$8 \ K \Pi ACC$ 15

8 класс

1. Дан ряд из 13 чисел: $1_2_3_4_5_6_7_8_9_10_11_12_13$. Поставьте вместо каждого пропуска знак сложения или умножения так, чтобы получилось 2018.

- **2.** Вася выписал 20 последовательных натуральных чисел в некотором порядке. Докажите, что найдутся два числа, стоящих рядом, у которых совпадает хотя бы одна цифра.
- **3.** Можно ли разбить числа от 0 до 1000 на семёрки так, чтобы в каждой семёрке сумма каких-то двух чисел равнялась сумме пяти остальных?
- **4.** Дорога между пунктами A и B состоит только из наклонных участков: иногда она идёт в гору (вверх), а иногда под гору (вниз). Никита идёт в гору со скоростью 3 км/ч, а под гору со скоростью 5 км/ч. Первую половину пути из A в B он прошёл за 32 минуты, а вторую половину за 37 минут. Возвращаясь из B в A, он преодолел первую половину пути за 36 минут. Сколько времени ему потребуется на вторую половину?
- **5.** Даны три натуральных числа, одно из которых равно наибольшему общему делителю двух других. Антон заменил цифры в десятичной записи этих чисел буквами, причём одинаковые цифры заменил одинаковыми буквами, разные разными. В результате числа приняли вид МИМИМИ, ФЫРФЫР и ЛИСА. Какое наименьшее значение может принимать число ЛИСА?
- **6.** ABCDE и BEFGH правильные пятиугольники на плоскости. (Правильный пятиугольник это такой, у которого все стороны равны, а каждый угол равен 108° .)
- а) Найдите величину угла CFD.
- б) Докажите, что к восьми упомянутым в условии точкам можно добавить ещё восемь так, чтобы полученные 16 точек служили вершинами шести правильных пятиугольников.
- 7. Какое наименьшее количество Т-тетрамино надо вырезать из шахматной доски так, чтобы больше ни одного Т-тетрамино вырезать было нельзя? Т-тетрамино это четырёх-клеточная фигурка в виде буквы Т: ————.