

## 9 класс

**Задача 1.** Решите уравнение  $x^4 + 12x^2 = 8 + 6x^4$ .

**Задача 2.** Через секунду после запуска программы GeomS на мониторе компьютера вначале появляется случайное число  $a_1$  затем, в каждую секунду последовательно появляются числа  $a_2, a_3, \dots, a_n, \dots$  где  $n$  – число секунд, прошедших после запуска программы. Оказалось, что независимо от того, какие числа появляются первым и вторым на мониторе, для любых трех членов  $a_{n-1}, a_n, a_{n+1}$  последовательности, всегда выполняется равенство  $3a_n = a_{n+1} + 2a_{n-1}$ . Какое число появится на мониторе через 11 секунд после запуска программы, если известно, что первым на мониторе появилось число  $-31$  (минус тридцать один), а вторым  $-29$  (минус двадцать девять)?

**Задача 3.** О вписанном пятиугольнике  $ABCDE$  известно, что  $CD = DE$ ,  $BC \parallel AE$ ,  $\angle BCD = 135^\circ$ ,  $\angle CDE = 150^\circ$ . Найдите  $BE$ , если известно, что радиус описанной окружности равен 1.

**Задача 4.** Квадратный трехчлен с целыми коэффициентами  $ax^2 + bx + c$  имеет целые корни, произведение которых равно 2015, а неравенство  $ax^2 + bx + c < 0$  имеет ровно 33 целых решения. Зная, что  $a > 0$ ,  $b < 0$ , определите корни квадратного трехчлена

**Задача 5.** На столе находятся 10 стопок игральных карт (количество карт в стопках может быть разным, пустых стопок не должно быть). Общее число карт на столе 2015. Если в стопке четное количество карт, убираем половину карт, если количество оставшихся в стопке карт опять четно, то опять убираем половину, и так, пока число карт в стопке не станет нечетным. И так поступаем с каждой стопкой. Объяснить:

- Каково наибольшее возможное число карт, остающихся на столе?
- Каково наименьшее возможное число карт, остающихся на столе?

В каждом из случаев показать пример разложения игральных карт по стопкам.