

▷ 1. Решите систему уравнений $\begin{cases} \frac{1}{x} = y + z, \\ \frac{1}{y} = x + z, \\ \frac{1}{z} = x + y, \end{cases}$ для отрицательных значений x, y, z . В ответе укажите $\sqrt{2}(x + y + z)$.

Ответ:

▷ 2. Найдите сумму корней уравнения

$$9^{\sin^2 \frac{\pi x}{4}} + 9^{\cos^2 \frac{\pi x}{4}} = \sqrt{34 + 4x - 2x^2}.$$

Ответ:

▷ 3. Вычислите сумму чисел:

$$\frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{1}} + \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{4} + \sqrt{3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{2021} + \sqrt{2020}} - \sqrt{2021}.$$

Ответ:

▷ 4. В одной фирме совет директоров составляет 4% сотрудников и получает 30% фонда оплаты труда, руководители отделов составляют 16% сотрудников и вместе получают 20% фонда оплаты труда, остальную оплату получают работники. К юбилею фирмы совет директоров решил повысить свою зарплату на 20%, зарплату руководителей отделов — на 10%, зарплату работников — на 5%, для этого решили сократить часть работников. Какой процент работников нужно сократить для повышения зарплат?

Ответ:

▷ 5. Известно, что числа u и v удовлетворяют условию

$$\frac{u}{2v} + \frac{9v}{2u} + \frac{18uv}{u^2 + 9v^2} - 6 = 0.$$

Найти наименьшее значение выражения $(u - 7)^2 + 3uv$.

Ответ:

▷ 1. Сегодня число учеников 11 класса, присутствующих на уроке математики, было в 8 раз больше числа отсутствующих. Если завтра не придет еще 2 человека, то окажется, что число отсутствующих составит 20% от числа присутствующих. Сколько всего учеников в 11 классе?

Ответ:

▷ 2. Решите систему уравнений:
$$\begin{cases} x-y\sqrt{x+y} = 2\sqrt{3}, \\ (x+y)2^{y-x} = 3. \end{cases}$$
 В ответе укажите произведение xy .

Ответ:

▷ 3. Известно, что $F(x+1) = 2x - 3$; $F(G(x)) = x^3$. Найти решение уравнения $2G(x) = F(x+7)$.

Ответ:

▷ 4. В четырехугольнике $ABCD$ $AB = BC$; $\angle A = \angle B = 20^\circ$, $\angle C = 30^\circ$. Продолжение стороны AD пересекает BC в точке M , а продолжение стороны CD пересекает AB в точке N . Найдите угол AMN (в градусах).

Ответ:

▷ 5. Решите уравнение

$$\sqrt[3]{x+5} + 2 = \sqrt[3]{1-x} + \sqrt[3]{4-2x}.$$

В ответе укажите сумму корней.

Ответ: