

## ЗАДАНИЕ ПО МАТЕМАТИКЕ

Вариант 17051 для 5 класса

*Решить задачу – это вывести, а не угадать ответ! Объяснить решение – это не только дать ответ. Решения и доказательства должны содержать логическое обоснование всех своих этапов с формулировкой предположений и выводов.*

1. Охотник Пулька для своей собаки Бульки получил с «АлиЭкспресс» два куля корма. Наутро один куль оказался пуст. Незнайка взялся за расследование и выявил троих подозреваемых, которые заявили следующее.

Сиропчик сказал, что он не ел собачий корм.

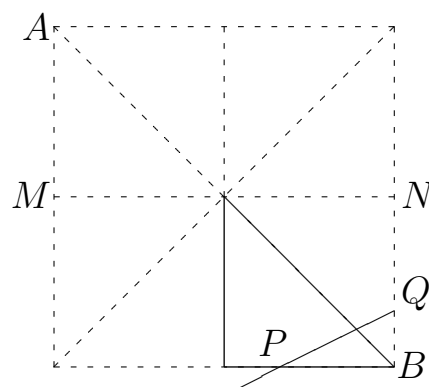
Торопыжка заявил, что корм съел либо Пончик, либо Сиропчик.

Пончик же подтвердил, что Сиропчик корм не ел.

Как выяснилось позже, невинные сказали правду, а виновный солгал. Определите, кто же съел за ночь весь куль собачьего корма.

2. Какой цифрой оканчивается значение суммы  $5^{2020} + 6^{2019}$  ?

3. Квадратный лист бумаги сложили пополам, затем еще раз пополам и в третий раз пополам. В результате получился треугольник (см. рис., на котором все линии сгибов проходят по пунктирным линиям). После этого сделали разрез по линии  $PQ$  и развернули лист. Будет ли отличаться форма получившейся фигуры от того, как был произведен первый сгиб: по линии  $MN$  или по линии  $AB$ ? обоснуйте свой ответ и нарисуйте получившуюся фигуру (одну или две).



4. В современных условиях считается актуальной *цифровизация* — перевод всей информации в цифровой код. Каждой букве алфавита можно поставить в соответствие неотрицательно целое число, называемое *кодом буквы*. Тогда можно определить *вес слова* как сумму кодов всех букв данного слова. Можно ли закодировать буквы О, П, С, Т, Ъ, Я элементарными кодами, состоящими каждый из одной цифры от 0 до 9 так, чтобы вес слова «СТО» был бы не меньше веса слова «ПЯТЬСОТ»? Если такое кодирование возможно, то допускает ли оно однозначное восстановление слова по его коду?

5. Вагоны скорого поезда «Москва – Ялта» должны быть пронумерованы подряд, начиная с единицы. Но в спешке два соседних вагона получили одинаковые номера. При этом оказалось, что сумма номеров всех вагонов равна 111. Сколько вагонов в составе и какой номер использован дважды?