ОЧНЫЙ ОТБОРОЧНЫЙ ТУР. ЗАДАЧИ С РЕШЕНИЯМИ для учащихся 7 классов

Время выполнения 180 минут.

Всего за задачи 100 баллов

КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ

Решение каждой задачи должно быть выполнено максимально подробно, поскольку итоговая оценка учитывает то, какой процент приведенного решения является верным. Верным должно признаваться любое корректное решение приведенной задачи, независимо от того, насколько оно совпадает с авторским. Более подробные и полные решения оцениваются большим количеством баллов. Если жюри приходит к выводу, что задача скорее решена, чем не решена, то оценка должна быть больше половины от максимально возможной, в противном случае — меньше. Рекомендуется присваивать баллы за каждый шаг в решении задачи.

Арифметические ошибки не должны приводить к существенному сокращению баллов, поскольку на олимпиаде, в первую очередь, проверяется не умение хорошо считать, а умение нестандартно мыслить. При наличии ошибки нужно найти ее и снизить балл исходя из степени ее существенности.

Задача 1 «Ночлег в городе Сен-Жермен» (20 баллов)

Однажды ночью во времена Фронды французский король Людовик XIV сбежал из Парижа вместе со свитой в город Сен-Жермен. Побег был тайным, так что в Сен-Жермене такое количество гостей не ждали, а потому в замке, где остановился король со свитой, было всего три кровати. Д'Артаньян и Портос, организовавшие побег короля, придумали блестящее решение данной проблемы: не обязательно спать на голом полу, гораздо комфортнее устроить импровизированную постель из пары-тройки связок соломы! А на неудовлетворенной потребности можно и хорошо заработать. Рассудив так, д'Артаньян и Портос отправились на поиски продавцов соломы. В округе их оказалось трое: один фермер продал им 80 связок, второй в 2,75 раза больше, а третий 0,614 от количества связок, купленных у первых двух фермеров.

- А) Сколько связок соломы купили д'Артаньян и Портос? (Округляйте до целых) (**8 баллов**).
- Б) 4 связки соломы д'Артаньян спрятал про запас. Остальное свите короля должен был продавать слуга Портоса Мушкетон, причем по цене не ниже, чем луидор за связку. Вельможи нашли, что это немного дорого; но, когда очень хочется спать, кто не заплатит двух-трех луидоров за несколько часов крепкого сна? Мушкетон продал первые 70% связок по 1 луидору за связку, а оставшиеся связки по цене 2 луидора/штука. Каждому из фермеров д'Артаньян и Портос заплатили по 3 луидора за весь объем, который был ими куплен у этих фермеров. Д'Артаньян потратил на покупку соломы в 2 раза больше, чем Портос. Мушкетон потратил только свое время, но, поскольку это и так входило в его обязанности, он не мог рассчитывать на то, что ему за это заплатят. Поэтому он припрятал для себя 25% от выручки, а остальное отдал д'Артаньяну и Портосу, которые, как и ожидалось, поровну поделили вырученные деньги между собой. Сколько луидоров составит в итоге прибыль каждого из героев истории по отдельности (д'Артаньяна, Портоса и Мушкетона): (12 баллов)

Решение:

А) Второй фермер продал 80*2,75 = 220 связок **(2балла),** первый и второй вместе продали 80+200=300 связок **(2балла),** третий продал 0,614*300=184,2=184 связки **(2балла).** Итого было куплено 300+184=484 связки соломы **(2балла).**

Б) Для продажи осталось 484-4=480 связок соломы. 70%*480=336 связка по луидору = 336 луидор, оставшиеся 480-336=144 связки по 2 луидора = 288 луидоров. Итого выручка составила 624 луидоров. (4 балла)

Всего д'Артаньян и Портос потратили 3 луидора*3фермера=9 луидоров, из них 2/3 расходов = 2/3*9=6 луидоров потратил д'Артаньян, 3 луидора потратил Портос. У Мушкетона расходов не было. (4 балла)

Выручка была распределена следующим образом: Мушкетон получил 25% от 624=156 луидоров, д'Артаньян и Портос вместе 624-156=468 луидоров, т.е. по 234 луидора каждому. Следовательно, прибыль Мушкетона равна (выручка минус издержки) = 156-0=156 луидоров, прибыль д'Артаньяна = 234-6=228 луидоров, прибыль Портоса = 234-3=231 луидор. (4 балла)

Ответ: А) мушкетеры купили 484 связки соломы Б) прибыль Мушкетона составила 156 луидоров, прибыль д'Артаньяна - 228 луидоров, прибыль Портоса - 231 луидор.

Задача 2 «Как заработать на продаже соломы» (20 баллов)

Владелец постоялого двора в город Сен-Жермен, заметил, что в случае, если гостям города не хватает места для ночлега, они используют импровизированную постель из связки соломы. Он решил самостоятельно изготавливать и продавать эти связки.

Известно, что в свежескошенном виде еще не высушенная связка состоит на 20% из пшеницы, на 65% изо ржи, а оставшаяся часть из тритикале (гибрид пшеницы и ржи). Весит свежескошенная связка 5 кг.

- А) Какое количество травы каждого вида должен накосить владелец постоялого двора, для изготовления 50 связок соломы. (8 баллов)
- Б) Какое количество воды в % содержит сухая связка соломы, если в свежескошенной пшенице содержание воды равно 70% от ее общего веса, рожь содержит 30% воды, а тритикале 75%, каждая связка сухой соломы весит 3 кг. (12 баллов).

Решение:

- А) Общий вес свежескошенной связки равен 5 кг, следовательно, в ней 0.2*5=1 кг пшеницы, 0.65*5=3.25 кг ржи и (1-0.65-0.2)*5=0.15*5=0.75 кг тритикале. (4 балла) Для изготовления 50 связок соломы ему необходимо накосить 1 кг*50=50 кг пшеницы, 3.25 кг 50=162.5 кг ржи и 0.75 кг*50=37.5 кг тритикале. (4 балла).
- Б) Вес полностью сухой части тогда составит 0.3*1=0.3кг пшеницы, 0.7*3.25=2.275 кг ржи и 0.25*0.75=0.1875 кг тритикале. (6 баллов) Всего вес сухой части равен = 0.3+2.275+0.1875=2.7625 кг. Тогда масса воды в связке соломы равна 3-2.7625=0.2375кг, что составляет $0.2375/3 \approx 7.9\%$ воды. (6 баллов)

Ответ: Для изготовления 50 связок соломы владельцу постоялого двора необходимо накосить 50 кг пшеницы, 162,5 кг ржи и 37,5 кг тритикале. В одной связке соломы содержится 7,9% воды.

Задача 3 Страховка от засухи. (20 баллов)

На рынке Западной Сибири кукуруза стоит 250 рублей за центнер. Фермер подсчитал, что средняя урожайность кукурузы за последние 5 лет была равна 15 центнеров с гектара. Он решил в этом году засеять 150 гектаров земли. К сожалению, лето выдалось засушливым, и удалось собрать только 10 центнеров с гектара.

а) Какие потери понес фермер, если цена кукурузы на рынке не изменилась?

б) Западносибирский регион является зоной рискованного земледелия, поэтому предусмотрительный фермер застраховал возможные потери. По условию договора страховая компания должна компенсировать 80% ущерба. Какое страховое возмещение получит фермер?

Решение.

а) 150*10=1500 центнеров собрал фермер. (3 балла)

150*15=2250 центнеров планировал собрать фермер (3 балла)

2250-1500=750 центнеров недособрал фермер (3 балла)

750*250=187500 рублей ущерб фермера (3 балла)

Возможен другой вариант решения (тогда за него полностью 12 баллов)

(15-10)*250*150=187 500рублей ущерб фермера.

б) 187500*0,8=150000рублей получит возмещение от страховой компании. (8 баллов)

Ответ: а) 187, 5 тыс. рублей – ущерб фермера, 150 тыс. рублей возмещение от страховой компании.

Задача 4. «Каша из топора» (20 баллов)

Старый Солдат, вернувшись с царской службы, решил открыть кафе «Каша из топора». Обустроить кафе он решил в старенькой избе, доставшейся ему в наследство. За долгие годы у царя на службе он скопил 630 гривенников.

За годовую аренду русской печи для приготовления каши он потратил 200 гривенников. Для работы он нанял повариху и работника с заработной платой 30 алтынов каждому ежемесячно.



Да только повариха требует оплату за год вперед, а вот работник согласился на оплату из выручки.

Для приготовления каши ему необходимо закупить соль и крупу на 40 полтин, а так же дрова для печи на 12 рублей. По его расчетам за 1 год он сможет продать 4300 порций каши по цене 1 грош за порцию.

Солдат вел все расчеты в копейках, а система соотношения единых русских денег представлена на рисунке.

- А) Хватит ли солдату накопленных денег, чтобы открыть кафе? (10 баллов)
- Б) Смог ли солдат получить прибыль в первый год работы кафе? (10 баллов)

Решение:

- **А)** 1) Сначала найдем соотношение всех денежных единиц в копейках 1 полтина=100/2 = 50 копеек, 1 гривенник=1/5 полтины =10 копеек, 5 грошей =1 гривенник, а значит 1 грош =2 копейки, 10 алтынов =30 копейкам, а 1 алтын =3 копейкам.
- 2) Рассчитаем затраты (С), которые связаны с открытием кафе:
- $C_1 = 200*10$ (аренда печи) + 360*3 (заработная плата поварихи) + 40*50 (расходы на соль и крупу) + 12*100 (расходы на дрова) = 6280 копеек (6 баллов)
- 3) Сбережения (S) солдата равны 630*10 = 6300 копеек (2 балла)
- г) $S(6300) > C_1(6280)$, т.о. солдату хватит денег, чтобы открыть кафе. (2 балла)
- **Б**) 1) Рассчитаем выручку кафе: TR=4300*2=8600 копеек. **(2 балла)**
- 2) Найдем полные затраты солдата за год $C_2 = C_1 + 1080$ (зарплата работника, т.к. она будет выплачена из выручки в конце года): $C_2 = 6280 + 1080 = 7360$ копеек (6 баллов)
- 3) Определим прибыль за год $\Pi = TR C_2 = 8600 7360 = 1240$ копеек. (2 балла)

XXV Межрегиональный экономический фестиваль школьников «Сибириада. Шаг в мечту»

Ответ: А) Да, сбережений хватит, чтобы открыть кафе. Б) Прибыль за год составит 1240 копеек

Задача 5. Лукоморье. (20 баллов)

- В Лукоморье в 2015г. было 10тыс. безработных и 90тыс. работающих ученых котов. В 2016 году 60% безработных котов были трудоустроены, а 20% от тех, кто работал в 2015году, потеряли работу.
- а) В 2017г. правительством Лукоморья было решено всех безработных ученых котов трудоустроить песнярами, распределив по 2 кота на единицу волшебного дуба. Учитывая, что сейчас в королевстве имеется 9 тыс. дубов, сколько еще нужно высадить дубов, чтобы обеспечить работой всех котов? (10 баллов)
- б) Благодаря песнярам в Лукоморье стало приезжать больше туристов и, как следствие, коты-песняры стали хорошо зарабатывать. Это привлекло русалок, которые тоже стали располагаться на ветвях дуба и петь песни. Функция предложения песен у котов и русалок Qs=2+3P (где Q количество в тыс песен, P цена, злотых). Функция спроса на песни у туристов Qd=12-2P. Сколько песен закажут туристы и по какой цене? Сколько злотых заработают коты и русалки? (10 баллов)

Решение:

а) (1-0,6)*10=4 тыс. котов остались безработными с 2015г. (2 балла)

0,2*90=18 тыс. котов потеряли работу в 2016г. (2 балла)

4+18=22 тыс. котов безработные в 2016г. **(2 балла)**

22/2=11тыс. деревьев нужно всего, т.к. на каждом будет сидеть по 2 кота. (2 балла)

11-9=2тыс. деревьев не хватает и их нужно высадить. (2 балла)

б) Приравниваем спрос туристов и предложение котов и русалок

12-2P=2+3P

5P=10, P =2 злотых (3 балла), Q = 8 тыс песен (3 балла)

Доход от песен котов и русалок составит TR = 8000*2 = 16000 злотых. (4балла)

Ответ: а) Нужно высадить 2 тыс деревьев; б) коты и русалки заработают 16000 злотых.

Председатель оргкомитета,

начальник управления образовательной политики министерства образования Новосибирской области

В.Н. Щукин