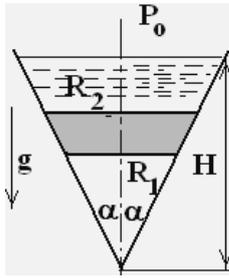


**Заключительный этап**  
**Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике**  
**13 марта 2016 г.**  
**Решения и критерии оценки**  
**10 класс**



1. Конический сосуд с углом раствора  $2\alpha$  герметично перекрыт пробкой массой  $m$  и радиусами оснований  $R_1$  и  $R_2$ . Под пробкой – воздух при атмосферном давлении  $P_0$  и температуре  $T_0$ , выше налита вода до уровня  $H$  от вершины конуса. До какой температуры  $T$  нужно нагреть воздух под пробкой, чтобы он стал выходить? Плотность воды  $\rho$ , ускорение свободного падения  $g$ .

*Возможное решение*

На пробку при отрыве её от стенки по вертикали вниз действует сила давления воды и сила тяжести  $mg$ , а вверх сила давления воздуха в сосуде, сила же со стороны стенки нулевая <1>.

Рассчитаем силы. Давление воды на пробку  $P_v = P_0 + \rho gh$ , где  $h = H - R_2 ctg\alpha$  <2>, умножив его на площадь найдем силу давления воды  $(P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))\pi R_2^2$  <1>. Сила давления воздуха снизу это  $P\pi R_1^2$ , где  $P$  его давление <1>. Отсюда условие равновесия при отрыве пробки:  $mg + (P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))\pi R_2^2 = P\pi R_1^2$ . <1>

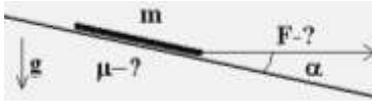
Из уравнения состояния газа и постоянства объёма имеем  $P/P_0 = T/T_0$ . <2>.

Откуда окончательно  $T = T_0(mg/\pi R_2^2 + P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))R_2^2/P_0 R_1^2$ . <2>

*Разбалловка по этапам*

	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Указание действующих на пробку сил		<b>1</b>
2	Давление воды	$P_v = P_0 + \rho gh$ , где $h = H - R_2 ctg\alpha$	<b>1+1</b>
3	Сила давления воды	$(P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))\pi R_2^2$	<b>1</b>
4	Сила давления воздуха снизу	$P\pi R_1^2$	<b>1</b>
5	Условие равновесия	$mg + (P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))\pi R_2^2 = P\pi R_1^2$	<b>1</b>
6	Отношения давлений и температур	$P/P_0 = T/T_0$ . $V = const$	<b>2</b>
7	Нахождение искомой температуры	$T = T_0(mg/\pi R_2^2 + P_0 + \rho g(H - R_2 ctg\alpha))R_2^2/P_0 R_1^2$	<b>2</b>

**Заключительный этап**  
**Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике**  
**13 марта 2016 г.**  
**Решения и критерии оценки**  
**10 класс**



2. На плоскости с углом наклона  $\alpha$  лежит однородная линейка массы  $m$ . Её тянут по горизонтали за нить, привязанную к нижнему концу. При какой максимальной силе натяжения  $F_{\max}$  линейка не оторвётся от плоскости? Найдите наименьший коэффициент трения  $\mu_{\min}$  такой, что при этом линейка не будет и соскальзывать. Ускорение свободного падения  $g$ .

*Возможное решение*

Максимум силы – отсутствие поворота вокруг верхнего конца, из условия равновесия моментов сил:  $F_{\max} \sin \alpha = (mg/2) \cos \alpha$ , то есть  $F_{\max} = (mg/2) \operatorname{ctg} \alpha$ , при  $F \leq (mg/2) \operatorname{ctg} \alpha$  нет поворота. <4>

Отсутствие проскальзывания  $F \cos \alpha + mg \sin \alpha \leq \mu N$ ;  $N = mg \cos \alpha - F \sin \alpha$ ;

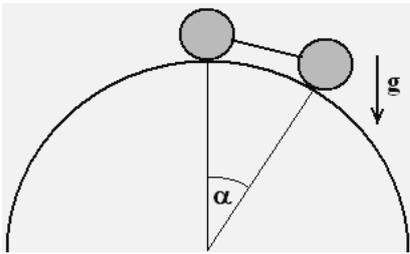
$\mu \geq (F \cos \alpha + mg \sin \alpha) / (mg \cos \alpha - F \sin \alpha)$  <3> при любых допустимых силах, то есть и при  $F =$

$F_{\max} = (mg/2) \operatorname{ctg} \alpha$  <1>. Тогда  $\mu \geq \operatorname{ctg} \alpha + 2 \operatorname{tg} \alpha$  или  $\mu \geq \frac{1 + \sin^2 \alpha}{\cos \alpha}$ ;  $\mu_{\min} = \operatorname{ctg} \alpha + 2 \operatorname{tg} \alpha$  <2>.

*Разбалловка по этапам*

	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Равновесие моментов сил	$F_{\max} \sin \alpha = (mg/2) \cos \alpha$ ; $F_{\max} = (mg/2) \operatorname{ctg} \alpha$	<b>4</b>
2	Отсутствие проскальзывания	$F \cos \alpha + mg \sin \alpha \leq \mu N$ ; $N = mg \cos \alpha - F \sin \alpha$ ; $\mu \geq (F \cos \alpha + mg \sin \alpha) / (mg \cos \alpha - F \sin \alpha)$	<b>1+1</b> <b>+1</b>
3	Отсутствие проскальзывания при $F_{\max}$		<b>1</b>
4	Условие на $\mu$	$\mu_{\min} = \operatorname{ctg} \alpha + 2 \operatorname{tg} \alpha$ или аналог	<b>2</b>

**Заключительный этап**  
**Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике**  
**13 марта 2016 г.**  
**Решения и критерии оценки**  
**10 класс**



3. Одинаковые шары массы  $m$  связаны натянутой нитью и находятся на сфере. Её радиус, проведённый к точке касания с верхним шаром, вертикален, а проведённый к точке касания с нижним, образует угол  $\alpha$  с вертикалью. Найдите ускорения шаров и натяжение нити сразу после того, как отпустили верхний шар. Трения нет, ускорение свободного падения  $g$ .

**Возможное решение**

Так как начальная скорость нулевая, то поперечное (центростремительное) ускорение нулевое  $\langle 0,5 \rangle$ . Нить направлена по прямой, соединяющей центры шаров  $\langle 0,5 \rangle$ . При движении шаров по сфере скорости и продольные ускорения их центров равны;  $a = dv/dt \langle 1 \rangle$ . Тогда 2-й закон Ньютона для верхнего шарика  $ma = T \cos(\alpha/2)$ , где  $T$  натяжение нити  $\langle 2 \rangle$ ; а для нижнего  $ma = mg \sin \alpha - T \cos(\alpha/2) \langle 2 \rangle$ . Отсюда ускорение  $a = (g/2) \sin \alpha \langle 2 \rangle$ , а натяжение  $T = mg \sin \alpha / 2 \cos(\alpha/2) = mg \sin(\alpha/2) \langle 2 \rangle$ .

**Разбалловка по этапам**

	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Равенство нулю поперечного ускорения		0,5
2	Направление нити		0,5
3	Равенство продольных ускорений	$a = dv/dt$	1
4	2-й закон Ньютона для верхнего и нижнего шариков	$ma = T \cos(\alpha/2); ma = mg \sin \alpha - T \cos(\alpha/2)$	2+ 2
	Нахождение ускорения	$a = (g/2) \sin \alpha$	2
	Нахождение натяжения	$T = mg \sin \alpha / 2 \cos(\alpha/2) = mg \sin(\alpha/2)$	2

**Заключительный этап**  
**Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике**  
**13 марта 2016 г.**  
**Решения и критерии оценки**  
**10 класс**

4. Снег с температурой  $t_1 = -10^\circ\text{C}$  опустили в сосуд с нагревателем. Через время, равное  $\tau_1 = 4$  минуты, снег растаял и превратился в воду с температурой  $t_0 = 0^\circ\text{C}$ , а ещё через время  $\tau_2 = 57$  сек – температура воды выросла до  $t_2 = 20^\circ\text{C}$ . Найдите удельную теплоёмкость снега  $c_1$ , если удельная теплоёмкость воды  $c_2 = 4,2 \cdot 10^3$  Дж/кг $\cdot$ °C, а удельная теплота плавления  $\lambda = 334 \cdot 10^3$  Дж/кг. Тепловая мощность, передаваемая нагревателем воде и снегу, постоянна.

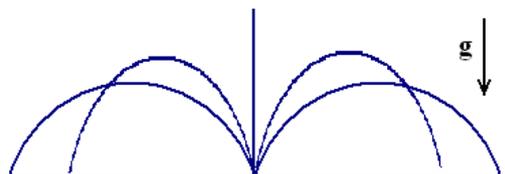
*Возможное решение*

Поступившее за время  $\tau_1$  от нагревателя тепло  $N\tau_1$ , где  $N$  его мощность,  $\langle 1 \rangle$  идёт на повышение температуры снега от  $t_1$  до  $t_0$  и на плавление снега. Уравнение теплового баланса на этом этапе:  $M(c_1(t_0 - t_1) + \lambda) = N\tau_1$ , где  $M$  масса снега  $\langle 3 \rangle$ . Поступившее за время  $\tau_2$  тепло идёт на нагрев воды от  $t_0$  до  $t_2$ , так что  $Mc_2(t_2 - t_0) = N\tau_2$   $\langle 2 \rangle$ . Исключая  $M$  и  $N$  находим теплоёмкость  $c_1 = c_2(t_2 - t_0)\tau_1 / (t_0 - t_1)\tau_2 - \lambda / (t_0 - t_1) \cong 2 \cdot 10^3$  Дж/кг $\cdot$ °C  $\langle 3+1 \rangle$ .

*Разбалловка по этапам*

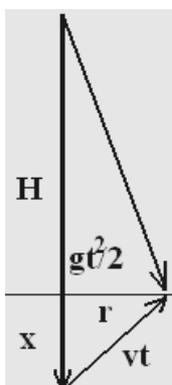
	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Выражение поступившего от нагревателя тепла через время и мощность	$Q = N\tau$	<b>1</b>
2	Тепловой баланс за время $\tau_1$	$M(c_1(t_0 - t_1) + \lambda) = N\tau_1$	<b>3</b>
3	Тепловой баланс за время $\tau_2$	$Mc_2(t_2 - t_0) = N\tau_2$	<b>2</b>
4	Нахождение выражения для $c_1$ ; число	$c_1 = c_2(t_2 - t_0)\tau_1 / (t_0 - t_1)\tau_2 - \lambda / (t_0 - t_1) \cong 2 \cdot 10^3$ Дж/кг $\cdot$ °C	<b>3+1</b>

**Заключительный этап**  
**Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике**  
**13 марта 2016 г.**  
**Решения и критерии оценки**  
**10 класс**



5. Капли воды разбрызгивателя летят во все стороны с одинаковой скоростью  $v$ . Насколько нужно поднять разбрызгиватель с уровня земли, чтобы увеличить площадь полива вдвое при прежней скорости вылета? Ускорение свободного падения  $g$ , влиянием воздуха пренебречь.

**Возможное решение**



Вектор перемещения капли за время полёта  $\mathbf{L} = \mathbf{gt}^2/2 + \mathbf{vt}$ ,  $g$  ускорение падения,  $v$  начальная скорость  $\langle 1 \rangle$ . Рис. отвечает ситуации, когда у  $v$  положительная проекция на вертикаль, тогда  $gt^2/2 = H + x$ , где  $x$  проекция  $vt$  на вертикаль, а  $H$  высота разбрызгивателя над землёй  $\langle 1 \rangle$ . Отрицательной проекции отвечает отрицательное  $x$ . Расстояние  $r$ , пройденное по горизонтали, выразим через теорему Пифагора:  $r^2 = (vt)^2 - x^2 \langle 1 \rangle$ . Выразим время через  $x$ :  $t^2 = 2(H + x)/g \langle 1 \rangle$ . Тогда  $r^2 = 2v^2(H + x)/g - x^2 \langle 1 \rangle$ . Площадь полива определяется максимальным значением  $r^2$ , которое выражено квадратным трёхчленом по  $x$ . Приведением к полному квадрату, использованием симметрии параболы, с помощью ли производной можно найти максимальное значение:  $r_{\max}^2 = 2v^2H/g + v^4/g^2 \langle 2 \rangle$ . Если получить выражение  $r^2$  через  $t$ , то это будет квадратный полином от  $t^2$  с аналогичным исследованием на максимум. Исходная площадь  $S$  отвечает  $r_0 = v^2/g$  ( $H = 0!$ )  $\langle 1 \rangle$ . Удвоение площади  $r^2 = 2r_0^2$  даёт решение для  $H = v^2/2g \langle 2 \rangle$ .

**Разбалловка по этапам**

	Этапы решения	соотношения	Балл
1	Выражение для вектора перемещения	$\mathbf{L} = \mathbf{gt}^2/2 + \mathbf{vt}$	<b>1</b>
2	Связь $H$ и $x$ со временем полёта	$gt^2/2 = H + x$	<b>1</b>
3	Нахождение перемещения по горизонтали	$r^2 = (vt)^2 - x^2$	<b>1</b>
4	Нахождение времени через $x$	$t^2 = 2(H + x)/g$	<b>1</b>
5	Получение зависимости $r^2$ от $x$	$r^2 = 2v^2(H + x)/g - x^2$	<b>1</b>
6	Нахождение максимума $r^2$	$r_{\max}^2 = 2v^2H/g + v^4/g^2$	<b>2</b>
7	Исходная площадь отвечает $r_{\max}^2$ при $H = 0$	$r_0 = v^2/g$	<b>1</b>
	Нахождение $H$ из удвоения площади	$r^2 = 2r_0^2$ ; $H = v^2/2g$	<b>2</b>

**Комментарий:** Будут встречаться разные варианты решения с другой группировкой и последовательностью этапов. Скажем, при заданных  $H$  и  $r$  получим квадратное уравнение для  $x$  или  $t^2$ . При отсутствии решений –  $r$  недостижимо, при двух решениях в  $r$  можно попасть двумя путями,  $r_{\max}$  отвечает случаю, когда решение одно, то есть когда совпадают корни, а дискриминант квадратного уравнения нулевой. Отсюда получается  $r_{\max}^2 = 2v^2H/g + v^4/g^2$ . В качестве варьируемой переменной может использоваться угол вылета или его тангенс и т. д.

**Критерии определения победителей и призеров  
Всесибирской открытой олимпиады школьников по физике  
(2015-2016 уч. год)**

Согласно Положению победители и призеры олимпиады были определены по результатам Заключительного этапа Олимпиады. Общее количество победителей и призеров составило 198 человек из 813 участников данного этапа, что составляет 24,35 %. Количество победителей составило 62 человек, что составляет 7,75 %.

Основываясь на **общем рейтинге** участников и учитывая **наличие заметных разрывов** в баллах, набранных группами участников в верхней части рейтинга, жюри Олимпиады разработало следующие критерии определения победителей и призеров: (Максимальное возможное количество баллов – 50 баллов в 11-8 классах и 40 баллов в 7 классе.)

**11 класс:**

победители:

участники, набравшие не менее 84% от максимального количества баллов, т.е. от 42 до 50 баллов;

призеры:

**2 степени** – не менее 70 % от максимального количества баллов, т.е. от 35 до 41 баллов

**3 степени** – не менее 60 % от максимального количества баллов, т.е. от 29 до 34 баллов

**10 класс:**

победители:

участники, набравшие не менее 74% от максимального количества баллов, т.е. от 37 до 50 баллов;

призеры:

**2 степени** – не менее 68% от максимального количества баллов, т.е. от 34 до 36 баллов

**3 степени** – не менее 64 % от максимального количества баллов, т.е. от 32 до 33 баллов

**9 класс:**

победители:

участники, набравшие не менее 86% от максимального количества баллов, т.е. от 43 до 50 баллов;

призеры:

**2 степени** – не менее 70 % от максимального количества баллов, т.е. от 35 до 42 баллов

**3 степени** – не менее 66 % от максимального количества баллов, т.е. от 33 до 34 баллов

**8 класс:**

победители:

участники, набравшие не менее 84% от максимального количества баллов, т.е. от 42 до 50 баллов;

призеры:

**2 степени** – не менее 72 % от максимального количества баллов, т.е. от 36 до 41 баллов

**3 степени** – не менее 66 % от максимального количества баллов, т.е. от 33 до 35 баллов

**7 класс:**

победители:

участники, набравшие не менее 65% от максимального количества баллов, т.е. от 25 до 40 баллов;

призеры:

**2 степени** – не менее 52,5 % от максимального количества баллов, т.е. от 21 до 24 баллов

**3 степени** – не менее 40 % от максимального количества баллов, т.е. от 15 до 20 баллов

Сопредседатель жюри по физике



Н.И.Яворский