-2} - 2\vec{R}_{O-1} = \vec{g} \tau^2$$

Используя теперь найденные векторы, получим



$$\vec{R}(3\tau) = 3\vec{v}_0 \tau + \frac{9}{2} \vec{g} \tau^2 = \frac{3(4\vec{R}_{O-1} - \vec{R}_{O-2})}{2} + \frac{9(\vec{R}_{O-2} - 2\vec{R}_{O-1})}{2} = 3(\vec{R}_{O-2} - \vec{R}_{O-1})$$

Построение вектора  $\vec{R}(3\tau)$ , который определяет положение тела в момент времени  $3\tau$  после броска по отношению к точке О, и положение тела в этот момент показано на рисунке. Вектор  $3(\vec{R}_{O-2} - \vec{R}_{O-1})$  выделен жирным. Положение тела через время  $3\tau$  после броска отмечено цифрой 3. Конечно построение вектора, соединяющего две точки, и его удлинение в три раза могут быть сделаны циркулем и линейкой.

5.

```
{pascal}
program task_11;

var
  N, X, Y, T: integer;
  i,j: integer;
  cnt: integer;

begin
  readln(N, X, Y, T);//читаем входные данные

  cnt:=0;//подсчитываем количество ячеек с расстоянием не более T от (X,Y)
  for i:=1 to N do
    for j:=1 to N do
      if (abs(i-X)+abs(j-Y))<=T then
        cnt:=cnt+1;

  writeln(cnt);//выводим ответ
end.
```