

Городская открытая олимпиада школьников по физике.

Финальный этап. Теоретический тур. Ответы и баллы. 8 класс.

Задача 1.

Разность показаний весов дает нам что за 10 минут выкипело $m_{A1} = 0,5$ кг азота. Обозначим мощность теплообмена с окружающей средой N (Дж/мин) получим

$$\lambda_A \cdot 0,5 = N \cdot 10. \quad (1)$$

Во втором эксперименте в емкости присутствует вода массы m_B , и взвешивая мы так же учитываем ее. Таким образом выкипело $m_{A2} = 1.4 - 0.6 + m_B = 0,8 + m_B$ кг азота. На выпаривание этой массы азота пошла энергия от охлаждения воды до 0° и ее превращения в лед, охлаждения льда до -196° , а так же энергия из окружающей среды равная $N \cdot 5$. Тогда закон сохранения энергии дает

$$\lambda_A \cdot (0,8 + m_B) = C_B \cdot m_B \cdot (24^\circ - 0^\circ) + \lambda_L \cdot m_B + C_L \cdot m_B \cdot (0^\circ - (-196^\circ)) + N \cdot 5, \quad (2)$$

Выражая N из (1) и подставляя в (2), мы можем выразить искомую массу воды

$$m_B = \frac{0,55 \cdot \lambda_A}{C_B \cdot 24^\circ + \lambda_L + C_L 196^\circ - \lambda_A} \approx 0.169 \text{ кг}. \quad (3)$$

- **1 балла** Записано уравнение теплового баланса (2), в котором потеряно не более 2-х слагаемых в левой части
- **1 балла** В уравнение теплового баланса для второго эксперимента подставлена мощность из теплового баланса для второго эксперимента
- **1 балла** Получен правильный ответ, в частности учтена масса воды в левой части уравнения (2)

Задача 2.

Посчитаем, какое давление создается при каждом методе передвижения Трубочиста. Если он идет босяком, то минимальное давление, которое должна выдерживать дорожка равно $P_1 = mg/S_1 = 20$ кПа. Если он идет в лаптях $P_2 = 10$ кПа, а давление доски $P_3 = 1$ кПа. Отложив на графике горизонтальные прямые соответствующие давлениям P_1 , P_2 и P_3 можно сразу понять, где возможен какой метод передвижения.

Правильная стратегия для Иванушки – как можно реже использовать доску и, по возможности, избегать ходить в лаптях, если можно идти то же расстояние босяком, так быстрее. Из рисунка понятно, что доску использовать придется минимум два раза. Чтобы минимизировать использование лаптей первый раз положить доску нужно в точке 1 м, любой другой вариант не подойдет, так как придется идти в лаптях. Второй раз есть несколько вариантов использования доски, но положить ее нужно не раньше 5,5 м и не позже 6 м. На данном пути Иванушка будет 3 м идти босяком, 1 м идти в лаптях, и 6 м идти по доске.

Чтобы посчитать среднюю скорость разделим общий путь на общее время движения. Общее время получается равно

$$t_O = 3/V_B + 1/V_L + 6/V_D = 30 \text{ с}.$$

Тогда средняя скорость равна $V_{cp} = 10/30 = 1/3$ м/с.

- **1 балла** Предложен вариант, в котором Иванушка не утонет
- **1 балла** Предложен вариант с оптимальным временем
- **1 балла** Получена средняя скорость

Задача 3.

Пусть m – масса одного кирпичика, ρ – искомая плотность, а ρ_0 – плотность воды. Когда кирпичик лежит в лодочке, он вытесняет объём воды m/ρ_0 . Когда же на дне, – только m/ρ .

Перекладывая все кирпичики из лодочки в воду, Вовочка уменьшает вытесняемый лодочкой объём воды на $n(m/\rho_0 - m/\rho)$. Это уменьшает уровень воды в бассейне.

Добавляя кирпичики с берега, Вовочка увеличивает уровень воды, так как новые кирпичики вытесняют дополнительно объём kt/ρ .

Приравнявая, получаем

$$n \left(\frac{m}{\rho_0} - \frac{m}{\rho} \right) = \frac{kt}{\rho} \quad \Leftrightarrow \quad \frac{n}{\rho_0} - \frac{n}{\rho} = \frac{k}{\rho} \quad \Leftrightarrow \quad n(\rho - \rho_0) = k\rho_0.$$

Отсюда ответ $\rho = (k + n)\rho_0/n = 1600 \text{ кг/м}^3$.

- **1 балла** Есть понимание того, что уровень воды при выкидывании кирпичиков за борт уменьшится
- **1 балла** Получено на сколько уменьшится вытесняемый лодочкой объём воды
- **1 балла** С учетом кирпичиков с берега, получен правильный ответ

Задача 4.

Перейдем в систему отсчета, вращающуюся вокруг центральной оси так, что собственная ось малой шестеренки неподвижна, пока Раздолбайкин ее проворачивает. В этой системе отсчета большая шестеренка делает один оборот вокруг центральной оси, а малая два оборота вокруг своей оси. Действительно, обозначим диаметр малой шестеренки D , длина окружности большой шестеренки равна $2 \cdot \pi \cdot D$, она совершает один оборот, значит малая по ней проезжает это же расстояние. Длина окружности малой $\pi \cdot D$, значит она должна совершить два оборота.

Диаметр внешнего колеса равен сумме диаметров большой и малой шестерни, то есть $4 \cdot D$. Во вращающейся системе отсчета малая шестерня проезжает по колесу $2 \cdot \pi \cdot D$, тем самым проворачивая ее на $1/2$ оборота. Заметим, что в этой системе отсчета большая шестерня крутится в одну сторону, а малая шестерня и колесо – в другую

Теперь перейдя обратно в неподвижную систему отсчета, к количеству оборотов малой шестеренки вокруг своей оси прибавится еще один. Так же один оборот прибавится и колесу. Итого, малая шестеренка проходит 3 оборота вокруг своей оси за одно обращение вокруг центральной, а колесо 1 целый и $1/2$ оборота.

- **1 балла** Получено количество оборотов без учета вращения оси малой шестерни вокруг центральной оси (2 оборота шестерня, $1/2$ – колесо)
- **1 балла** Получено правильное число оборотов для малой шестерни
- **1 балла** Получено правильное число оборотов для колеса

Задача 5.

Обозначим за Δx изменение растяжения пружины от начального состояния к моменту, когда ведро коснулось земли (см. Рис.). За Δh обозначим изменение положения груза относительно поверхности воды в течение этого процесса. Так как размер бруска много меньше размера бассейна, изменением уровня жидкости можно пренебречь. Положение подвижного блока изменилось на $(\Delta x + \Delta h)$. При этом подвижный блок поднялся на вдвое меньшее расстояние, чем опустилось ведро, что дает нам

$$H/2 = (\Delta x + \Delta h) \quad (4)$$

Чебурашка медленно засыпает песок, поэтому будем считать, что в каждый момент силы в системе уравновешены. Тогда, сила натяжения нити в течение всего процесса изменилась на значение силы тяжести насыпанного песка $\Delta T = M_{\text{П}}g$, где $M_{\text{П}}$ – масса песка. Со стороны подвижного блока сила, действующая на пружину, изменилась на $2\Delta T$, следовательно $k\Delta x = 2\Delta T$. Откуда

$$\Delta x = M_{\text{П}} \frac{2 \cdot g}{k}.$$

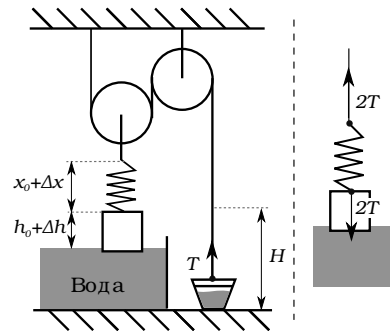
С другой стороны, на столько же должна измениться сила, действующая со стороны бруска на пружину (см. Рис.). Сила, с которой брусок тянет пружину изменилась на значение силы Архимеда, которая действовала на объема бруска поднявшийся из воды $\Delta V = a^2 \cdot \Delta h$, где $a = 0,4$ м – длина стороны бруска. Тогда получим что $\rho g \Delta V = 2\Delta T$. Подставляя выражение для объема и ΔT получаем

$$\Delta h = M_{\text{П}} \frac{2}{\rho a^2}.$$

Теперь подставим выражения для Δx и Δh в (4), и выразим массу песка

$$M_{\text{П}} = \frac{H}{4(g/k + 1/(\rho a^2))} = 24 \text{ кг.}$$

- **1 балла** Получено соотношение (4)
- **1 балла** Правильно расписаны изменения сил, действующих на пружину и на брусок
- **1 балла** Соотношения для Δx и Δh подставлены в (4) и найден ответ



Задача 6.

Чтобы плот начал двигаться барабаны A и B надо вращать против часовой стрелки, обозначим его скорость плота относительно земли за V (см. Рис. 6.1). При этом за один оборот барабана плот проходит расстояние равное $\pi \cdot D$, где D – диаметр верхнего цилиндра. Так как проскальзывания нет, а диаметр нижнего в два раза больше, лента пройдет за один оборот в два раза большее расстояние $2 \cdot \pi \cdot D$. Значит скорость ленты в системе отсчета плота по модулю равна $2V$.

Найдем проекцию скорости лампы на ось OX в системе отсчета плота при движении лампы по стороне BC (см. Рис. 6.1). В равностороннем треугольнике ABC все углы составляют 60° . Горизонтальная проекция скорости на ось OX является катетом прямоугольного треугольника прилежащего к углу к 60° .

Таким образом, проекция равна половине гипотенузы и направлен против движения $V_x = -V$. При движении по CA аналогично, как для стороны BC , только скорость по оси OY меняет направление.

Для перехода в систему отсчета земли и неподвижного воздушного шара, к составляющей скорости по оси OX нужно прибавить V . Когда лампа движется по стороне AB , относительно земли она движется вдоль оси OX со скоростью $3 \cdot V$. Когда она движется по сторонам BC и CD вдоль оси OX скорость равна нулю, и лампа движется вверх и вниз по OY , соответственно.

Длина стороны AB составят треть общей длины ленты и равна 10 м. Из рассмотрения движения относительно плота получаем, что по AB лампа движется в течение времени $t_{AB} = 10/(2 \cdot V)$. Значит в системе отсчета земли она пройдет $l = 3 \cdot V/t_{ab} = 15$ м. Так как размеры барабанов пренебрежимо малы, когда лампа движется по BC и CD перемещение по оси OX равно нулю. По оси OY в это время она сначала проходит вверх, а затем вниз расстояние равное высоте CD треугольника ABC ($CD = 5\sqrt{3}$ м см. Рис. 6.1). Таким образом картинка на фотоснимке будет состоять из горизонтальных и вертикальных линий (см. Рис. 6.2).

Плот проходит путь равный расстоянию между берегами за вычетом удвоенной длины стороны AB , так как сам имеет какой-то размер причалив к берегу, $L_{\Pi} = 300 - AB = 290$ м. В системе отсчета плота лампа пройдет в два раза больший путь равный $L_{\Lambda} = 580$ м, так как модуль ее скорости всегда $2V$. Число оборотов, которые сделает лампа мы можем получить поделив пройденный ею путь на общую длину ленты – $N = L_{\Lambda}/30 = 19$ целых оборота и $1/3$ оборота. Через одну треть оборота с начального положения лампа будет на середине стороны BC , причем двигаться перед этим в системе отсчета аэростата она будет вверх. Таким образом на изображении будут видны 19 вертикальных линии, а последняя линия будет в два раза короче, чем остальные линии.

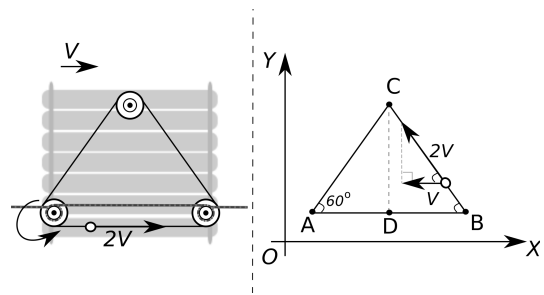


Рис. 6.1

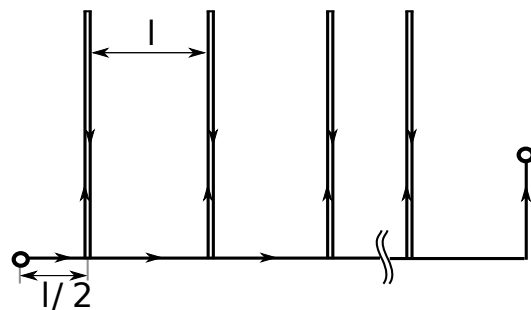


Рис. 6.2

- 1 балл Найдены проекции скоростей лампы на разных сторонах треугольника в СО плота
- 1 балла Найдены скорости в СО земли, нарисована картинка
- 1 балла Правильно найдено количество линий

Задача 7.

Желаемая конфигурация с вертикальной стороной BD изображена на рисунке (вид сбоку). Очевидно, что пингвинчику нужно выбрать точку на грани $ABFE$, причем посередине между сторонами AB и EF , поэтому в дальнейшем мы будем рассматривать плоскую задачу, только смотря на вид сбоку.

По условию вместе с сидящим пингвинчиком кусок пенопласта будет погружен на половину своего объема. На рисунке это соответствует тому, что погружена часть AA_1C_1D , причем, $DC_1 = C_1C$. Центр тяжести куска пенопласта находится на пересечении диагоналей параллелограмма $ABCD$ в точке O . С другой стороны центр плавучести (точка приложения силы Архимеда) находится на пересечении диагоналей параллелограмма AA_1C_1D в точке Q на рисунке. К точке O приложена сила тяжести, направленная вниз, а к точке Q – сила Архимеда, действующая вверх. Эти силы стремятся вращать кусок пенопласта, соответственно пингвинчик должен сесть так, чтобы скомпенсировать это вращение. Тогда, считая центром вращения точку Q , по правилу рычага произведение силы тяжести пингвинчика $m_{\text{пг}}$ на плечо P_1Q_1 должно быть равно произведению силы тяжести пенопласта Mg на ее плечо Q_1D , сокращая на g получим

$$P_1Q_1 \cdot m_{\text{пг}} = Q_1D \cdot M.$$

Для того чтобы найти Q_1D рассмотрим треугольник AC_1D_1 . Заметим, что $C_1D_1 = OD$, в свою очередь $OD = BD/2$, по условию $BD = BC = 2$ м. Таким образом $C_1D_1 = 1$ м. Треугольник DD_1C_1 – равносторонний, а значит $DD_1 = C_1D_1 = 1$ м, откуда $AD_1 = AD + DD_1 = 3$ м. Треугольники AC_1D_1 и AQQ_1 подобны по трем углам, значит $AQ_1/AD_1 = AQ/AC_1$. Точка Q является пересечением диагоналей параллелограмма AA_1C_1D , а значит делит диагональ AC_1 пополам. Тогда получаем $AQ_1 = AD_1/2 = 1,5$ м. Отсюда $Q_1D = AD - AQ_1 = 0,5$ м. Воспользовавшись правилом рычага получаем

$$P_1Q_1 = Q_1D \cdot \frac{9}{13,5} = \frac{1}{3}.$$

Далее несложно найти $AP_1 = 7/6$, далее из теоремы Пифагора находим $AP = \frac{7\sqrt{2}}{6}$.

- 1 балла Найдены центр тяжести и центр плавучести
- 1 балла Записано правило рычага для сил, действующих на кусок пенопласта
- 1 балла При помощи геометрических соотношений найден ответ

