

9 класс

Задача 1. Решите уравнение $x^4 + 12x^2 = 8 + 6x^4$.

Задача 2. Через секунду после запуска программы GeomS на мониторе компьютера вначале появляется случайное число a_1 затем, в каждую секунду последовательно появляются числа $a_2, a_3, \dots, a_n, \dots$ где n – число секунд, прошедших после запуска программы. Оказалось, что независимо от того, какие числа появляются первым и вторым на мониторе, для любых трех членов a_{n-1}, a_n, a_{n+1} последовательности, всегда выполняется равенство $3a_n = a_{n+1} + 2a_{n-1}$. Какое число появится на мониторе через 11 секунд после запуска программы, если известно, что первым на мониторе появилось число -31 (минус тридцать один), а вторым -29 (минус двадцать девять)?

Задача 3. О вписанном пятиугольнике $ABCDE$ известно, что $CD = DE$, $BC \parallel AE$, $\angle BCD = 135^\circ$, $\angle CDE = 150^\circ$. Найдите BE , если известно, что радиус описанной окружности равен 1.

Задача 4. Квадратный трехчлен с целыми коэффициентами $ax^2 + bx + c$ имеет целые корни, произведение которых равно 2015, а неравенство $ax^2 + bx + c < 0$ имеет ровно 33 целых решения. Зная, что $a > 0$, $b < 0$, определите корни квадратного трехчлена

Задача 5. На столе находятся 10 стопок игральных карт (количество карт в стопках может быть разным, пустых стопок не должно быть). Общее число карт на столе 2015. Если в стопке четное количество карт, убираем половину карт, если количество оставшихся в стопке карт опять четно, то опять убираем половину, и так, пока число карт в стопке не станет нечетным. И так поступаем с каждой стопкой. Объяснить:

а) Каково наибольшее возможное число карт, остающихся на столе?

б) Каково наименьшее возможное число карт, остающихся на столе?

В каждом из случаев показать пример разложения игральных карт по стопкам.