

1 вариант.

Последовательно применяя допустимые действия, будут получаться следующие объёмы в вёдрах:

№		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Действия											
Действие		А	Б	А	Б	А	Б	00	Б	А	Б
Ведро А	0	5	0	5	0	5	1	1	0	5	0
Ведро Б	0	0	5	5	10	10	14	0	1	1	6

Где действие А обозначает наполнить ведро А.

Действие Б – пересыпать ведро А в ведро Б.

Действие 00 – освободить ведро Б.

Таким образом, на десятом действии в ведре Б получаем необходимый объём. Для чего потребовалось 4 наполнения ведра А.

2 вариант.

Решение аналогично.

№		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Действия													
Действие		А	Б	А	Б	А	Б	А	Б	00	Б	А	Б
Ведро А	0	4	0	4	0	4	0	4	3	3	0	4	0
Ведро Б	0	0	4	4	8	8	12	12	13	0	3	3	7

На двенадцатом действии в ведре Б получаем необходимый объём. Для чего потребовалось 5 наполнений ведра А.

Задача 2.

1 вариант.

Чтобы найти искомый квадрат, для начала найдём максимальную удалённость тайников по оси абсцисс $lenX$ и по оси ординат $lenY$. Очевидно, что $lenX = \max X - \min X$, где $\max X$ - наибольшая абсцисса среди всех тайников, $\min X$ - наименьшая. И аналогично $lenY = \max Y - \min Y$. Тем самым мы нашли стороны минимального прямоугольника, но не квадрата! Сторона искомого квадрата будет равна максимуму из $lenX$ и $lenY$. Зная сторону квадрата, можно легко вычислить его площадь.

2 вариант.

Решение аналогично, за исключением того, что в конце не нужно выбирать максимум из $lenX$ и $lenY$. Ответом будет $lenX * lenY$.

Пример программы(на C++),оба варианта

```
#include <iostream>
using namespace std;

int main(){
    int n,x,y,maxX=-1000000,minX=1000000,maxY=-
1000000,minY=1000000;
    long long lenX,lenY;
    cin>>n;
    for(int i=0;i<n;++i){
        cin>>x>>y;
        if(x>maxX)
            maxX=x;
        if(x<minX)
            minX=x;
        if(y>maxY)
            maxY=y;
        if(y<minY)
            minY=y;
    }
    lenX=maxX-minX;
    lenY=maxY-minY;
    if(lenX>lenY) //этот
        lenY=lenX; //фрагмент
    else //нужно убрать
        lenX=lenY; //для второго варианта
    cout<<lenX*lenY;
    return 0;
}
```

Задача 3.

1 вариант.

Очевидно, что получится девять трёхзначных чисел, и независимо от того, как цифры были расставлены по кругу, каждая цифра по одному разу по участвует в записи единиц, по одному разу в записи десятков и по одному разу в записи сотен. Таким образом искомую сумму можно было найти так: $999+888+777+666+555+444+333+222+111=4995$.

2 вариант.

Решение аналогично. Искомая сумма: $9999+8888+\dots+1111=49995$.

Задача 4.

1 вариант.

Грань октаэдра - это треугольник, значит, с каждой грани можно попасть на любую из трёх соседних, переворачивая через рёбра. Для того, чтобы проверить является ли данная последовательность следом, нужно для каждой цифры в последовательности, кроме последней, проверить, что следующая цифра есть на одной из трёх соседних граней.

Для грани a_1 соседними являются грани a_2, a_4 и a_8 .

Для грани a_2 соседними являются грани a_1, a_3 и a_7 .

Для грани a_3 соседними являются грани a_2, a_4 и a_6 .

Для грани a_4 соседними являются грани a_1, a_3 и a_5 .

Для грани a_5 соседними являются грани a_4, a_6 и a_3 .

Для грани a_6 соседними являются грани a_3, a_5 и a_7 .

Для грани a_7 соседними являются грани a_2, a_6 и a_8 .

Для грани a_8 соседними являются грани a_1, a_5 и a_7 .

Пример программы(на C++).

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
int main(){
    int n, mass[1000], raz[8], num,
        matr[8][3]={{2,4,8},
                    {1,3,7},
                    {2,4,6},
                    {1,3,5},
                    {4,6,8},
                    {3,5,7},
                    {2,6,8},
                    {1,5,7}}; //этим массивом будем пользоваться для
    проверки на "соседство"
    bool f;
    cin>>n;
    for(int i=0;i<n;++i)
        cin>>mass[i]; //считываем последовательность
    for(int i=0;i<8;++i) //считываем развёртку
        cin>>raz[i];
    for(int i=0;i<n;++i)
        for(int j=0;j<8;++j)
            if(mass[i]==raz[j])
```

```

    mass[i]=j+1;//помечаем на какой грани находится
считанный элемент
    for(int i=0;i<n-1;++i){
        f=false;
        for(int j=0;j<3;++j)
            if(mass[i+1]==matr[mass[i]-1][j]){//проверяем, является
ли следующий элемент соседом
                f=true;
                break;
            }
        if(!f)
            break;
    }
    if(f)
        cout<<1;
    else
        cout<<0;

    return 0;
}

```

2 вариант.

Решение аналогично, только соседей не три, а четыре.

Для грани a_1 соседними являются все грани, кроме a_4 .

Для грани a_2 соседними являются все грани, кроме a_6 .

Для грани a_3 соседними являются все грани, кроме a_5 .

Для грани a_4 соседними являются все грани, кроме a_1 .

Для грани a_5 соседними являются все грани, кроме a_3 .

Для грани a_6 соседними являются все грани, кроме a_2 .

Пример программы(на C++).

```

#include <iostream>
using namespace std;

```

```

int main(){
    int n,mass[1000],raz[8],num,
    matr[8]={4,6,5,1,3,2};//этим массивом будем пользоваться
для проверки на "соседство"
    bool f;
    cin>>n;
    for(int i=0;i<n;++i)
        cin>>mass[i]; //считываем последовательность
    for(int i=0;i<6;++i) //считываем развёртку

```

```

    cin>>raz[i];
    for(int i=0;i<n;++i)
        for(int j=0;j<6;++j)
            if(mass[i]==raz[j])
                mass[i]=j+1;//помечаем на какой грани находится
                считанный элемент
    for(int i=0;i<n-1;++i)
        if(mass[i+1]==mass[matr[mass[i]-1]-1]){//проверяем,
        является ли следующий элемент соседом
            f=false;
            break;
        }
    if(f)
        cout<<1;
    else
        cout<<0;

    return 0;
}

```

Задача 5.

1 вариант.

В примере указано, как «переместить» число из одной ячейки в другую. Иначе можно описать этот алгоритм так: пока в первой ячейке не ноль, число в первой ячейке уменьшаем на 1 и число во второй ячейке увеличиваем. Таким образом, a раз уменьшается, число в первой ячейке, и a раз увеличивается число во второй ячейке.

Вернёмся к поставленной задаче. Уменьшая число во второй ячейке, будем увеличивать число в первой ячейке. Когда во второй ячейке окажется 0, получим значения ячеек $a + b \ 0 \ c \ 0$. То же самое сделаем с третьей ячейкой и получим $a + b + c \ 0 \ 0 \ 0$, что и требовалось.

Пример программы.

1. D 2
2. T 5
3. I 1
4. T 1
5. D 3
6. T 0
7. I 1

8. T 5

2 вариант.

Решение аналогично, только теперь уменьшая числа в первой, второй и третьей ячейке, увеличивать будем в четвёртой.

Пример программы.

1. D 1

2. T 5

3. I 4

4. T 1

5. D 2

6. T 9

7. I 4

8. T 5

9. D 2

10. T 0

11. I 4

12. T 9