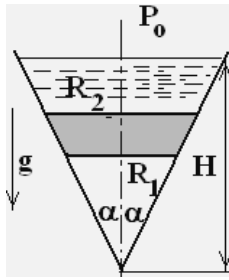


Заключительный этап
Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике
13 марта 2016 г.
Решения и критерии оценки
10 класс



1. Конический сосуд с углом раствора 2α герметично перекрыт пробкой массой m и радиусами оснований R_1 и R_2 . Под пробкой – воздух при атмосферном давлении P_0 и температуре T_0 , выше налита вода до уровня H от вершины конуса. До какой температуры T нужно нагреть воздух под пробкой, чтобы он стал выходить? Плотность воды ρ , ускорение свободного падения g .

Возможное решение

На пробку при отрыве её от стенки по вертикали вниз действует сила давления воды и сила тяжести mg , а вверх сила давления воздуха в сосуде, сила же со стороны стенки нулевая <1>.

Рассчитаем силы. Давление воды на пробку $P_v = P_0 + \rho gh$, где $h = H - R_2 ctg\alpha$ <2>, умножив его на площадь найдем силу давления воды $(P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))\pi R_2^2$ <1>. Сила давления воздуха снизу это $P\pi R_1^2$, где P его давление <1>. Отсюда условие равновесия при отрыве пробки: $mg + (P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))\pi R_2^2 = P\pi R_1^2$. <1>

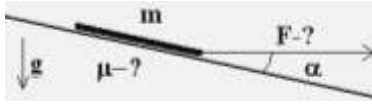
Из уравнения состояния газа и постоянства объёма имеем $P/P_0 = T/T_0$. <2>.

Откуда окончательно $T = T_0(mg/\pi R_2^2 + P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))R_2^2/P_0 R_1^2$. <2>

Разбалловка по этапам

	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Указание действующих на пробку сил		1
2	Давление воды	$P_v = P_0 + \rho gh$, где $h = H - R_2 ctg\alpha$	1+1
3	Сила давления воды	$(P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))\pi R_2^2$	1
4	Сила давления воздуха снизу	$P\pi R_1^2$	1
5	Условие равновесия	$mg + (P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))\pi R_2^2 = P\pi R_1^2$	1
6	Отношения давлений и температур	$P/P_0 = T/T_0$. $V = const$	2
7	Нахождение искомой температуры	$T = T_0(mg/\pi R_2^2 + P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))R_2^2/P_0 R_1^2$	2

Заключительный этап
Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике
13 марта 2016 г.
Решения и критерии оценки
10 класс



2. На плоскости с углом наклона α лежит однородная линейка массы m . Её тянут по горизонтали за нить, привязанную к нижнему концу. При какой максимальной силе натяжения F_{\max} линейка не оторвётся от плоскости? Найдите наименьший коэффициент трения μ_{\min} такой, что при этом линейка не будет и соскальзывать. Ускорение свободного падения g .

Возможное решение

Максимум силы – отсутствие поворота вокруг верхнего конца, из условия равновесия моментов сил: $F_{\max} \sin \alpha = (mg/2) \cos \alpha$, то есть $F_{\max} = (mg/2) \operatorname{ctg} \alpha$, при $F \leq (mg/2) \operatorname{ctg} \alpha$ нет поворота. <4>

Отсутствие проскальзывания $F \cos \alpha + mg \sin \alpha \leq \mu N$; $N = mg \cos \alpha - F \sin \alpha$;

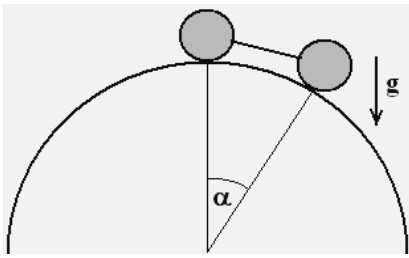
$\mu \geq (F \cos \alpha + mg \sin \alpha) / (mg \cos \alpha - F \sin \alpha)$ <3> при любых допустимых силах, то есть и при $F =$

$F_{\max} = (mg/2) \operatorname{ctg} \alpha$ <1>. Тогда $\mu \geq \operatorname{ctg} \alpha + 2 \operatorname{tg} \alpha$ или $\mu \geq \frac{1 + \sin^2 \alpha}{\cos \alpha}$; $\mu_{\min} = \operatorname{ctg} \alpha + 2 \operatorname{tg} \alpha$ <2>.

Разбалловка по этапам

	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Равновесие моментов сил	$F_{\max} \sin \alpha = (mg/2) \cos \alpha$; $F_{\max} = (mg/2) \operatorname{ctg} \alpha$	4
2	Отсутствие проскальзывания	$F \cos \alpha + mg \sin \alpha \leq \mu N$; $N = mg \cos \alpha - F \sin \alpha$; $\mu \geq (F \cos \alpha + mg \sin \alpha) / (mg \cos \alpha - F \sin \alpha)$	1+1 +1
3	Отсутствие проскальзывания при F_{\max}		1
4	Условие на μ	$\mu_{\min} = \operatorname{ctg} \alpha + 2 \operatorname{tg} \alpha$ или аналог	2

Заключительный этап
Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике
13 марта 2016 г.
Решения и критерии оценки
10 класс



3. Одинаковые шары массы m связаны натянутой нитью и находятся на сфере. Её радиус, проведённый к точке касания с верхним шаром, вертикален, а проведённый к точке касания с нижним, образует угол α с вертикалью. Найдите ускорения шаров и натяжение нити сразу после того, как отпустили верхний шар. Трения нет, ускорение свободного падения g .

Возможное решение

Так как начальная скорость нулевая, то поперечное (центростремительное) ускорение нулевое $\langle 0,5 \rangle$. Нить направлена по прямой, соединяющей центры шаров $\langle 0,5 \rangle$. При движении шаров по сфере скорости и продольные ускорения их центров равны; $a = dv/dt \langle 1 \rangle$. Тогда 2-й закон Ньютона для верхнего шарика $ma = T \cos(\alpha/2)$, где T натяжение нити $\langle 2 \rangle$; а для нижнего $ma = mg \sin \alpha - T \cos(\alpha/2) \langle 2 \rangle$. Отсюда ускорение $a = (g/2) \sin \alpha \langle 2 \rangle$, а натяжение $T = mg \sin \alpha / 2 \cos(\alpha/2) = mg \sin(\alpha/2) \langle 2 \rangle$.

Разбалловка по этапам

	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Равенство нулю поперечного ускорения		0,5
2	Направление нити		0,5
3	Равенство продольных ускорений	$a = dv/dt$	1
4	2-й закон Ньютона для верхнего и нижнего шариков	$ma = T \cos(\alpha/2); ma = mg \sin \alpha - T \cos(\alpha/2)$	2+ 2
	Нахождение ускорения	$a = (g/2) \sin \alpha$	2
	Нахождение натяжения	$T = mg \sin \alpha / 2 \cos(\alpha/2) = mg \sin(\alpha/2)$	2

**Заключительный этап
Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике
13 марта 2016 г.
Решения и критерии оценки
10 класс**

4. Снег с температурой $t_1 = -10^\circ\text{C}$ опустили в сосуд с нагревателем. Через время, равное $\tau_1 = 4$ минуты, снег растаял и превратился в воду с температурой $t_0 = 0^\circ\text{C}$, а ещё через время $\tau_2 = 57$ сек – температура воды выросла до $t_2 = 20^\circ\text{C}$. Найдите удельную теплоёмкость снега c_1 , если удельная теплоёмкость воды $c_2 = 4,2 \cdot 10^3$ Дж/кг $\cdot^\circ\text{C}$, а удельная теплота плавления $\lambda = 334 \cdot 10^3$ Дж/кг. Тепловая мощность, передаваемая нагревателем воде и снегу, постоянна.

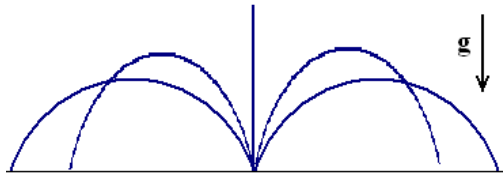
Возможное решение

Поступившее за время τ_1 от нагревателя тепло $N\tau_1$, где N его мощность, $\langle 1 \rangle$ идёт на повышение температуры снега от t_1 до t_0 и на плавление снега. Уравнение теплового баланса на этом этапе: $M(c_1(t_0 - t_1) + \lambda) = N\tau_1$, где M масса снега $\langle 3 \rangle$. Поступившее за время τ_2 тепло идёт на нагрев воды от t_0 до t_2 , так что $Mc_2(t_2 - t_0) = N\tau_2$ $\langle 2 \rangle$. Исключая M и N находим теплоёмкость $c_1 = c_2(t_2 - t_0)\tau_1 / (t_0 - t_1)\tau_2 - \lambda / (t_0 - t_1) \cong 2 \cdot 10^3$ Дж/кг $\cdot^\circ\text{C}$ $\langle 3+1 \rangle$.

Разбалловка по этапам

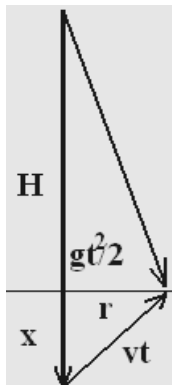
	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Выражение поступившего от нагревателя тепла через время и мощность	$Q = N\tau$	1
2	Тепловой баланс за время τ_1	$M(c_1(t_0 - t_1) + \lambda) = N\tau_1$	3
3	Тепловой баланс за время τ_2	$Mc_2(t_2 - t_0) = N\tau_2$	2
4	Нахождение выражения для c_1 ; число	$c_1 = c_2(t_2 - t_0)\tau_1 / (t_0 - t_1)\tau_2 - \lambda / (t_0 - t_1) \cong 2 \cdot 10^3$ Дж/кг $\cdot^\circ\text{C}$	3+1

Заключительный этап
Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике
13 марта 2016 г.
Решения и критерии оценки
10 класс



5. Капли воды разбрызгивателя летят во все стороны с одинаковой скоростью v . Насколько нужно поднять разбрызгиватель с уровня земли, чтобы увеличить площадь полива вдвое при прежней скорости вылета? Ускорение свободного падения g , влиянием воздуха пренебречь.

Возможное решение



Вектор перемещения капли за время полёта $\mathbf{L} = \mathbf{gt}^2/2 + \mathbf{vt}$, g ускорение падения, v начальная скорость $\langle 1 \rangle$. Рис. отвечает ситуации, когда у v положительная проекция на вертикаль, тогда $gt^2/2 = H + x$, где x проекция vt на вертикаль, а H высота разбрызгивателя над землёй $\langle 1 \rangle$. Отрицательной проекции отвечает отрицательное x . Расстояние r , пройденное по горизонтали, выразим через теорему Пифагора: $r^2 = (vt)^2 - x^2 \langle 1 \rangle$. Выразим время через x : $t^2 = 2(H + x)/g \langle 1 \rangle$. Тогда $r^2 = 2v^2(H + x)/g - x^2 \langle 1 \rangle$. Площадь полива определяется максимальным значением r^2 , которое выражено квадратным трёхчленом по x . Приведением к полному квадрату, использованием симметрии параболы, с помощью ли производной можно найти максимальное значение: $r_{\max}^2 = 2v^2H/g + v^4/g^2 \langle 2 \rangle$. Если получить выражение r^2 через t , то это будет квадратный полином от t^2 с аналогичным исследованием на максимум. Исходная площадь S отвечает $r_0 = v^2/g$ ($H = 0!$) $\langle 1 \rangle$. Удвоение площади $r^2 = 2r_0^2$ даёт решение для $H = v^2/2g \langle 2 \rangle$.

Разбалловка по этапам

	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Выражение для вектора перемещения	$\mathbf{L} = \mathbf{gt}^2/2 + \mathbf{vt}$	1
2	Связь H и x со временем полёта	$gt^2/2 = H + x$	1
3	Нахождение перемещения по горизонтали	$r^2 = (vt)^2 - x^2$	1
4	Нахождение времени через x	$t^2 = 2(H + x)/g$	1
5	Получение зависимости r^2 от x	$r^2 = 2v^2(H + x)/g - x^2$	1
6	Нахождение максимума r^2	$r_{\max}^2 = 2v^2H/g + v^4/g^2$	2
7	Исходная площадь отвечает r_{\max}^2 при $H = 0$	$r_0 = v^2/g$	1
	Нахождение H из удвоения площади	$r^2 = 2r_0^2; H = v^2/2g$	2

Комментарий: Будут встречаться разные варианты решения с другой группировкой и последовательностью этапов. Скажем, при заданных H и r получим квадратное уравнение для x или t^2 . При отсутствии решений – r недостижимо, при двух решениях в r можно попасть двумя путями, r_{\max} отвечает случаю, когда решение одно, то есть когда совпадают корни, а дискриминант квадратного уравнения нулевой. Отсюда получается $r_{\max}^2 = 2v^2H/g + v^4/g^2$. В качестве варьируемой переменной может использоваться угол вылета или его тангенс и т. д.

**Критерии определения победителей и призеров
Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике
(2015-2016 уч. год)**

Согласно Положению победители и призеры олимпиады были определены по результатам Заключительного этапа Олимпиады. Общее количество победителей и призеров составило 198 человек из 813 участников данного этапа, что составляет 24,35 %. Количество победителей составило 62 человек, что составляет 7,75 %.

Основываясь на **общем рейтинге** участников и учитывая **наличие заметных разрывов** в баллах, набранных группами участников в верхней части рейтинга, жюри Олимпиады разработало следующие критерии определения победителей и призеров: (Максимальное возможное количество баллов – 50 баллов в 11-8 классах и 40 баллов в 7 классе.)

11 класс:

победители:

участники, набравшие не менее 84% от максимального количества баллов, т.е. от 42 до 50 баллов;

призеры:

2 степени – не менее 70 % от максимального количества баллов, т.е. от 35 до 41 баллов

3 степени – не менее 60 % от максимального количества баллов, т.е. от 29 до 34 баллов

10 класс:

победители:

участники, набравшие не менее 74% от максимального количества баллов, т.е. от 37 до 50 баллов;

призеры:

2 степени – не менее 68% от максимального количества баллов, т.е. от 34 до 36 баллов

3 степени – не менее 64 % от максимального количества баллов, т.е. от 32 до 33 баллов

9 класс:

победители:

участники, набравшие не менее 86% от максимального количества баллов, т.е. от 43 до 50 баллов;

призеры:

2 степени – не менее 70 % от максимального количества баллов, т.е. от 35 до 42 баллов

3 степени – не менее 66 % от максимального количества баллов, т.е. от 33 до 34 баллов

8 класс:

победители:

участники, набравшие не менее 84% от максимального количества баллов, т.е. от 42 до 50 баллов;

призеры:

2 степени – не менее 72 % от максимального количества баллов, т.е. от 36 до 41 баллов

3 степени – не менее 66 % от максимального количества баллов, т.е. от 33 до 35 баллов

7 класс:

победители:

участники, набравшие не менее 65% от максимального количества баллов, т.е. от 25 до 40 баллов;

призеры:

2 степени – не менее 52,5 % от максимального количества баллов, т.е. от 21 до 24 баллов

3 степени – не менее 40 % от максимального количества баллов, т.е. от 15 до 20 баллов

Сопредседатель жюри по физике



Н.И.Яворский