

МЕЖРЕГИОНАЛЬНАЯ МНОГОПРОФИЛЬНАЯ ОЛИМПИАДА
ШКОЛЬНИКОВ «МЕНДЕЛЕЕВ»
2015-2016

Предмет «Физика»
Олимпиадные задания 2 тура
9 класс

1. Определите время, за которое пройдет мимо неподвижного наблюдателя поезд, состоящий из десяти вагонов, если третий вагон прошел мимо наблюдателя за $\tau = 4$ с. Движение равноускоренное. Начальная скорость равна нулю.

Решение:

Для двух вагонов: $2l = \frac{at_2^2}{2}$, отсюда $t_2 = \sqrt{\frac{4l}{a}}$.

Для трех вагонов: $2l = \frac{at_3^2}{2}$, отсюда $t_3 = \sqrt{\frac{6l}{a}}$.

Время прохождения третьего вагона: $\tau = \sqrt{\frac{6l}{a}} - \sqrt{\frac{4l}{a}} = (\sqrt{6} - 2)\sqrt{\frac{l}{a}}$. Следовательно, $\sqrt{\frac{l}{a}} = \frac{\tau}{\sqrt{6}-2}$. Время прохождения десяти вагонов найдем из уравнения: $10l = \frac{at^2}{2}$. Отсюда находим $t = \sqrt{20} \cdot \sqrt{\frac{l}{a}} = \frac{2\sqrt{5}}{\sqrt{6}-2}\tau \approx 45$ (с).

2. Прямоугольная деталь падает вертикально с высоты $h=45$ см на горизонтальную ленту транспортера, которая движется равномерно, со скоростью $u=1$ м/с. Деталь после удара не подскакивает. Определите, при каком коэффициенте трения брусок не будет проскальзывать по ленте транспортера.

Решение:

При ударе на деталь действует сила реакции опоры \vec{N} и сила трения $\vec{F}_{\text{тр}}$, по сравнению с которыми силой тяжести можно пренебречь. Используя второй закон Ньютона в импульсной форме, запишем условие отсутствия проскальзывания бруска:

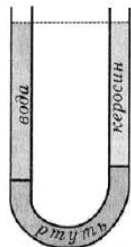
$m\vec{u} - m\vec{v} = (\vec{N} + \vec{F}_{\text{тр}})\Delta t$, где $v = \sqrt{2gh}$ – скорость, которую будет иметь брусок в момент удара о ленту транспортера.

Проецируя на горизонтальное и вертикальное направления получаем:

$mu = F_{\text{тр}}\Delta t$, $mv = N\Delta t$. Максимальная сила трения покоя: $F_{\text{тр}} = \mu N$. Отсюда находим

$\mu = \frac{F_{\text{тр}}}{N} = \frac{u}{v}$. Таким образом, $\mu \geq \frac{u}{v} = \frac{1}{3}$.

3. В U – образной трубке находятся ртуть, вода и керосин (см. рисунок). Определите высоту столбов воды и керосина, если в правом колене трубки уровень ртути на $h=1$ см выше, чем в левом. Плотность ртути $13,6$ г/см³, плотность воды $1,0$ г/см³, плотность керосина $0,8$ г/см³.



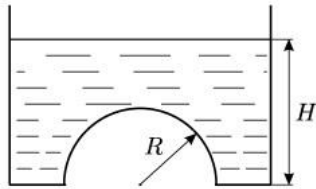
Решение:

Из геометрических соображений: $h_B = h_k + h$.

Условие механического равновесия жидкостей: $\rho_B gh_B = \rho_k gh_k + \rho_{\text{рт}} gh$.

Из полученной системы уравнений следует: $\rho_B(h_k + h) = \rho_k h_k + \rho_{\text{рт}} h$. Отсюда находим высоту столба керосина $h_k = \frac{\rho_{\text{рт}} - \rho_B}{\rho_B - \rho_k} h = 63$ (см). Тогда высота столба воды: $h_B = 64$ (см).

4. Отверстие в горизонтальном дне сосуда закрыто легким полусферическим колпачком радиусом R (см. рисунок). Сосуд наполнен жидкостью плотностью ρ . Дно находится на глубине H . Определите силу, с которой колпачок давит на дно сосуда.



Решение:

Т.к. колпачок легкий, то искомая сила равна весу жидкости, находящейся непосредственно над колпачком.

$$F = mg = (\rho V)g = \rho g \left(\pi R^2 H - \frac{1}{2} \cdot V_{\text{шара}} \right) = \rho g \left(\pi R^2 H - \frac{2}{3} \pi R^3 \right) = \rho g \pi R^2 \left(H - \frac{2}{3} R \right).$$

5. Теплоизолированный сосуд до краев наполнен водой при температуре $t_0 = 20^\circ \text{C}$. В него опустили алюминиевую деталь, нагретую до температуры $t = 100^\circ \text{C}$. После установления теплового равновесия температура воды в сосуде стала равной $t_1 = 30,3^\circ \text{C}$. Затем этот же эксперимент провели с двумя такими же деталями. В этом случае после установления в сосуде теплового равновесия температура воды стала $t_2 = 42,6^\circ \text{C}$. Используя приведенные данные, определите удельную теплоемкость алюминия. Плотность воды $\rho_0 = 10^3 \text{ кг/м}^3$, ее удельная теплоемкость $C_0 = 4,2 \cdot 10^3 \text{ Дж/(кг} \cdot \text{K)}$. Плотность алюминия $\rho = 2,7 \cdot 10^3 \text{ кг/м}^3$.

Решение:

Обозначим m – массу воды в сосуде, V – объем сосуда. При помещении детали в сосуд часть воды выливается. Остается:

$$m_1 = \rho_0 \left(V - \frac{m}{\rho} \right), \quad m_2 = \rho_0 \left(V - \frac{2m}{\rho} \right).$$

Закон сохранения энергии для обоих случаев:

$$C_m m (t - t_1) = C_0 \rho_0 \left(V - \frac{m}{\rho} \right) (t_1 - t_0), \quad C_m 2m (t - t_2) = C_0 \rho_0 \left(V - \frac{2m}{\rho} \right) (t_2 - t_0).$$

Преобразуем эти уравнения.

$$\frac{C_m m (t - t_1)}{t_1 - t_0} = C_0 \rho_0 V - C_0 \rho_0 \frac{m}{\rho} \tag{1}$$

$$\frac{2C_m m (t - t_2)}{t_2 - t_0} = C_0 \rho_0 V - C_0 \rho_0 \frac{2m}{\rho} \tag{2}$$

Вычтем из (2) уравнение (1), получим: $C_m \left[\frac{2m(t-t_2)}{t_2-t_0} - \frac{m(t-t_1)}{t_1-t_0} \right] = -C_0 \rho_0 \frac{m}{\rho}$.

Отсюда выражаем искомую величину:

$$C_m = \frac{C_0 \frac{\rho_0}{\rho}}{\frac{t-t_1}{t_1-t_0} - \frac{2(t-t_2)}{t_2-t_0}} \approx 10^3 \left(\frac{\text{Дж}}{\text{кг} \cdot \text{K}} \right).$$