

9 класс

21. Окружность, вписанная в равнобедренный треугольник ABC ($AB = BC$), имеет радиус param1 и пересекает высоту BH треугольника ABC в точке P . Найдите периметр треугольника ABC если известно, что $BP = \text{param2}$.

| param1 | param2 | Ответ |
|--------|--------|-------|
| 3 | 2 | 32 |
| 4 | 1 | 54 |
| 5 | 8 | 54 |
| 12 | 1 | 250 |

22. Дан правильный param1 . Сколькими способами можно выбрать три его вершины так, чтобы они являлись вершинами треугольника, длины всех сторон которого различны? (Две тройки вершин, отличающиеся порядком вершин, считаются одинаковыми.)

| param1 | Ответ |
|-------------|-------|
| 17-угольник | 544 |
| 19-угольник | 798 |
| 23-угольник | 1518 |
| 25-угольник | 2000 |

23. Известно, что у трехчлена $f(x) = x^2 + ax + b$ корни соответственно на 1 больше, чем корни трехчлена param1 . Пусть M – сумма коэффициентов $f(x)$, а N – сумма коэффициентов $g(x)$. Какое **наименьшее** значение может принимать $|M - N|$?

| param1 | Ответ |
|------------------------|-------|
| $g(x) = x^2 - 5x + c$ | 4 |
| $g(x) = x^2 - 7x + c$ | 6 |
| $g(x) = x^2 - 9x + c$ | 8 |
| $g(x) = x^2 - 11x + c$ | 10 |

24. Найдите количество пар $(k; l)$ целых чисел, удовлетворяющих неравенству param1 .

| param1 | Ответ |
|-----------------------|-------|
| $ 5k + l \leq 185$ | 13765 |
| $ k + 5l \leq 149$ | 8941 |
| $ 5k + l < 164$ | 10695 |

$$|k| + |5l| < 171$$

11629

25. Диагонали трапеции $ABCD$ пересекаются в точке P ($AB \parallel CD$). Пусть S_1 – площадь треугольника PAB , S_2 – площадь треугольника PBC , S_3 – площадь треугольника PCD , S_4 – площадь треугольника PDA . Найдите значение выражения $\frac{S_1}{S_2} + \frac{S_2}{S_3} + \frac{S_3}{S_4} + \frac{S_4}{S_1}$, если $AB = \text{param1}$, $CD = \text{param2}$.

| param1 | param2 | Ответ |
|--------|--------|-------|
| 2 | 25 | 25,16 |
| 5 | 8 | 4,45 |
| 16 | 5 | 7,025 |
| 4 | 25 | 12,82 |
| 25 | 8 | 6,89 |

26. Известно, что неравенство param1 не выполняется ровно для param2 целых значений x . Найдите количество целых m , для которых это возможно.

| param1 | param2 | Ответ |
|------------------------|--------|-------|
| $x^2 + 10x + m \geq 0$ | 25 | 25 |
| $x^2 - 14x + m \geq 0$ | 21 | 21 |
| $x^2 - 30x + m \geq 0$ | 29 | 29 |
| $x^2 + 22x + m \geq 0$ | 31 | 31 |

27. Сколькими способами можно заменить все param1 звёздочек на цифры (не обязательно различные) в числе param2 так, чтобы полученное число делилось на 12?

| param1 | param2 | Ответ |
|--------|------------------|---------|
| 6 | 2017**13***52* | 100000 |
| 7 | 2017**1**1**34* | 1000000 |
| 5 | 2017**777**16* | 10000 |
| 6 | 2017**2**11*138* | 100000 |

28. В однокруговом турнире по футболу (каждая команда сыграла с каждой ровно по одному разу) участвовало param1 команд. За победу в матче дается 3 очка, за ничью – 1 очко, за поражение – 0 очков. Оказалось, что команды, занявшие первые три места, набрали разное количество очков. Какое **наибольшее** количество очков могла набрать команда, занявшая третье место?

| param1 | Ответ |
|--------|-------|
| 14 | 34 |
| 16 | 40 |
| 18 | 46 |
| 20 | 52 |
| 25 | 67 |

29. Прогноз погоды с 1 по k -ое сентября составили param1 метеорологов. Оказалось, что каждый из них указал по крайней мере два дождливых дня. При этом ни у каких двух метеорологов среди указанных ими дождливых дней не оказалось двух одинаковых. При каком **наименьшем** k такое могло быть?

| param1 | Ответ |
|--------|-------|
| 27 | 8 |
| 29 | 9 |
| 35 | 9 |
| 38 | 10 |
| 48 | 11 |

30. Известно, что для попарно различных чисел a, b, c выполняется равенство param1. Какое **наименьшее** значение может принимать выражение $a + b + c$?

| param1 | Ответ |
|---|-------|
| $a^3(b-c) + b^3(c-a) + c^3(a-b) + 2(a^2(b-c) + b^2(c-a) + c^2(a-b)) = 0$ | -2 |
| $a^3(b-c) + b^3(c-a) + c^3(a-b) + 4(a^2(b-c) + b^2(c-a) + c^2(a-b)) = 0$ | -4 |
| $a^3(b-c) + b^3(c-a) + c^3(a-b) + 6(a^2(b-c) + b^2(c-a) + c^2(a-b)) = 0$ | -6 |
| $a^3(b-c) + b^3(c-a) + c^3(a-b) + 8(a^2(b-c) + b^2(c-a) + c^2(a-b)) = 0$ | -8 |
| $a^3(b-c) + b^3(c-a) + c^3(a-b) + 10(a^2(b-c) + b^2(c-a) + c^2(a-b)) = 0$ | -10 |