

2014 – 2015 учебный год

УСЛОВИЯ И ОТВЕТЫ ЗАДАЧ ОТБОРОЧНОГО ГОДА 9 КЛАСС

1. В ответе укажите число, которое надо убрать из набора подряд идущих натуральных чисел $1, 2, 3, \dots, 2013$, чтобы *сумма всех остальных* чисел делилась нацело на 2014.
2. Укажите в ответе, *во сколько раз* число $((2014)^{2^{2014}} - 1)$ больше, чем число, записанное в следующем виде:

$$((2014)^{2^0} + 1) \cdot ((2014)^{2^1} + 1) \cdot ((2014)^{2^2} + 1) \cdots \cdot ((2014)^{2^{2013}} + 1).$$
3. Квадратная таблица состоит из 2014 строк и 2014 столбцов. В каждой клетке, находящейся на пересечении строки с номером i и столбца с номером j , записано число $a_{i,j} = (-1)^i(2015 - i - j)^2$. Найдите сумму *всех* чисел в таблице.
4. Имеются два сосуда. В первом содержится **1** літр **10**-ти процентного раствора кислоты, во втором – **2** літра **60**-ти процентного. Проделали следующее действие, состоящее из двух этапов: на первом этапе из второго сосуда перелили в первый **1** літр раствора, на втором из первого перелили обратно во второй **1** літр полученной смеси. Укажите в ответе, какое *минимальное количество раз* нужно проделать такое действие, чтобы концентрация растворов в сосудах отличалась менее чем на **0,1%**?

Задача 1. Ответ: **1007**.

Задача 2. Ответ: **2013**.

Задача 3. Ответ: **0**.

Задача 4. Ответ: **5**.