

# Ответы на задания заочного этапа олимпиады школьников "Ломоносов" по информатике 2015/16 учебный год

*Решения отборочного тура 5-9 классов не отличаются от решений первого отборочного тура 10-11 классов.*

## Первый тур 10-11 классы

### Задание 1

**вариант 1.1) 273:**

bfl  
blf  
fbl  
flb  
lbf  
lfb  
lt  
tl

**вариант 1.2) 165:**

bdj  
bjd  
dbj  
djb  
jbd  
jdb  
jn  
nj

**вариант 1.3) 230:**

adv  
avd  
dav  
dva  
iv  
vad  
vda

vi

**вариант 1.4) 238:**

afp  
apf  
fap  
fpa  
mp  
paf  
pfa  
pm

Схема решения:

- 1) Следует найти все различные разложения заданного числа на множители, величина которых от 2 до 27. Каждое найденное разложение даёт набор букв, из которых можно составить пароль.
- 2) Для каждого найденного набора букв следует построить все перестановки. Каждая перестановка определяет порядок букв в пароле, т. е. одну из строк ответа. Если множитель дважды существует в разложении, будут порождаться дублирующие строки в ответе.
- 3) Все строки ответа следует упорядочить по алфавиту.  
Дублирующие строки ответа, если таковые будут, можно отсеять на этом этапе.

## Задание 2

Задача аналогично задаче 1, но требовалось отправить все варианты пароля и привести обоснование, например, программу генерации всех паролей.

2.1) 2348346:

$$2 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 23 = 2348346 \quad (7! + 5 \cdot 6! + 2 \cdot 5! = 8880 \text{ вариантов})$$

2.2) 1677390:

$$2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 23 = 1677390 \quad (7! + 5 \cdot 6! + 2 \cdot 5! = 8880 \text{ вариантов})$$

2.3) 3913910:

$$2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 23 = 3913910 \quad (7! + 4 \cdot 6! = 7920 \text{ вариантов})$$

2.4) 1118260:

$$2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 11 \cdot 13 \cdot 17 \cdot 23 = 1118260 \quad (7!/2 + 4 \cdot 6! + 4 \cdot 5! = 5880 \text{ вариантов})$$

Решение:

Программу, обосновывающую решение, можно составить, опираясь на схему из решения задачи 1.

## Задание 3

Пример решения на языке C++, в задаче нельзя было хранить весь куб в памяти:

```
#include <cstdio>
using namespace std;

int a[250][250];
int main(int argc, char *argv[])
{
    int n;
    scanf("%d\n", &n);

    for (int t = 0; t < n; ++t) {
        for (int i = 0; i < n; ++i) {
            for (int j = 0; j < n; ++j) {
                a[i][j] |= (getc(stdin) - '0') ^ 1;
            }
        }
    }

    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        for (int j = 0; j < n; ++j) {
            printf("%d", (a[i][j] ^ 1));
        }
    }
    return 0;
}
```

Дополнение к решению: если вести подсчёт непрозрачных “пикселей” в проекции, то это позволит останавливаться досрочно, если по текущим вычислениям станет ясно, что вся проекция непрозрачна.

## Задание 4

Во всех вариантах используется шифр замены  
вариант 4.1:

Far out in the uncharted backwaters of the unfashionable end of the western spiral arm of the Galaxy lies a small unregarded yellow sun. Orbiting this at a distance of roughly ninety-two million miles is an utterly insignificant little blue green planet whose ape-descended life forms are so amazingly primitive that they still think digital watches are a pretty neat idea. This planet has - or rather had - a problem, which was this: most of the people on it were unhappy for pretty much of the time. Many solutions were

suggested for this problem, but most of these were largely concerned with the movements of small green pieces of paper, which is odd because on the whole it wasn't the small green pieces of paper that were unhappy.

вариант 4.2:

Mr. and Mrs. Dursley, of number four, Privet Drive, were proud to say that they were perfectly normal, thank you very much. They were the last people you'd expect to be involved in anything strange or mysterious, because they just didn't hold with such nonsense. Mr. Dursley was the director of a firm called Grunnings, which made drills. He was a big, beefy man with hardly any neck, although he did have a very large mustache. Mrs. Dursley was thin and blonde and had nearly twice the usual amount of neck, which came in very useful as she spent so much of her time craning over garden fences, spying on the neighbors. The Dursleys had a small son called Dudley and in their opinion there was no finer boy anywhere.

вариант 4.3:

Every inch of wall space is covered by a bookcase. Each bookcase has six shelves, going almost to the ceiling. Some bookshelves are stacked to the brim with hardback books: science, maths, history, and everything else. Other shelves have two layers of paperback science fiction, with the back layer of books propped up on old tissue boxes or lengths of wood, so that you can see the back layer of books above the books in front. And it still isn't enough. Books are overflowing onto the tables and the sofas and making little heaps under the windows. This is the living-room of the house occupied by the eminent Professor Michael Verres-Evans, and his wife, Mrs. Petunia Evans-Verres, and their adopted son, Harry James Potter-Evans-Verres.

вариант 4.4:

Let's set the existence-of-God issue aside for a later volume, and just stipulate that in some way, self-replicating organisms came into existence on this planet and immediately began trying to get rid of each other, either by spamming their environments with rough copies of themselves, or by more direct means which hardly need to be belabored. Most of them failed, and their genetic legacy was erased from the universe forever, but a few found some way to survive and to propagate. After about three billion years of this sometimes zany, frequently tedious fugue of carnality and carnage, Godfrey Waterhouse IV was born, in Murdo, South Dakota, to Blanche, the wife of a Congregational preacher named Bunyan Waterhouse. Like every other creature on the face of the earth, Godfrey was, by birthright, a stupendous badass, albeit in the somewhat narrow technical sense that he could trace his ancestry back up a long line of slightly less highly evolved stupendous badasses to that first

self-replicating gizmo—which, given the number and variety of its descendants, might justifiably be described as the most stupendous badass of all time. Everyone and everything that wasn't a stupendous badass was dead.

## Задание 5

Пример решения на C++:

```
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <string>
#include <vector>
#include <algorithm>

using namespace std;

const int maxN = 1e6 + 1000;

typedef long long ll;

ll a[maxN];

int main(void) {
    ios_base::sync_with_stdio(0);
    ll n;
    int m;
    cin >> n >> m;
    ll sum = 0;
    for (int i = 1; i <= m; i++) {
        cin >> a[i];
        sum += a[i];
    }
    if (sum <= n) {
        cout << m << endl;
        return 0;
    }
    ll p = sum - n;
    int ans = 1;
    int r = 1;
    ll cur = 0;
    for (int i = 2; i <= m; i++) {
        if (r < i){
            cur = 0;
            r = i;
        } else {
            cur -= a[r];
        }
    }
}
```

```

        while (cur < p && r <= m) {
            cur += a[r];
            r++;
        }
        if (cur < p) {
            break;
        }
        ans = max(ans, m - (r - i));
        r--;
        cur -= a[i];
    }
    cout << ans << endl;
    return 0;
}

```

## Задание 6

**Пример решения:**

```
] ? ({}?) } ! {{ ()] { (~] {> ([}!) ] [ (~}!] ) [ ] {) } [ .@. { } }
```

## Задание 7

Для анализа архива с текстами программ требовалось написать программу, которая являлась обоснованием получения результата.

## Задание 8

При чтении последовательности запоминаем индексы элементов, где нарушается порядок. Так получаем те элементы, которые требуется изменить.

Входная последовательность считывается поэлементно. Текущее считанное число следует сравнивать с предыдущим и запоминать номера пар, в которых числа не по порядку. Таких пар может быть одна или две. Если найдена лишь одна пара, и последовательность дочитана до конца, то ответ состоит из номера пары и номера следующего за ним числа. Если пар две, то ответ состоит из номера первой пары и увеличенного на 1 номера второй пары. Если встречено две пары, то ввод можно не дочитывать.

```

program task8(input, output);
var endFlag: boolean;
    aPrev, aCurr, i, n, num1, num2, a1st, a2nd: integer;
begin
    num1:= 0;
    num2:= 0;

```

```

endFlag:= false;
read(n, aCurr);
i:= 1;
repeat
    aPrev:= aCurr;
    read(aCurr);
    if (aPrev > aCurr) then begin {var 2: aPrev < aCurr}
        if (num1 = 0) then begin
            num1 := i;
            a1st:= aCurr;
            a2nd:= aPrev
            end
        else begin
            num2:= i+1;
            a1st:= aCurr;
            endFlag:= true;
            end;
        end;
        i:= i + 1;
    until (i = n) or endFlag;
    if endFlag then begin
        { writeln(num2, ' ', num1); var 2}
        writeln(a1st, ' ', a2nd) {var 1}
        end
    else begin
        { writeln(num1+1, ' ', num1); var 2}
        writeln(a1st, ' ', a2nd){var 1}
        end;
    end;
end.

```

## Второй тур 10-11 классы

### Задание 1

#### **вариант 1.1**

ayyz  
ayzb  
azaz  
azbb  
bayz  
bazb  
babz  
bbbb

#### **вариант 1.2**

сyyz  
сyzb  
czaz  
czbb  
dayz  
dazb  
dbaz  
dbbb

### **вариант 1.3**

aaaaz  
aaabb  
yaaz  
yabb  
xyaz  
xybb  
xxuz  
xxzb

### **вариант 1.4**

gyyz  
gyzb  
gzaz  
gzbb  
hayz  
hazb  
hbaz  
hbbb

Решение: Можно заметить, что некоторые числа могут быть представлены двумя или более разными полиномами. Так происходит потому, что  $s[i]*24^{n-i} + s[i+1]*24^{n-i-1} = (s[i]-1)*24^{n-i} + (24+s[i+1])*24^{n-i-1}$  а  $s[i]$ ,  $(s[i]-1)$ ,  $s[i+1]$  и  $(24+s[i+1])$  могут быть кодами букв при  $1 < s[i] < 27$ ,  $0 \leq s[i+1] < 3$ . Если  $i=1$ , то следует рассматривать варианты из обеих частей тождества при  $1 \leq s[1] < 27$ ,  $0 \leq s[2] < 3$ , а букву с 0-м номером считать "пустым местом" (см. ответы длиной 5 и длиной 4 в варианте 3).

Схема решения:

- 1) Если  $X > 0$ , то goto 2, иначе ответа нет.
- 2) Находим  $p$  – наибольшую степень 24, не превосходящую  $X$ .
- 3) Если  $p > 1$ , то goto 4, иначе ответ – строка из одной  $X$ -ой буквы.
- 4) Находим  $s$  – частное и  $r$  – остаток при делении нацело  $X$  на  $p$ .
- 5) Находим  $s_{next}$  – частное и  $r_{next}$  – остаток при делении  $r$  на  $(p/24)$ .
- 6) Если  $1 < s < 27$  и  $0 \leq s_{next} < 3$ , то в ответ надо включить строки двух видов:

а) начинающиеся с  $s$ -ой буквы и продолжающиеся строками, полученными при расшифровке остатка  $r$ ;

б) начинающиеся с  $(s-1)$ -ой буквы и  $(snext+24)$ -ой буквы за ней, и при  $rnext > 0$  продолжающиеся строками, полученными при расшифровке  $rnext$ , при  $rnext = 0$  и  $r = 24$  расшифровка состоит лишь из двух указанных букв.

7) Если  $s=1$  и  $0 \leq snext < 3$  и мы определяем первую букву ответа для заданного числа (а не для его остатков), то также есть два вида строк: а) аналогичные указанному в 6а); и б) начинающиеся с  $(snext+24)$ -ой буквы, и продолжающиеся строками, полученными при расшифровке остатка  $rnext$ .

8) Во всех остальных случаях буква ответа определяется однозначно, это  $s$ -ая буква, и расшифровка продолжается для остатка  $r$ . По указанной схеме ищется множество слов, затем упорядочивается по алфавиту.

## Задание 2

Кроме ответа требовалось привести то, как он был получен, например, программу.

вариант 2.1.  $x = 9571766450$

вариант 2.2  $x = 18744709298$

Вывод (128 строк, для экономии места слова выписаны подряд через пробелы): cyyyyyyz cyyyyyzb cyyyyyzaz cyyyyyzb cyyyzayz cyyyzazb cyyyzbaz cyyzbabb cyyzayyz cyyzazzb cyyzazaz cyyzbaz cyyzbazb cyyzbazb cyyzbaz cyyzbabb cyzavyyz cyzayyzb cyzayzaz cyyzbabb

cyzazayz cyzazazb cyzazbaz cyzazbbb cyzbayyz cyzbayzb cyzbazaz  
cyzbazbb cyzbbayz cyzbbazb cyzbbbaz cyzbbbb czayyyyz czayyyzb  
czayyzaz czayyzbb czayzayz czayzazb czayzbaz czayzbbs czazayyz  
czazayzb czazazaz czazazbb czazbayz czazbazb czazbbaz czazbbbs  
czbayyyz czbayyzb czbayzaz czbayzb czbazayz czbazazb czbazbaz  
czbazbbz czbbayyz czbbayzb czbbazaz czbbazb czbbbayz czbbbazb  
czbbbbaz czbbbbbb dayyyyyz dayyyyyzb dayyyyzaz dayyyzbz dayyyzayz  
dayyyzazb dayyyzbz dayyyzbbs dayzayyz dayzayzb dayzazaz dayzazbb  
dayzbaz dayzbazb dayzbazaz dayzbbsb dazayyyz dazayyzb dazayzaz  
dazayzbz dazazayz dazazazb dazazbaz dazazbb dazbayyz dazbayzb  
dazbazaz dazbazbb dazbbayz dazbbazb dazbbaz dazbbbb dbayyyyz  
dbayyyzb dbayyzaz dbayyzbb dbayzayz dbayzazb dbayzbz dbayzbbs  
dbazayyz dbazayzb dbazazaz dbazazzb dbazbayz dbazbazb dbazbbaz  
dbazbbbb dbbayyyz dbbayyzb dbbayzaz dbbayzbz dbbazayz dbbazazb  
dbbazaz dbbazbbb dbbbayyz dbbbayzb dbbbazaz dbbbazb dbbbbazb  
dbbbazb dbbbazbz dbbbbazz dbbbbbb

вариант 2.3 X = 27917652146

Вывод (128 строк, для экономии места слова выписаны подряд через пробелы): eyyyyyyz eyyyyyyzb eyyyyyaz eyyyyzb eyyyyaz eyyyyzazb  
eyyyzbaz eyyyyzbbs eyyyzayyz eyyyzayzb eyyyzazaz eyyyzazb eyyzbaz  
eyyzbazb eyyzbazb eyyzbbsb eyyzayyyz eyyzayzb eyyzayzaz eyyzayzb  
eyzazayz eyzazazb eyzazaz eyzazbb eyzbayyz eyzbayzb eyzbazaz  
eyzbazbb eyzbbayz eyzbbazb eyzbbaz eyzbbbb ezayyyyz ezayyyzb  
ezayyzaz ezayyzbb ezayzayz ezayzazb ezayzbaz ezayzbbs ezazayyz  
ezazayzb ezazazaz ezazazbb ezazbayz ezazbazb ezazbbaz ezazbbbs  
ezbayyyz ezbayyzb ezbayzaz ezbayzb ezbazaz ezbazbb ezbazazb ezbazaz  
ezbazbb ezbayyz ezbayzb ezbazaz ezbazbb ezbazbz ezbbaayz ezbbaaz  
ezbbbaaz ezbbaabbb fayyyyyz fayyyyyzb fayyyyzaz fayyyzb fayyyzayz  
fayyzazb fayyzaz fayyzbb fayzayyz fayzayzb fayzazaz fayzazbb  
fayzbaz fayzbazb fayzbazaz fayzbbsb fazayyyz fazayyzb fazayzaz  
fazayzbz fazazayz fazazazb fazazbaz fazazbb fazbayyz fazbayzb  
fazbazaz fazbazbb fazbbayz fazbbazb fazbbaz fazbbbb fbayyyyz  
fbayyyzb fbayyzaz fbayyzbb fbayzayz fbayzazb fbayzbz fbayzbbs  
fbazayyz fbazayzb fbazazaz fbazazzb fbazbayz fbazbazb fbazbbaz  
fbazbbbb fbbayyyz fbbayyzb fbbayzaz fbbayzb fbbazaz fbbazb fbbbaayz  
fbbazaz fbbazbb fbbayyz fbbayzb fbbazaz fbbazb fbbazbz fbbbbbaz  
fbbbaaz fbbbaazz fbbbbbzz

вариант 2.4 X = 37090594994

Вывод (128 строк, для экономии места слова выписаны подряд через пробелы): gyuyyyyyz gyuyyyyyzb gyuyyyyaz gyuyyyzb gyuyyyaz gyuyyyzazb  
gyuyzbaz gyuyzbbs gyuyzayyz gyuyzayzb gyuyzazaz gyuyzazb gyuyzbaz  
gyyzbazb gyyzbbaz gyyzbbbs gyzyayyyz gyzyayzb gyzyayzaz gyzyayzb  
gyzazayz gyzazazb gyzazaz gyzazbbs gyzbayyz gyzbayzb gyzbazaz  
gyzbazbb gyzbayyz gyzbazb gyzbbsaz gyzbbsb gzyayyyz gzyayyzb  
gzyayzaz gzyayzbz gzyayzaz gzyazazb gzyzbaz gzyzbbs gzyayzz  
gzyazazb gzyazazaz gzyazazb gzyzbaz gzyzbbs gzyayzz gzyayzz

gzbayyyz gzbayyzb gzbayzaz gzbayzbb gzbazayz gzbazazb gzbazbaz  
gzbazbbb gzbabayz gzbabayz gzbazaz gzbazbb gzbbaayz gzbbaaz  
gzbbaaz gzbbaabb hayyyyyz hayyyyzb hayyyzaz hayyyzbb hayyzayz  
hayyzazb hayyzazb hayyzbb hayzayy z hayzayzb hayzazaz hayzazbb  
hayzbaz hayzbaz hayzbaz hayzbazb hayzbazb hazayyyz hazayyzb hazayzaz  
hazayzbb hazazazb hazazazb hazazazb hazazbbb hazbayyz hazbayzb  
hazbazaz hazbazbb hazbbayz hazbbazb hazbbaz hazbbbb hbayyyyz  
hbayyyzb hbayyzaz hbayyzbb hbayzayz hbayzazb hbayzbaz hbayzbbb  
hbazayyz hbazayzb hbazazaz hbazazbb hbazbayz hbazbazb hbazbbaz  
hbazbbbb hbbayyyz hbbayyzb hbbayzaz hbbayzbb hbbazayz hbbazazb  
hbbazazb hbbazbb hbbayyz hbbayzb hbbazaz hbbazbb hbbbbayz  
hbbbaazb hbbbbbaz hbbbbbzb

Программа, решающая задачу, может быть построена на основе схемы из решения задачи 1.

## Задание 3

Решения проверялись на следующих тестах:

1 1  
2 2  
3 1+2  
4 2\*2  
5 1+2\*2  
6 2+2\*2  
7 1+2+2\*2  
8 2\*2\*2  
9 1+2\*2\*2  
10 2+2\*2\*2  
11 11  
12 12  
13 1+12  
14 2+12  
15 1+2+12  
16 2+2+12  
17 1+2+2+12  
18 2+2+2+12  
19 2\*2\*2+11  
20 2\*2\*2+12  
21 21  
22 22  
23 1+22  
24 2\*12  
1000 112+2\*2\*222  
1001 1+112+2\*2\*222  
1002 2+112+2\*2\*222  
1003 121+2\*21\*21

```

1004 122+2*21*21
1005 121+2*2*221
1006 122+2*2*221
1007 1+122+2*2*221
1008 2*2*12*21
1009 1+2*2*12*21
1010 2+2*2*12*21
1011 1+2+2*2*12*21
1012 2*22+2*22*22
1013 1+2*22+2*22*22
1014 11*12+2*21*21
100000 11112+2*2*22222
100001 1+11112+2*2*22222
100002 21*121+21*21*221
100003 11*211+2*221*221
100004 1+11*211+2*221*221
239 2*2*2+11*21
179 11+2*2*2*21
12345 1+2+11*1122
222222 222222

```

Для правильного решения требовалось найти оптимальное разложение числа на множители и числа на слагаемые.

1) строим множество с возможных чисел:

```

def fill_c(s):
    if (len(s) == 0 or int(s) < 1000000):
        if len(s) > 0:
            c.append(int(s))
            fill_c("1"+s)
            fill_c("2"+s)

```

2) строим ответ для каждого числа  $i$  в списке  $b[i]$

```

def fill_b(n):
    if b[n] != "":
        return b[n]
    b[n] = "-1"
    if n in c:
        b[n] = str(n)
    for k in s_c:
        if n % k == 0 and k > 1 and n > k:
            b[n] = best_mul(b[n], fill_b(n // k), k)
    return b[n]

```

3) строим общий ответ для каждого числа, использую очередное слагаемое из  $b$

```

def fill_a(n):

```

```

if a_f[n]:
    return a[n]
a[n] = b[n]
a_f[n] = True
if a[n] == "-1":
    a[n] = b_l[0][1] + "+" + fill_a(n - b_l[0][0])
for k in b_l:
    if k[0] >= n:
        break
    a[n] = best_sum(a[n], k[1], fill_a(n - k[0]))
return a[n]

```

Далее можно предподсчитать часть ответов и внести их в массив.

## Задание 4

Задача “Лабиринт”

Во всех 4-х вариантах правильный ответ -1 (невозможно получить последовательность действий). Обоснованием может служить выделенная часть поля, где оказывается что включить все лампочки невозможно. Общее решение следующее – для каждой лампочки вводим переменную включалась она или нет. Затем составляем систему линейных уравнений и получаем, что она не имеет решения.

## Задание 5

Пример решения:

```

#include <cstdio>
#include <vector>
#include <cstdlib>
#include <cctype>

using namespace std;

const int frame_size = 8;

void encode(const vector<char> &in, vector<char> &out)
{
    for (int i = 0; i < int(in.size()); ++i) {
        out.push_back(in[i]);
        out.push_back(in[i]);
        out.push_back(in[i]);
        out.push_back(in[i]);
    }
    if (int(out.size()) % frame_size != 0) {

```

```

        out.push_back('0');
        out.push_back('0');
        out.push_back('0');
        out.push_back('0');
    }
}

void decode(const vector<char> &in, vector<char> &out)
{
    for (int pos = 0; pos < int(in.size()); pos += 4) {
        int sum = in[pos] + in[pos + 1] + in[pos + 2] + in[pos
+ 3] - 4 * '0';
        if (sum <= 1) sum = 0;
        else if (sum >= 3) sum = 1;
        out.push_back(char('0' + sum));
    }
}

int main()
{
    int cmd, size;
    vector<char> data;

    scanf("%d", &cmd);
    scanf("%d", &size);

    int c;
    while ((c = getchar()) != EOF) {
        if (isspace(c)) {
        } else if (c == '0' || c == '1') {
            data.push_back(c);
        }
    }

    vector<char> result;
    if (cmd == 0) {
        encode(data, result);
    } else if (cmd == 1) {
        decode(data, result);
    }

    for (int i = 0; i < int(result.size()); ++i) {
        if (i > 0 && i % 64 == 0) {
            putchar('\n');
        }
    }
}

```

```
    putchar(result[i]);
}
putchar('\n');
return 0;
}
```

## Задание 6

Пример решения

```
?} } ? () { (~) ] { < ([~] !) {} [ () [ ) { () {} [ () } [ ) ?) { ( . @ . { {} "}
```

## Задание 7

Один из вариантов решения – найти число одинаковых символов между каждым эталоном и запрашиваемой картинкой. Далее выбрать эталон с максимальным числом совпадающих символов.

## Задание 8

Задача аналогична задаче 8 из первого тура – находим тройки, которые не являются возрастающими или убывающими. Требуется поменять местами элементы в этих тройках, если одна из них не содержит минимальный элемент.