§2 Второй отборочный этап

Включает задачи, для решения которых достаточно школьных знаний и умений программы 10-11 класса, навыков использовать школьные знания для решения новых задач. Включает 5 задач, целью которых является подготовка к финальному командному туру. Данный тур позволяет очертить область предметных знаний, необходимую для участия в профиле. Методические рекомендации к данному туру обозначают область знаний и навыков для самостоятельного изучения. Все задачи с уклоном в специфику тура, сочетают в себе математику и информатику. Задачи участники решали на сервере компании разработчиков через веб-интерфейс.

Задача2.1 "Окружность". Максимальная оценка: 5 балов

Условие:

Определить центр окружности (x0,y0), заданной на битовой матрице 400x400 (1 - окружность, 0 - нет окружности) и вычислить ее радиус (R) с точностью до дискрета матрицы. На битовой матрице может присутствовать незначительное количество (порядка 1% от числа единиц) случайных единиц, не лежащих на окружности.

Программа должна читать значения матрицы с потока stdin и выдавать результат (три целых числа, разделенных пробелами - x0 y0 R) на stdout.

To есть программа должна запускаться, как solution.exe <input.dat >output.dat
Скорость выполнения программы - не более 10 секунд

Формат входных данных:

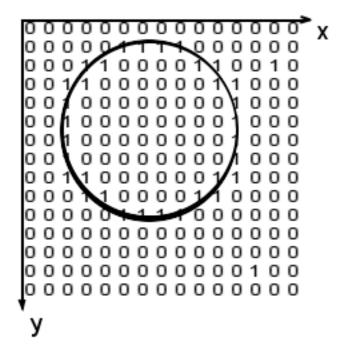
Выглядит примерно так:

Реальный файл намного больше (400 столбцов и 400 строчек)

Формат выходных данных:

 $8\,6\,5$

Иллюстрации:



Генератор примера:

```
//C
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <math.h>
#include <time.h>
int main(int argn,char* argv[])
long R;
long x, y, x0, y0;
double phi;
int matrix[500][500];
srand(time(NULL));
if(argn>3)
x0=atol(argv[1]);
y0=atol(argv[2]);
R=atol(argv[3]);
for (x=0; x<400; x++)
for (y=0; y<400; y++)
matrix[x][y]=0;
for (phi=0; phi<2*3.1415926; phi+=0.001)
x=(int)(R*cos(phi)+x0);
y=(int)(R*sin(phi)+y0);
matrix[x][y]=1;
int count=0;
for (x=0; x<400; x++)
for(y=0;y<400;y++)
if(matrix[x][y]==1)
count++;
count=2;
int i;
for(i=0;i<count;i++)</pre>
matrix[rand()%(x0-R+1)][rand()%400]=1;
```

```
matrix[rand()%400][rand()%(y0-R+1)]=1;
for(y=0;y<400;y++)
{
for (x=0; x<400; x++)
{
printf("%d", matrix[x][y]);
if(x<400-1)
printf(" ");
printf("\n");
Решение:
// C
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#define SIZEX 400
#define SIZEY 400
int main()
int matrix[SIZEX][SIZEY];
long x, y;
for(y=0;y<SIZEY&&!feof(stdin);y++)</pre>
for (x=0; (x<SIZEX) &&!feof(stdin); x++)
fscanf(stdin,"%d",&(matrix[x][y]));
if(y<SIZEY || x<SIZEX)</pre>
fprintf(stderr,"too small file\n"), exit(1);
double avrg_x=0,avrg_y=0,n=0;
for (y=0; y<SIZEY; y++)</pre>
for (x=0; x \le SIZEX; x++)
avrg x += matrix[x][y] *x;
avrg y+=matrix[x][y]*y;
n+=matrix[x][y];
}
avrg_x/=n;
avrg_y/=n;
avrg_x=round(avrg_x);
avrg y=round(avrg y);
printf("%ld %ld ", (long)avrg x, (long)avrg y);
n=0;
double avrg r;
avrg r=0;
for (y=0; y \le SIZEY; y++)
for (x=0; x < SIZEX; x++)
avrg r+=matrix[x][y]*sqrt((x-avrg x)*(x-avrg x)+(y-avrg y)*(y-avrg y));
n+=matrix[x][y];
avrg r=round(avrg r/n);
printf("%ld\n",(long)avrg r);
Критерии оценки:
//Perl
```

```
#!/usr/bin/perl
$params[1]='131 101 97';
$params[2]='219 207 142';
$params[3]='171 220 95';
$params[4]='141 211 45';
$params[5]='310 313 54';
$sol=7;
for($sol=-3;$sol<=30;$sol++)
open RESFILE,">$sol/results.txt";
$bal1=5;
$codename="solution 1 $sol";
for($i=1;$i<=5;$i++)
$fsrc=$params[$i];
  ./generator $fsrc >test.dat`;
($solution file,$rest)=split(/\s+/,`ls ./$sol/solution.*`);
print "$solution file\n";
compile($solution file);
$time=run($solution file,"test.dat","sol");
$res=`cat sol`;
res=~ s/[\n\r]//g;
@res user=split(/\s+/,$res);
@res src=split(/\s+/,$fsrc);
 if (abs (@res user[0]-@res src[0]) <= 1 \& \& abs (@res_user[1]-@res_src[1]) <= 1 \& \& abs (@res_user[1]-@res_src[1]-@res_src[1]) <= 1 \& abs (@res_user[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@res_src[1]-@re
abs(@res user[2]-@res src[2])<=1)
print RESFILE "$codename $fsrc $res TIME:$time\n";
}
else
$ball=0;
if(-s "$fsrc.errors" >0)
{ print RESFILE "$codename $fsrc COMPILE ERROR TIME:$time\n"; }
else
{ print RESFILE "$codename $fsrc ERROR TIME:$time\n"; }
`rm -f test.dat sol`;
print RESFILE "\n sol $sol Баллы: $ball\n";
close RESFILE;
sub compile()
$fname=shift;
 `rm -f solution *.java *.class *.py *.txt output* input*`;
if(fname = ~/\cpp/)
 `rm -f solution`;
`g++ $fname -o solution -lm -std=c++11 2> $fname.errors`;
return;
if(fname = ~/\.java/)
`rm -f *.class *.java`;
`cp $fname solution.java`;
`javac solution.java 2> $fname.errors `;
return;
if(fname = ~/\.py/)
 `rm -f solution.py`;
`cp $fname solution.py`;
return;
```

```
if($fname = ~ /\.c/)
{
`rm -f solution`;
`qcc $fname -o solution -lm 2> $fname.errors`;
return;
}
sub run()
{
$fname=shift;
$src=shift;
$dest=shift;
if(fname = ~/\cpp/)
`rm -f tm`;
`time -f %U ./solution <$src >$dest 2>tm`;
($time, $rest) = split(/\s+/, `more tm`);
return $time;
if(fname = ~/\.java/)
{
`rm -f tm`;
`time -f %U java solution <$src >$dest 2>tm`;
($time, $rest) = split(/\s+/, `more tm`);
return $time;
if($fname = ~ / .pv/)
`rm -f tm`;
`time -f %U python ./solution.py <$src >$dest 2>tm`;
($time,$rest)=split(/\s+/,`more tm`);
return $time;
if($fname = ~ /\.c/)
`rm -f tm`;
`time -f %U ./solution <$src >$dest 2>tm`;
($time, $rest) = split(/\s+/, `more tm`);
return $time;
return 1000;
```

Принци прешения

Можно задачу решать несколькими способами. В данном случае измеряется центр окружности методом центра масс: рассчитывается центр масс тела, где значение ячейки матрицы представляет собой вес. Радиус окружности рассчитывается, исходя из среднеквадратичного отклонения ненулевых точек от центра масс. Поскольку предполагается, что точки представляют собой окружность, мы можем так делать. Малое количество 'шумовых' точек не влияет на результат.

Задача 2.2 "Числа". Максимальная оценка 20 баллов

Условие:

По неизвестному каналу с шумами передается последовательность 1000 чисел, выбранных случайно из 6-значных простых чисел от 100003 до 199999 включительно. Числа разделены переводом строки.

За счет шумов в некоторых переданных числах возможна ошибка типа замены одного из символов на следующий за ним (инкремент по модулю 10) (1 заменяется на 2, 4 на 5, 9 на 0 и т.д.) без изменения остальных символов числа. Эта ошибка для каждого числа может возникнуть не более, чем 1 раз (т.е. если число передано ошибочно, то ошибка только в одном символе, в двух символах одновременно ошибки быть не может). Например 100003 может стать 101003 или 200003.

Найти элементы последовательности переданные с ошибками, по возможности исправить эти ошибки. Что невозможно исправить - отметить звездочкой (например 100004*). Максимальное число баллов - за полностью верный ответ, за каждую ошибку снимается 1 балл.

Скорость выполнения программы - не более 10 секунд

Программа должна читать исходный файл со стандартного потока stdin и передавать исправленный файл на стандартный поток stdout в аналогичном формате (числа разделены переводом строки)

To есть работать в виде: solution.exe <input.dat >output.dat

Формат входных данных:

Выглядит примерно так:

Реальный файл намного больше (1000 строчек)

Генератор примера:

```
//generator.c
//файл primes.txt содержит все простые числа от 100003 до 199999
//С
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#include <time.h>
long TEXT_LEN=1000;
int dig_pos[]={1,10,100,1000,10000,100000,1000000};
long primes_arr[100000];
long len;
```

```
int is prime(long val)
{
long i;
for(i=0;i<len;i++)</pre>
if(primes arr[i] == val)
return 1==1;
}
return 1==0;
}
main()
{
FILE* stream;
long prime;
long i=0;
long pos;
long strpos;
long nprime;
long digit;
srand(time(NULL));
stream=fopen("primes.txt","rt");
for(;!feof(stream);)
fscanf(stream, "%ld", &prime);
if(prime>0)
primes arr[len++]=prime;
if(!is prime(prime))
fprintf(stderr,"prime %ld not in hash\n",prime);
}
fclose(stream);
len--;
for(i=0;i<TEXT LEN;)</pre>
switch(i%100)
case 0: pos=0; break;
case 1: pos=len-1;break;
default:
pos=rand()%len;
break;
if(rand()%10 == 1)
int set1;
for (set1=0; set1<10; set1++)</pre>
strpos=rand()%6;
prime=primes arr[pos];
digit=((prime/dig pos[strpos])%10);
nprime=prime-digit*dig pos[strpos];
digit=(digit+1)%10;
nprime=nprime+digit*dig pos[strpos];
if(nprime && !is prime(nprime))
printf ("%ld\n",nprime);
i++;
goto BRK;
break;
}
}
}
```

```
else
printf("%ld\n",primes arr[pos]);
i++;
}
BRK:;
}
}
Решение:
//check_file.c
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#include <time.h>
long TEXT LEN=1000;
int dig pos[]=\{1,10,100,1000,10000,100000,1000000\};
long primes arr[100000];
long len;
int is prime(long val)
long i;
for(i=0;i<len;i++)</pre>
if(primes arr[i] == val)
return 1==1;
return 1==0;
main()
FILE* stream;
long nprime;
long prime;
long i=0;
long pos;
long strpos;
long digit;
char var_code[255];
long var num;
stream=fopen("primes.txt","rt");
len=0;
for(;!feof(stream);)
fscanf(stream, "%ld", &prime);
if(prime>0)
primes arr[len++]=prime;
if(!is prime(prime))
fprintf(stdout,"not found: %ld\n",prime);
}
fclose(stream);
len--;
long cand_prime;
int res;
for(;!feof(stdin);)
res=fscanf(stdin,"%ld",&prime);
if(res>0 && prime>0 && !is prime(prime))
{
```

```
sprintf(var code,"%ld*",prime);
strpos=0;
var num=0;
long found prime=-1;
for (strpos=0; strpos<6; strpos++)</pre>
{
cand prime=prime;
digit=((cand_prime/dig_pos[strpos])%10);
nprime=cand_prime-digit*dig_pos[strpos];
digit=digit-1;
if(digit<0)
digit=9;
nprime=nprime+digit*dig pos[strpos];
if(is prime(nprime))
sprintf(var code, "%ld", nprime);
found prime=nprime;
var num++;
if(var num>1)
sprintf(var code, "%ld*", prime);
if(var num==1)
sprintf(var code, "%ld", found prime);
if(var num<1)
sprintf(var code,"%ld*",prime);
printf("%s",var_code);
printf("\n");
else
if(res>0)
printf("%ld\n",prime);
}
}
Критерии оценки:
//Perl
#!/usr/bin/perl
for($i=1;$i<=10;$i++)
 ./generator >test-$i.dat`;
`./check file <test-$i.dat >test-$i.chk`;
`dos2unix test-$i.chk`;
for ($sol=1;$sol<=38;$sol++)
$codename="solution 2 $sol";
open RESFILE,">$sol/results.txt";
$max err=0;
$ba11=20;
for($i=1;$i<=10;$i++)
`rm -f test.dat test.chk`;
`cp test-$i.dat test.dat`;
`cp test-$i.chk test.chk`;
$fsrc="itteration ".$i;
```

```
($solution file,$rest) = split(/\s+/,`ls ./$sol/solution.*`);
print "$solution file\n";
compile($solution_file);
`rm -f sol $solution_file.$i.log`;
$time=run($solution file,"test.dat","sol")/2;
if(-s "sol">0)
`dos2unix sol`;
`diff test.chk sol > $solution_file.$i.log`;
DIFF=split(/\n/, `cat $solution file.$i.log`)/4;
if($DIFF>$max err)
$max err=$DIFF;
}
}
else
DIFF = -1;
$ball=0;
print RESFILE "Программа не работает как требуется условиями задачи\n";
if(!$DIFF && $time>=0 & $time<10)
print RESFILE "$codename $fsrc ($DIFF) TIME:$time\n";
else
if($time>10)
$ball=0;
      print RESFILE "Слишкоммедленноработает\n";
if(-s "$fsrc.errors" >0)
{ print RESFILE "$codename $fsrc COMPILE ERROR TIME:$time\n";
$ball=0;
else
print RESFILE "$codename $fsrc ERROR $DIFF TIME:$time\n";
`rm -f test.dat sol`;
$ball-=$max err;
if($ball<0)
{ $ball=0; }
print RESFILE
              "\nМаксимальноошибок: $max err\n solution $sol Баллы: $ball";
close RESFILE;
sub compile()
$fname=shift;
`rm -f *.class *.java *.py solution output.* input.*`;
if(fname = ~/\.cpp/)
`rm -f solution`;
`g++ $fname -o solution -std=c++11 2>$fname.errors`;
# exit;
return;
if(fname = ~/\.java/)
`rm -f *.class *.java`;
`cp $fname solution.java`;
```

```
`javac solution.java 2>$fname.errors`;
return;
}
if(fname = ~/\.py/)
{
`rm -f solution.py`;
`cp $fname solution.py`;
return;
if($fname = ~ /\.c/)
rm -f solution`;
`gcc $fname -o solution 2>$fname.errors`;
return;
}
sub run()
$fname=shift;
$src=shift;
$dest=shift;
if(fname = ~/\cpp/)
`rm -f tm`;
`time -f %U ./solution <$src >$dest 2>tm`;
($time, $rest) = split(/\s+/, `more tm`);
return $time;
}
if(fname = ~/\.java/)
`rm -f tm`;
if(-s "solution.class")
{ `time -f %U java solution <$src >$dest 2>tm`;}
else
{ `time -f %U java Main <$src >$dest 2>tm`;}
($time,$rest)=split(/\s+/,`more tm`);
return $time;
if(fname = ~/\.py/)
rm -f tm`;
`time -f %U python3 ./solution.py <$src >$dest 2>tm`;
(\$time,\$rest) = split(/\s+/,`more tm`);
return $time;
if(fname = ~/\.c/)
`rm -f tm`;
`time -f %U ./solution <$src >$dest 2>tm`;
($time, $rest) = split(/\s+/, `more tm`);
return $time;
return 1000;
```

Принцип решения

Сначала проверяется, является число простым в интервале 100003-199999 включительно или нет. Если оно не является простым в этом интервале, то оно гарантировано искажено и его надо исправлять. Решение задачи исправления сводится к перебору для каждого такого числа всех простых чисел, которые могут произвести это число после прохождения канала с помехами. Если существует только одно такое простое число - значит мы заменяем искаженное число на него. Если таких числе не существует или их больше одного, значит мы не можем уверенно исправить искаженное число и поэтому помечаем его *.

Задача 2.3 "Движение". Максимальная оценка 60 баллов

Условие:

Объект движется в плоскости XY равномерно по прямой параллельно оси X слева направо (от больших отрицательных к большим положительным значениям X, см.рисунок). Скорость объекта неизвестна и находится в пределах от 0.01 до 0.1 км/сек. В некий момент он въезжает в облако акустических излучателей, расположенных также в этой плоскости в квадратном полигоне размером [-30..30км,-30..30км], никогда не приближаясь к ним сильно близко (ближе 1 км). Каждый акустический излучатель излучает постоянно строго синхронизированную периодическую последовательность импульсов, представимую в виде:

$$u_{i}(t)=A_{i}*\cos^{2}(t*w_{i}+B_{i})$$

Количество излучателей известно и равно 7.Координаты каждого излучателя известны с точностью 0.01км и перечислены ниже. Циклические частоты повторения импульсов w_i каждого излучателя различны, известны и перечислены ниже. Начальные фазы B_i и амплитуды A_i неизвестны и могут быть различны, но постоянны для каждого из излучателей. Скорость звука считать не зависящей от частоты звука и равной 0.3км/сек, спадание амплитуды принимаемого звука с расстоянием считать отсутствующим.

Исходный файл содержит запись звуковых последовательностей через 0.03 сек., принятой объектом с каждого излучателя, как функции времени. Длина файла (обычно >20 МБ) выбрана такой, что начало и конец последовательностей соответствует очень большой удаленности от облака излучателей. Первый столбец файла - время, остальные столбцы - данные от различных излучателей, разделеные пробелами. Данные в последовательные моменты времени разделены переводом строки.

Ваша программа на основе указанной информации и исходного файла записи звуковых последовательностей должна определить положение объекта в момент t=0 с точностью не хуже $2 \, \mathrm{km}$ и модуль его скорости с точностью не хуже $0.01 \, \mathrm{km/c}$ (в среднем, по результатам 5 испытаний на созданных организаторами трека тестовых файлах).

Время работы программы должно быть не более 5мин.

Программа должна читать исходные данные со стандартного потока stdin и передавать их на stdout.

To есть программа должна работать так: solution.exe <input.dat >output2.dat

```
Ввод:
t u<sub>1</sub> u<sub>2</sub> u<sub>3</sub> u<sub>4</sub> u<sub>5</sub> u<sub>6</sub> u<sub>7</sub>
...
...
Вывод:
х0 у0 Vх
Примеры входных и выходных файлов присоединены
```

Оценка

За верное вычисление скорости с точностью не хуже требуемой участник получает 10 баллов.

Дополнительные баллы начисляются за точность согласно формуле :

```
если d<0.001км/с Доп.баллы=10
```

если d>0.01км/с Доп.баллы=0

если 0.001км/с <d<0.01км/с Доп.Баллы=10*(0.01-d)/(0.01-0.001)

где d - достигнутая точность определения скорости.

За верное вычисление координат с точностью не хуже требуемой участник получает 20

баллов. Дополнительные баллы начислаются за точность согласно формуле:

```
если d<0.1км Доп.баллы=20
```

если d>2км Доп.баллы=0

если 0.1км <d< 2км Доп.Баллы=20*(2-d)/(2-0.1)

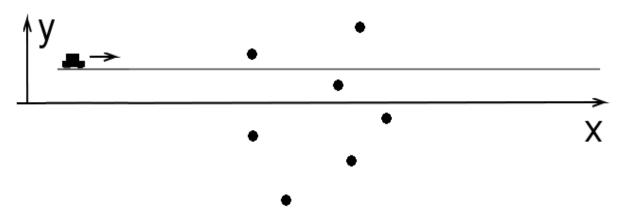
где d - достигнутая точность определения координат.

Таким образом, максимальное число баллов за задачу равно 60.

Характеристики излучателей:

	Положение $x_i(км)$	Положение уі(км)	w _i (радиан/сек)
Излучатель 1	10	20	2
Излучатель 2	15	21	3
Излучатель 3	-10	-25	4
Излучатель 4	-7	-5	6
Излучатель 5	8	1	7
Излучатель 6	-17	-5	8
Излучатель 7	18	11	9

Иллюстрация:



Задача 2.4 "Перемешивание". Максимальная оценка 28 баллов.

Условие

Система передачи данных перемешивает в случайном порядке поступающие на ее вход данные блоками по n байт (n = 54) ипередает результат на выход. Порядок байт внутри блока не меняется, меняется только порядок блоков.

Необходимо написать две программы (кодировщик и декодировщик) для организации устойчивой передачи данных через такой канал. Тестовые файлы выбираются организаторами трека и представляют собой 4 файла примерно одинаковой длины (9-10Мб каждый) в последовательности: аудиозапись (в формате WAV), документ OOffice без изображений (в формате ODT), текстовый файл (в формате TXT) и изображение (в формате BMP).

Программа-кодировщик, написанная участником должна иметь имя encode_blocks и читать файл ввода (имя - первый аргумент строки вызова) и передавать в файл вывода (имя - второй аргумент строки вызова), учитывая тип файла (значения от 1 до 4: 1-WAV, 2-ODT, 3-TXT, 4-BMP) т.е. работать при вызове:

encode blocks Входной Файл Выходной Файл тип Файла

Программа-декодировщик, написанная участником, должна иметь имя

decode_blocks и читать файл с файла, задаваемого в строке вызова первым аргументом и передавать его в файл, задаваемым вторым аргументом программы, третий аргумент программы - тип файла (1-WAV, 2-ODT, 3-TXT, 4-BMP).

Т.е. работать при вызове:

decode blocks Входной Файл Выходной Файл тип Файла

Тестовая программа (mix_blocks), перемешивающая поток данных, сделанная разработчиками задачи, читает файл, сгенерированный encode_blocks и передает в файл вывода для работы decode blocks, т.е. работает при вызове:

mix blocks Входной Файл Выходной Файл

Если размер входного файла не кратен размеру блока перемешивания (54 байт), в конец файла (до его перемешивания) дописываются нули, чтобы сделать размер исходного файла кратнымразмеру блока перемешивания. (Но восстановить надо файл оригинальной длинны, без дополнительных нулей.)

Тестирование решения представляет собой следующие операции:

- 1) Кодирование файла программой участника:
- encode_blocks ВходнойФайл ЗакодированныйФайл типФайла

если работает дольше 1 минуты - задача не решена

- 2) Измерение размеров передаваемого файла Закодированный Файл
- 3) пропуск закодированного файла через программу для перемешивания:

mix_blocks Закодированный Файл Искаженный Файл

- 4) Декодирование файла программой участника:
- decode_blocks ИскаженныйФайл РаскодированныйФайл типФайла

если работает дольше 1 минуты - задача не решена

5) Проверка идентичности файлов Входной Файл и Раскодированный Файл если Входной Файл и Раскодированный Файл идентичны, задача считается решенной и в зависимости от размера файла Закодированный Файл начисляются баллы.

За каждый правильно переданный файл начисляется 4 балла. Дополнительные баллы начисляются за все файлы, кроме ODT за переданный объем данных согласно формуле:

если d<0.7*R Доп.баллы=4

если d>1.1*R Доп.баллы=0

если 0.7*R < d < 1.1*R Доп.баллы = 4*(1.1*R-d)/(1.1*R-0.7*R)

где R - размер исходного файла, d - размер передаваемого файла.

Таким образом, правильно передавший все файлы может получить от 16 до 28 баллов.

Ограничение на быстродействие алгоритма шифрации-дешифрации - по одной минуте на каждый.

Если необходимы библиотеки или программы из дистрибутива, перечислите их в файле README.txt в формате вызовов менеджера пакетов apt-get

Формат входных данных:

Выглядит примерно так:

- -3.000000e+03 7.633277e-01 4.078850e-01 7.480130e-02 3.000088e-01 1.933265e-01 2.810929e-02 1.140790e+00
- -2.999970e+03 6.902201e-01 4.504225e-01 5.947929e-02 5.816752e-01 1.082141e-01 1.447245e-01 1.470185e+00
- -2.999940e+03 6.119836e-01 4.808357e-01 4.314489e-02 8.677065e-01 3.655547e-02 3.052178e-01 1.423073e+00
- $-2.999910\mathrm{e} + 03\ 5.307278\mathrm{e} 01\ 4.972847\mathrm{e} 01\ 2.754262\mathrm{e} 02\ 1.089970\mathrm{e} + 00\ 1.422651\mathrm{e} 03\ 4.426967\mathrm{e} 01\ 1.024084\mathrm{e} + 00$
- $-2.999880e + 03\ 4.486434e 01\ 4.987744e 01\ 1.433881e 02\ 1.195523e + 00\ 1.412734e 02\ 4.998610e 01\ 4.818057e 01$
- -2.999850e+03 3.679437e-01 4.852147e-01 4.943637e-03 1.159223e+00 7.057899e-02 4.528849e-01 7.973762e-02
- -2.999820e+03 2.908047e-01 4.574260e-01 3.605147e-04 9.897153e-01 1.526019e-01 3.213478e-01 2.807748e-02
- $-2.999790e + 03\ 2.193062e 01\ 4.170892e 01\ 1.078921e 03\ 7.273779e 01\ 2.337870e 01\ 1.600734e 01\ 3.538328e 01$
- -2.999760e+03 1.553760e-01 3.666445e-01 7.022130e-03 4.346991e-01 2.879952e-01 3.627986e-02 8.867012e-01
- -2.999730e+03 1.007379e-01 3.091435e-01 1.755540e-02 1.813950e-01 2.977731e-01 1.563342e-03 1.348103e+00
- -2.999700e+03 5.686507e-02 2.480646e-01 3.155377e-02 2.780248e-02 2.599724e-01 7.039350e-02 1.496822e+00
- -2.999670e+03 2.494045e-02 1.871029e-01 4.752222e-02 1.050731e-02 1.867638e-01 2.140824e-01 1.255107e+00
- -2.999640e+03 5.824837e-03 1.299460e-01 6.375529e-02 1.336292e-01 1.017184e-01 3.727415e-01 7.493270e-01
- $-2.999610\mathrm{e} + 03\ 3.363474\mathrm{e} 05\ 8.005173\mathrm{e} 02\ 7.851928\mathrm{e} 02\ 3.678404\mathrm{e} 01\ 3.221825\mathrm{e} 02\ 4.802428\mathrm{e} 01$

- 2.438984e-01
- -2.999580e+03 7.722992e-03 4.043829e-02 9.023740e-02 6.573521e-01 6.403225e-04 4.917805e-01 3.055740e-03
- -2.999550e+03 2.868558e-02 1.350210e-02 9.765814e-02 9.332025e-01 1.715178e-02 4.025458e-01 1.527097e-01
- $-2.999520e + 03\ 6.235619e 02\ 8.726294e 04\ 9.998897e 02\ 1.129684e + 00\ 7.643643e 02\ 2.497310e 01\ 6.146224e 01$
- -2.999490e+03 1.078270e-01 3.313889e-03 9.698094e-02 1.199995e+00 1.594064e-01 9.702839e-02 1.147309e+00
- -2.999460e+03 1.638719e-01 2.067820e-02 8.895533e-02 1.127387e+00 2.393477e-01 8.083251e-03 1.472286e+00
- -2.999430e+03 2.289798e-01 5.191512e-02 7.676926e-02 9.291562e-01 2.905218e-01 1.996732e-02 1.419657e+00
- -2.999400e+03 3.013952e-01 9.513500e-02 6.172422e-02 6.525200e-01 2.964520e-01 1.277274e-01 1.016937e+00
- $-2.999370e + 03\ 3.791656e 01\ 1.477233e 01\ 4.542703e 02\ 3.633736e 01\ 2.552290e 01\ 2.864498e 01\ 4.746639e 01$
- $-2.999340e + 03\ 4.601940e 01\ 2.064987e 01\ 2.961824e 02\ 1.305916e 01\ 1.801254e 01\ 4.299802e 01\ 7.633447e 02$
- -2.999310e+03 5.422957e-01 2.679057e-01 1.598623e-02 9.622466e-03 9.532230e-02 4.984961e-01 3.019212e-02
- $-2.999280e + 03\ 6.232570e 01\ 3.282295e 01\ 5.986903e 03\ 2.928115e 02\ 2.812382e 02\ 4.634406e 01\ 3.603597e 01$
- -2.999250e+03 7.008949e-01 3.838209e-01 6.882026e-04 1.848849e-01 1.658468e-04 3.394245e-01 8.942282e-01
- -2.999220e+03 7.731161e-01 4.313169e-01 6.560272e-04 4.393690e-01 2.045003e-02 1.781369e-01 1.352695e+00
- $-2.999190e + 03\ 8.379733e 01\ 4.678443e 01\ 5.893813e 03\ 7.321153e 01\ 8.244546e 02\ 4.680134e 02\ 1.496078e + 00$
- -2.999160e+03 8.937178e-01 4.911935e-01 1.584216e-02 9.933918e-01 1.661914e-01 1.575554e-04 1.249417e+00
- $-2.999130e + 03\ 9.388464e 01\ 4.999518e 01\ 2.943858e 02\ 1.160962e + 00\ 2.447243e 01\ 5.764634e 02\ 7.416646e 01$
- $-2.999100e + 03\ 9.721425e 01\ 4.935896e 01\ 4.523097e 02\ 1.194912e + 00\ 2.927587e 01\ 1.953068e 01\ 2.382699e 01$
- $-2.999070e + 03\ 9.927082e 01\ 4.724916e 01\ 6.153270e 02\ 1.087154e + 00\ 2.948290e 01\ 3.557630e 01\ 2.403741e 03$
- -2.999040e+03 9.999891e-01 4.379342e-01 7.660272e-02 8.633555e-01 2.502687e-01 4.721379e-01 1.573750e-01
- -2.999010e+03 9.937888e-01 3.920079e-01 8.883157e-02 5.768261e-01 1.734249e-01 4.959273e-01 6.221660e-01
- -2.998980e+03 9.742745e-01 3.374909e-01 9.691318e-02 2.958167e-01 8.903891e-02 4.172160e-01 1.153788e+00
- $-2.998950e + 03\ 9.419724e 01\ 2.776813e 01\ 9.998444e 02\ 8.726370e 02\ 2.428059e 02\ 2.688102e 01\ 1.474312e + 00$
- -2.998920e+03 8.977534e-01 2.161971e-01 9.771735e-02 8.443053e-04 1.981286e-07 1.125645e-01 1.416172e+00

Реальный файл намного больше (20МБайт)

Формат выходных данных:

-16.4000 12.2000 0.1133

Генератор примера:
//С
//Файл generator.c
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

```
#include <string.h>
#include <math.h>
#include "immitate.h"
#include "quasars.h"
#define QUASARS TOTAL 1
double V_X=0.3;
double V Y=0.0;
double \overline{X}0=-23;
double Y0=9;
#define T0 0.0
quasars quasars arr;
void trajectory(double t, double* x,double* y)
*x=X0+V X*(t-T0);
*y=Y0+V Y*(t-T0);
}
double q signal (double t, int q num)
double phase;
phase=t*quasars arr.period[q num]+quasars arr.phase[q num];
return quasars arr.A[q num]*cos(phase)*cos(phase);
double signal(double t,int i)
double x,y;
// int i;
double R;
double res;
res=0;
trajectory(t,&x,&y);
R=sqrt((x-quasars arr.x[i])*(x-quasars arr.x[i])
      +(y-quasars arr.y[i])*(y-quasars arr.y[i]));
if(R<1)
fprintf(stderr,"ERROR: trajectory too close to source\n");
exit(1);
res+=q signal(t-R/LIGHT SPEED,i);
return res;
int main(int argn, char* argv[])
double t;
double x, y;
double s;
if(argn>3)
X0=atof(argv[1]);
Y0=atof(argv[2]);
V X=atof(argv[3]);
V_Y=0.0;//atof(argv[4]);
init_quasars(&quasars_arr);
int k;
for (t=-3000; t<3000; t+=0.03)
fprintf(stdout,"%le ",t);
for (k=0; k<QUASARS; k++)</pre>
s=signal(t,k);
fprintf(stdout, "%le", s);
if(k<QUASARS-1)
```

```
fprintf(stdout," ",s);
fprintf(stdout,"\n");
}
// Файл immitate.c
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <math.h>
double Vd(double t, double Y0, double V0, double T0)
double res;
res = -V0*V0*(t-T0);
res/=sqrt(Y0*Y0+V0*V0*(t-T0)*(t-T0));
return res;
//Файл immitate.h
#ifndef ___IMMITATE_H_
#define IMMITATE H
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <math.h>
#define LIGHT SPEED 0.3
double Vd(double t, double Y0, double V0, double T0);
#endif
//Файл quasars.c
#include "quasars.h"
void init quasars(quasars* quasars arr)
quasars arr->x[0]=10; quasars arr->y[0]=20;
quasars arr->x[1]=15; quasars arr->y[1]=21;
quasars arr->x[2]=-10; quasars arr->y[2]=-25;
quasars_arr->x[3]=-7; quasars_arr->y[3]=-5;
quasars_arr->x[4]=8; quasars_arr->y[4]=1;
quasars_arr->x[5]=-17; quasars_arr->y[5]=-5;
quasars arr->x[6]=18; quasars arr->y[6]=11;
quasars arr->period[0]=2; quasars arr->phase[0]=0.1; quasars arr->A[0]=1.;
quasars arr->period[1]=3; quasars arr->phase[1]=-1.1; quasars arr->A[1]=0.5;
quasars arr->period[2]=4; quasars arr->phase[2]=0.6; quasars arr->A[2]=0.1;
quasars_arr->period[3]=6; quasars_arr->phase[3]=-2.6; quasars_arr->A[3]=1.2; quasars_arr->period[4]=7; quasars_arr->phase[4]=-1.6; quasars_arr->A[4]=0.3; quasars_arr->period[5]=8; quasars_arr->phase[5]=-0.6; quasars_arr->A[5]=0.5;
quasars arr->period[6]=9; quasars arr->phase[6]=-0.6; quasars arr->A[6]=1.5;
//Файл quasars.h
#ifndef __QUASARS_H_
#define __QUASARS_H_
#include <stdio.h>
#include <math.h>
#define QUASARS 7
typedef struct{
double A[100];
double x[100];
double y[100];
double period[100];
double phase[100];
}quasars;
void init quasars(quasars* quasars_arr);
#endif
Решение:
```

//c

```
//Файл solution.c
#include <stdio.h>
#include <math.h>
#include "quasars.h"
#include "immitate.h"
#define FFT LEN 1024
#define FFT OFFSET ((long)(FFT LEN/10))
#include "immitate.h"
#define TOTAL QUASARS QUASARS
#define MAX LENGTH 400000
long dI=25;
double pow2 (double x)
{
return x*x;
}
long fill arrays(double** src full,double* time full,long quasars num,long
max length)
{
long i,k;
double r;
for(i=0;!feof(stdin) && i<max length;i++)</pre>
fscanf(stdin,"%le",&(time full[i]));
for(k=0;k<quasars num;k++)</pre>
fscanf(stdin,"%le",&(src full[k][i]));
}
}
return i;
int init arrays(double* src full[],double** src time,long quasars num,long
max length)
long k;
for(k=0;k<quasars num;k++)</pre>
src full[k] = (double*) calloc(max length, sizeof(double));
if(src full[k]==NULL) return -1;
*src time=(double*)calloc(max length, sizeof(double));
if(*src time==NULL)
return -1;
return 0;
int init calc arrays(double** Time, double* FreqMax[], double* TimeMax[], long
quasars num, long max length)
long k;
// fprintf(stderr,"init arrays, stage 2\n");
*Time=(double*)calloc(max length, sizeof(double));
for(k=0;k<quasars num;k++)</pre>
\label{eq:max_length} \texttt{FreqMax[k]=(double*)calloc(max_length,sizeof(double));}
TimeMax[k] = (double*) calloc (max length, sizeof (double));
return 0;
}
void get individual track param(double* FreqMax[],double* TimeMax[],long
CountMax[], double known w0, long k, double* Yopt, double* new t, double* los V)
double left freq, right freq;
double s, max s, max s pos;
```

```
long i;
double exact freq;
double exact_t;
double dlos V;
double Ypos;
double sigma, sigma_opt=1e100;
double t0;
\max s=0;
right freq=-1e100;
left freq=-1e100;
\max s pos=-1e100;
s=0;
for (i=0; i < CountMax[k]; i++)
exact freq=FreqMax[k][i];
exact t=TimeMax[k][i];
//Detect los Velocity
if(!(right freq>-1e100))
right freq=exact freq;
if(!(left freq>-1e100))
left freq=exact freq;
if(left freq<exact freq)
left freq=exact freq;
if(right freq>exact freq)
right freq=exact freq;
//Detect Time of closest position
s+=(exact_freq-known_w0>0)?1:-1;
if(s>max s)
max s=s;
max s pos=exact t;
dlos V=((right freq+left freq)/2.-known w0)/(right freq+left freq)*LIGHT SPEED;
los V[k]=-(right freq-left freq)/(right freq+left freq)*LIGHT SPEED;
if (fabs(dlos_V) > 0.01)
new t[k] = TimeMax[k][0];
return;
else
new t[k]=max s pos;
t0=max s pos;
sigma opt=1e100;
for (Ypos=-50.; Ypos<50.; Ypos+=0.5)</pre>
sigma=0.;
for(i=0;i<CountMax[k];i++)</pre>
exact_freq=FreqMax[k][i];
exact_t=TimeMax[k][i];
sigma+=pow(exact freq-
(Vd(exact t, Ypos, los V[k], t0)/LIGHT SPEED*known w0+known w0),2.0);
if(sigma<sigma opt)</pre>
sigma opt=sigma;
Yopt[k]=Ypos;
new t[k]=t0;
}
}
```

```
for(i=0;i<CountMax[k];i++)</pre>
exact freq=FreqMax[k][i];
exact_t=TimeMax[k][i];
}
}
void trajectory(double t, double x0, double y0, double Vx, double Vy, double*
x, double* y)
{
*x=x0+Vx*t;
*y=y0+Vy*t;
return;
}
void full fit(double** FreqMax, double** TimeMax, quasars quasars arr, long
quasars num,long* CountMax,double* los V,double* x0 opt,double* y0 opt,double*
Vx opt, double * Vy opt, double xmin, double xmax, double ymin, double ymax, double
dr,double *new t)
double sigma opt=1e100, sigma;
double phi opt;
double x0, y0, t0, phi;
long i, k;
double Vx, Vy;
double minimal range[10], minimal range moment[10], range;
double exact freq,exact_t;
double x1, y1;
double known w0;
t0=0;
phi=0;
x0 = -15;
v0 = -15;
double avrg losV=0;
double max losV=0;
for(k=0;k<quasars num;k++)</pre>
avrg losV+=los V[k];
max losV=(max losV>los V[k])?max losV:los V[k];
avrg losV/=(double)quasars num;
phi=0;
for (x0=xmin;x0<xmax;x0+=dr)
for (y0=ymin; y0<ymax; y0+=dr)</pre>
sigma=0;
for(k=0;k<quasars num;k++)</pre>
if(fabs(new t[k]-TimeMax[k][0])<fabs(TimeMax[k][0]-TimeMax[k][CountMax[k]-</pre>
1])/10. || fabs(new t[k]-TimeMax[k][CountMax[k]-1])<fabs(TimeMax[k][0]-
TimeMax[k][CountMax[k]-1])/10.)
continue;
Vx=fabs(los_V[k])*cos(phi);
Vy=fabs(los_V[k])*sin(phi);
known w0=quasars arr.period[k];
minimal range[k]=1e100;
minimal_range_moment[k]=-1e100;
for(i=0;i<CountMax[k];i+=dI)</pre>
            exact freq=FreqMax[k][i];
            exact t=TimeMax[k][i];
            trajectory(exact_t,x0,y0,Vx,Vy,&x1,&y1);
             range=sqrt(pow2(x1-quasars arr.x[k])+pow2(y1-quasars arr.y[k]));
```

```
if(minimal range[k]>range)
              minimal range[k]=range;
              minimal range moment[k]=exact t;
           }
for(i=0;i<CountMax[k];i+=dI)</pre>
          {
            exact freq=FreqMax[k][i];
            exact t=TimeMax[k][i];
            sigma+=pow2(exact freq-
(Vd(exact t,minimal range[k],los V[k],minimal range moment[k])/LIGHT SPEED*known
w0+known w0));
          }
if(sigma<sigma opt)</pre>
*x0 opt=x0;
*y0 opt=y0;
phi opt=phi;
sigma opt=sigma;
sigma=0;
known w0=quasars arr.period[k];
}
}
*Vx opt=avrg losV*cos(phi opt);
*Vy opt=avrg losV*sin(phi opt);
int main()
double* FreqMax[10];
double* TimeMax[10];
long CountMax[10];
double* Time;
long k;
double* src_full[10];
double* src time;
double src re[FFT LEN*2];
long i,j;
double t,old t;
double avrg=0.,avrg n=0.;
double dt;
double max diff t=-1e100;
i=0;
double max diff=0;
long pos=0;
double los V[10];
double Yopt[10];
double new t[10];
quasars quasars arr;
init arrays(src full,&src time, (long)TOTAL QUASARS, (long)MAX LENGTH);
init_calc_arrays(&Time,FreqMax,TimeMax,(long)TOTAL QUASARS,(long)MAX LENGTH);
long length;
FILE* stream;
length=fill arrays(src full, src time, (long) TOTAL QUASARS, (long) MAX LENGTH);
if(length>=MAX LENGTH-1)
fprintf(stderr,"file too long to process\n");
exit(1);
double max ampl[TOTAL QUASARS];
```

```
double min ampl[TOTAL QUASARS];
double ampl;
for(k=0;k<TOTAL QUASARS;k++)</pre>
{
\max ampl[k]=0;
min ampl[k]=1e100;
for(i=0;i<length;i++)</pre>
if(max ampl[k] < src full[k][i])</pre>
max_ampl[k]=src_full[k][i];
if(min ampl[k]>src full[k][i])
min ampl[k]=src full[k][i];
ampl=(max ampl[k]-min ampl[k])/2.;
double c ,s ;
double ph old, ph;
double w0,w0 old;
ph old=0;
w0 \text{ old}=0;
double dt=src time[2]-src time[1];
for(j=i=0;i<length;i++)</pre>
c =(src full[k][i]-ampl)/ampl;
s =sqrt(1.-c_*c_);
ph=atan2(s_,c_);
w0=ph-ph old;
ph old=ph;
if(i>0 && i<length-1)
if(fabs((w0 old-w0)/dt)<0.1)
FreqMax[k][j]=fabs(w0)/(2.*dt);
TimeMax[k][j]=src time[i];
j++;
w0 old=w0;
CountMax[k]=j;
init quasars(&quasars arr);
for(k=0; k<TOTAL QUASARS; k++)</pre>
double known w0=quasars arr.period[k];
get individual track param(FreqMax, TimeMax, CountMax, known w0, k, Yopt, new t, los V)
double x0 opt;
double y0 opt;
double Vx opt;
double Vy_opt;
full fit(FreqMax,TimeMax,quasars arr,TOTAL QUASARS,CountMax,los_V,&x0_opt,&y0_op
t, &Vx opt, &Vy opt, -30, 30, -30, 30, \overline{1}, new t); \overline{//0.3} - losV
full fit(FreqMax, TimeMax, quasars arr, TOTAL QUASARS, CountMax, los V, &x0 opt, &y0 op
t, &Vx opt, &Vy opt, x0 opt-1.,x0 opt+1.,y0 opt-1.,y0 opt+1.,0.2, new t); //0.3 -
fprintf(stdout,"%2.41f %2.41f %2.41f\n",x0 opt,y0 opt,Vx opt);
}
Критерииоценки:
//Perl
#!/usr/bin/perl
$params[1]='-16 12 0.111';
```

```
$params[2]='-11 -12 0.0422';
params[3]='-7 22 0.0233';
$params[4]='17 -10 0.0144';
$params[5]='14 23 0.155';
# по всем участникам
for($sol=-2;$sol<=6;$sol++)
sum dv=0;
sum dr=0;
open RESFILE, ">$sol/results";
$codename="solution 1 $sol";
for($i=1;$i<=5;$i++)
$fsrc=$params[$i];
 ./generator $fsrc >test.dat`;
($solution file,$rest)=split(/\s+/,`ls ./$sol/solution.*`);
print "$solution file\n";
compile($solution file);
$time=run($solution file,"test.dat","sol");
$res=`cat sol`;
res=~ s/[\n\r]//g;
@res user=split(/\s+/,$res);
@res src=split(/\s+/,$fsrc);
$dr=sqrt((@res user[0]-@res src[0])*(@res user[0]-@res src[0])+(@res user[1]-
@res src[1]) * (@res user[1] - @res src[1]));
dv=abs(@res user[2]-@res src[2]);
sum dv += sdv;
$sum dr+=$dr;
if (abs(@res user[0]-@res src[0]) <= 2 && abs(@res user[1]-@res src[1]) <= 2 &&
abs(@res user[2]-@res src[2])<=2)
print RESFILE "$codename $fsrc your solution: $res GOOD! TIME:$time dR: $dr
dV:$dv\n";
else
if(-s "$fsrc.errors" >0)
{ print RESFILE "$codename $fsrc COMPILE ERROR TIME:$time\n";
sum dv += 1000;
sum dr += 1000;
else
{ print RESFILE "$codename $fsrc your solution: $res ERROR TIME:$time dR: $dr
dV: dv n"; }
`rm -f test.dat sol`;
sum dv/=5;
sum dr/=5;
$ball=0;
if(\$sum dv<=0.01)
{$ball+=10;
if (\$sum dv<0.001)
$ball+=10;
else
ball+=10*(0.01-\$sum dv)/(0.01-0.001);
}
if($sum dr<=2)
{$ball+=20;
if (\$sum dr<0.1)
```

```
$bal1+=20;
}
else
{
ball+=20*(2-sum dr)/(2-0.1);
}
print RESFILE "\n Средняя ошибка по скорости: $sum dv\n";
print RESFILE "\n Средняя ошибка по пространству: $\sum dr\n";
print RESFILE "\n Баллы: $ball\n";
close RESFILE;
sub compile()
$fname=shift;
`rm -f *.class *.java *.py solution`;
if(fname = ~/\.cpp/)
`rm -f solution`;
`g++ $fname -o solution -std=c++11 2>$fname.errors`;
return;
}
if(fname = ~/\.java/)
`rm -f *.class *.java`;
`cp $fname solution.java`;
`javac solution.java 2>$fname.errors`;
return;
if(fname = ~ / .py/)
`rm -f solution.py`;
`cp $fname solution.py`;
return;
if(fname = ~/\.c/)
`rm -f solution`;
`gcc $fname -o solution 2>$fname.errors`;
return;
sub run()
$fname=shift;
$src=shift;
$dest=shift;
if(fname = \ /\.cpp/)
`rm -f tm`;
`time -f %U ./solution <$src >$dest 2>tm`;
($time,$rest)=split(/\s+/,`more tm`);
return $time;
if(fname = ~/\.java/)
`rm -f tm`;
`time -f %U java solution <$src >$dest 2>tm`;
($time, $rest) = split(/\s+/, `more tm`);
return $time;
if(fname = ~/\.py/)
```

Принцип решения:

Решение задачи проводится на основе эффекта доплеровского сдвига частоты - изменение частоты сигнала, принимаемого движущимся приемником, пропорционально проекции скорости его движения на линию, соединяющую приемник и передатчик.

Поскольку по условиям задачи, запись сигналов идет издалека, для оценки скорости движения приемника можно просто посчитать частоту сигнала в начале файла и частоту сигнала в конце файла по каждому из каналов. Они позволят определить скорость с достаточно высокой точностью. Определив ее независимо по каждому из 7 передатчиков и усреднив полученные значения, можно определить скорость с достаточно высокой степенью точности.

Определение частоты можно проводить различными методами, самый простой - посчитать период функции на каком-то промежутке и взять от него обратную величину. Для точного определения скорости этого достаточно. Можно использовать преобразование Фурье (спектр). Можно использовать и другие способы.

Задача определения положения сложнее. Для этого надо получить формулу для временной зависимости проекции скорости на луч зрения приемник-передатчик, как функцию момента времени и координаты, в которых приемник наиболее близко подходит к передатчику. Эта формула достаточно легко получается из геометрии и описана в файле immitate.c. После этого надо определить параметры момента приближения и его координаты по данным наблюдений. Самый простой способ просто перебрать по сетке все варианты координаты Y. Времени на проведение такого поиска достаточно. Можно придумать более сложные, но быстрые методы.

Однако здесь встает проблема того, что для точного определения положения надо очень точно знать частоту в каждый момент времени, а она в моменты максимального приближения приемника к передатчику меняется очень быстро. Поэтому простые способы ее определения, описанные выше, например по среднему периоду, не годятся. Один из пригодных способов воспользоваться формулой Эйлера, и пользуясь тем, что амплитуда сигнала во времени не меняется, сделать вторую компоненту сигнала (мнимую) по известной формуле $\cos^2(x) + \sin^2(x) = 1$ и посчитать фазу сигнала x по формуле Эйлера (или по формуле арктангенса). Производная фазы x по времени будет определять частоту сигнала даже при ее быстрых изменениях и поэтому работает устойчиво даже при предельных приближениях приемника к передатчику, надо только аккуратно отбросить переход фазы через 360 градусов, но это легко.

Как показало решение, такого подхода достаточно для решения задачи определения координат. Для увеличения точности сначала ведется грубое, а потом более точное определение координат, при этом подгонять доплеровское смещение надо сразу по всем передатчикам одновременно, чтобы обеспечить точность.

Задача 2.4 "Перемешивание". Максимальная оценка 28 баллов.

Условие:

Система передачи данных перемешивает в случайном порядке поступающие на ее вход данные блоками по n байт (n=54) и передает результат на выход. Порядок байт внутри блока не меняется, меняется только порядок блоков. Необходимо написать две программы (кодировщик и декодировщик) для организации устойчивой передачи данных через такой канал. Тестовые файлы выбираются организаторами трека и

представляют собой 4 файла примерно одинаковой длины (9-10Мб каждый) в последовательности: аудиозапись (в формате WAV), документ OOffice без изображений (в формате ODT), текстовый файл (в формате ТХТ) и изображение (в формате BMP).

Программа-кодировщик, написанная участником должна иметь имя encode blocks и читать файл ввода (имя - первый аргумент строки вызова) и передавать в файл вывода (имя - второй аргумент строки вызова), учитывая тип файла (значения от 1 до 4: 1-WAV, 2-ODT, 3-TXT, 4-BMP) т.е. работать при вызове:

encode blocks Входной Файл Выходной Файл тип Файла

Программа-декодировщик, написанная участником, должна иметь имя decode blocks и читать файл с файла, задаваемого в строке вызова первым аргументом ипередавать его в файл, задаваемым вторым аргументом программы, третий аргумент программы - тип файла (1-WAV, 2-ODT, 3-TXT, 4-BMP).Т.е. работать при вызове:decode blocks ВходнойФайл ВыходнойФайл типФайла

Тестовая программа (mix blocks), перемешивающая поток данных, сделаннаяразработчиками задачи, читает файл, сгенерированный encode blocks и передает в файл вывода для работы decode blocks, т.е. работает при вызове:

mix blocks Входной Файл Выходной Файл

Если размер входного файла не кратен размеру блока перемешивания (54 байт), в конец файла (до его перемешивания) дописываются нули, чтобы сделать размер исходного файла кратнымразмеру блока перемешивания. (Но восстановить надо файл оригинальной длинны, без дополнительных нулей.)

Тестирование решения представляет собой следующие операции:

- 1) Кодирование файла программой участника:
- encode blocks Входной Файл Закодированный Файл тип Файла

если работает дольше 1 минуты - задача не решена

- 2) Измерение размеров передаваемого файла Закодированный Файл
- 3) пропуск закодированного файла через программу для перемешивания:

mix blocks Закодированный Файл Искаженный Файл

- 4) Декодирование файла программой участника: decode blocks Искаженный Файл Раскодированный Файл тип Файла если работает дольше 1 минуты - задача не решена
 - 5) Проверка идентичности файлов Входной Файл и Раскодированный Файл

Если Входной Файл и Раскодированный Файл идентичны, задача считается решенной и в зависимости от размера файла Закодированный Файл начисляются баллы.

За каждый правильно переданный файл начисляется 4 балла. Дополнительные баллы начисляются за все файлы, кроме ODT за переданный объем данных согласно формуле:

```
если d<0.7*R Доп.баллы=4
если d>1.1*R Доп.баллы=0
если 0.7*R < d < 1.1*R Доп.баллы = 4*(1.1*R-d)/(1.1*R-0.7*R)
где R - размер исходного файла, d - размер передаваемого файла.
```

Таким образом, правильно передавший все файлы может получить от 16 до 28 баллов.

Ограничение на быстродействие алгоритма шифрации-дешифрации - по одной минуте на каждый.

Если необходимы библиотеки или программы из дистрибутива, перечислите их в файле README.txt в формате вызовов менеджера пакетов apt-get

```
Генератор mix_blocks:
//c
//mix blocks.c
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <math.h>
#include "code decode.h"
#define BLOCK SIZE FULL BLOCK LEN
#define MAX BLOCKS 3000
int main(int argn, char* argv[])
long i,pos,len,j;
char* blocks[MAX BLOCKS];
long num blocks;
```

```
long transfer_bytes=0;
for(i=0;i<MAX BLOCKS;i++)</pre>
blocks[i]=calloc(BLOCK SIZE, sizeof(char));
char* tmp block;
tmp block=calloc(BLOCK SIZE, sizeof(char));
FILE* in;
FILE* out;
in=fopen(argv[1],"rb");
out=fopen(argv[2],"wb");
// for(;!feof(stdin);)
for(;!feof(in);)
{
num blocks=0;
for(i=0;!feof(in)&&i<MAX_BLOCKS;i++)</pre>
memset(blocks[i], 0, BLOCK SIZE);
len=fread(blocks[i], sizeof(char), BLOCK SIZE, in);
num blocks=i+1;
if(len<BLOCK SIZE)
if(len==0)
num blocks--;
break;
fprintf(stderr, "nb %ld\n", num blocks);
if(num blocks>1)
for(i=0;i<num blocks-1;i++)</pre>
pos=i+(1+(rand()%(num blocks-i-1)));
fprintf(stderr, "mix % Id with % Id \n", i, pos);
memcpy(tmp_block,blocks[pos],BLOCK_SIZE);
memcpy(blocks[pos],blocks[i],BLOCK SIZE);
memcpy(blocks[i], tmp block, BLOCK SIZE);
for(i=0;i<num blocks;i++)</pre>
fwrite(blocks[i], sizeof(char), BLOCK SIZE, out);
transfer bytes+=BLOCK SIZE;
for(j=0;j<BLOCK SIZE;j++)</pre>
blocks[i][j]=0;
fprintf(stderr,"bytes transfered:%ld\n",transfer bytes);
fclose(out);
//code decode.h
#ifndef __CODE_DECODE_H_
#define __CODE_DECODE_H_
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#define FULL BLOCK LEN 54
#define MAX FILE SIZE
                        20000000
#endif
Решение:
//code block.c
#include "code decode.h"
#include "compr.h"
#include <string.h>
#include <unistd.h>
```

```
#include <fcntl.h>
int main(int argn,char* argv[])
char* tmp file1;
char* tmp file2;
long compr len;
unsigned long code block=0;
long i,j;
char* block;
int mode;
if(argn>3)
mode=atol(argv[3]);
else
mode=1:
FILE* in;
FILE* out;
tmp file1=calloc(sizeof(char), 40000000);
tmp file2=calloc(sizeof(char),40000000);
long file len, block len;
block=calloc(DATA BLOCK LEN, sizeof(char));
code block=0;
file len=0;
in=fopen(argv[1],"rb");
out=fopen(argv[2], "wb");
for (i=0; !feof(in);)
block len=fread(block, sizeof(char), DATA BLOCK LEN, in);
memcpy(tmp file1+i,block,block len);
i+=block len;
}
compr len=20000000;
zlib compress(tmp file1,tmp file2,i,&compr len);
file len=0;
for(j=0;j<compr len;j+=DATA BLOCK LEN)</pre>
block len=DATA BLOCK LEN;
if(j+DATA BLOCK LEN<=compr len)
memcpy(block,tmp file2+j,DATA BLOCK LEN);
else
block len=compr len-j;
memcpy(block,tmp file2+j,block len);
file len+=block len;
for(i=block len;i<DATA BLOCK LEN;i++)</pre>
block[i]=0;
fwrite(block, sizeof(char), DATA BLOCK LEN, out);
fwrite(&code block, sizeof(char), CODE BLOCK LEN, out);
for(i=0;i<DATA BLOCK LEN;i++)</pre>
block[i]=0;
code block++;
code block=-1;
fprintf(stderr, "file len: %ld\n", file len);
memcpy(block,&file_len,sizeof(long));
fwrite(block, sizeof(char), DATA BLOCK LEN, out);
fwrite(&code block, sizeof(char), CODE BLOCK LEN, out);
fflush (out);
fclose(out);
//compr.c
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h> // for strlen
```

```
#include <assert.h>
#include "zlib.h"
int zlib compress (char* src,char* dest,long len src,long* len dest)
{
z stream defstream;
defstream.zalloc = Z NULL;
defstream.zfree = Z \overline{NULL};
defstream.opaque = \overline{Z} NULL;
// setup "a" as the input and "b" as the compressed output
defstream.avail in = /*(uInt)*/len src; // size of input, string + terminator
defstream.next in = (Bytef *)src; // input char array
defstream.avail out = /*(uInt)*/(*len_dest); // size of output
defstream.next out = (Bytef *)dest; // output char array
// the actual compression work.
deflateInit(&defstream, Z BEST COMPRESSION);
deflate(&defstream, Z FINISH);
deflateEnd(&defstream);
*len dest=(long)((char*)defstream.next out-dest);
int zlib uncompress (char* src,char* dest,long len src,long* len dest)
z stream infstream;
infstream.zalloc = Z NULL;
infstream.zfree = Z NULL;
infstream.opaque = \overline{Z} NULL;
// setup "b" as the input and "c" as the compressed output
infstream.avail in = (uInt)(len src); // size of input
infstream.next in = (Bytef *)src; // input char array
infstream.avail out = (uInt)(*len dest); // size of output
infstream.next out = (Bytef *)dest; // output char array
^-// the actual DE-compression work.
inflateInit(&infstream);
inflate(&infstream, Z NO FLUSH);
inflateEnd(&infstream);
*len dest=(long)((char*)infstream.next out-dest);
//compr.h
#ifndef __COMPR_H_
#define __COMPR_H_
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
                     // for strlen
#include <string.h>
#include <assert.h>
#include "zlib.h"
int zlib compress (char* src,char* dest,long len src,long* len dest);
int zlib uncompress (char* src,char* dest,long len src,long* len dest);
#endif
//decode block.c
#include <string.h>
#include <unistd.h>
#include <fcntl.h>
#include "code decode.h"
#include "compr.h"
int main(int argn,char* argv[])
int mode;
if(argn>3)
mode=atol(argv[3]);
else
mode=1;
unsigned long code block=0;
long i,j,length;
char* block;
unsigned char* file content;
```

```
unsigned char* new file content;
long file len;
long block len;
FILE* in;
FILE* out;
in=fopen(argv[1],"rb");
out=fopen(argv[2],"wb");
file content=calloc(MAX FILE SIZE+1, sizeof(char));
if(!file content)
{fprintf(stderr, "no memory\n"); exit(1);}
new file content=calloc(MAX FILE SIZE+1, sizeof(char));
if(!new file content)
{fprintf(stderr, "no memory\n"); exit(1);}
block=calloc(FULL BLOCK LEN, sizeof(char));
if(!block)
{fprintf(stderr, "no memory\n"); exit(1);}
length=fread(file content, sizeof(char), MAX FILE SIZE+1, in);
if(length>MAX FILE SIZE)
fprintf(stderr, "file too long to process\n"); exit(1);
}
long actual len;
for( actual len=i=0;i<length;i+=FULL BLOCK LEN)</pre>
memcpy(&code block, file content+i+DATA BLOCK LEN, CODE BLOCK LEN);
if (code block==-1)
memcpy(&file len,file content+i,sizeof(long));
fflush(stderr);
else
int empty block=1;
for(j=0;j<DATA BLOCK LEN;j++)</pre>
if(file content[i+j]!=0)
empty block=0;break;
if(empty block==0)
memcpy(new file content+code block*DATA BLOCK LEN, file content+i, DATA BLOCK LEN)
actual len+=DATA BLOCK LEN;
fprintf(stderr, "flen:%ld\n", file len);
char *tmp1;
long new len=20000000;
tmp1=calloc(sizeof(char), 40000000);
zlib uncompress(new file content,tmp1,actual len,&new len);
fwrite(tmp1, sizeof(char), new_len, out);
fclose(out);
Критерииоценки:
//Perl
#!/usr/bin/perl
# файлы, использованные для тестов
$params[1]='test.bmp';
$params[2]='test.odt';
$params[3]='test.txt';
$params[4]='test.wav';
#по всем участникам
```

```
for($sol=-2;$sol<=15;$sol++)
$codename="solution 4 $sol";
open RESFILE, ">$sol/results.txt";
print "rest $codename\n";
$ball=0;
for($i=1;$i<=4;$i++)
print "rest file $i\n";
`rm *.class decode blocks* encode blocks* *.java output* input* *.h `;
$fsrc=$params[$i];
($solution file,$rest)=split(/\s+/,`ls ./$sol/encode blocks.*`);
$sf=$solution file;
$sf=~ s/encode/decode/;
compile($solution file);
compile($sf);
`rm -f $solution file.$i.log sol`;
`rm -f tmp1 tmp2`;
$time=run($solution file,$fsrc,"sol",$i);
$size=(-s "tmp2")/(-s $fsrc);
if(-s "sol")
{
`diff $fsrc sol > $solution file.$i.log`;
$DIFF=`cat $solution file.$i.log`;
}
else
DIFF = -1;
if(!$DIFF || $DIFF=='')
$count=4;
if($i!=2)
if($size>1.1)
{ $count+=0; }
else
if($size<0.7)
{ $count+=4; }
else
{ \$count+=4*(1.1-\$size)/(1.1-0.7);}
print RESFILE "$codename $fsrc ($DIFF) TIME:$time SIZE: $size COUNT: $count\n";
$ball+=$count;
else
if(-s "$fsrc.errors" >0)
{ print RESFILE "$codename $fsrc COMPILE ERROR TIME:$time SIZE:$size\n"; }
{ print RESFILE "$codename $fsrc ERROR $DIFF TIME:$time SIZE:$size\n"; }
`rm -f test.dat sol`;
print RESFILE "Баллы: $ball\n";
print RESFILE
              "\n";
close RESFILE;
sub compile()
$fname=shift;
# `rm -f *.class *.java *.py solution`;
```

```
`rm -f solution`;
if(fname = ~/\.cpp/)
if($fname=~ /decode/)
{
`rm -f decode blocks`;
`g++ $fname -o decode blocks -lz -lm -std=c++11 2>$fname.errors`;
}
else
{
`rm -f encode blocks`;
`g++ $fname -o encode blocks -lz -lm -std=c++11 2>$fname.errors`;
#
  exit;
return;
if(fname = ~/\.java/)
if($fname=~ /decode/)
{
`rm -f decode blocks.java`;
# `rm -f *.class *.java`;
`cp $fname decode blocks.java`;
`javac decode blocks.java 2>$fname.errors`;
}
else
`rm -f encode blocks.java`;
# `rm -f *.class *.java`;
`cp $fname encode_blocks.java`;
`javac encode_blocks.java`;
return;
if(fname = ~/\.py/)
if($fname=~ /decode/)
`rm -f decode blocks.py`;
`cp $fname decode_blocks.py`;
      print "cp $fname decode_blocks.py\n";
#
       exit;
else
`rm -f encode blocks.py`;
`cp $fname encode_blocks.py`;
      print "cp $fname encode_blocks.py\n";
return;
if(fname = ~/\.c/)
if($fname=~ /decode/)
`rm -f decode blocks`;
`gcc $fname -o decode_blocks -lz -lm 2>$fname.errors`;
}
else
`rm -f encode blocks`;
`gcc $fname -o encode_blocks -lz -lm 2>$fname.errors`;
}
return;
```

```
}
}
sub run()
{
$fname=shift;
$src=shift;
$dest=shift;
$mode=shift;
if(fname = ~/\.cpp/)
{
`rm -f tm`;
if(-s "encode blocks" > 0 \&\& -s "decode blocks" > 0)
`time -f %U ./encode blocks $src tmp1 $mode 2>tm`;
(\$time,\$rest) = split(/\s+/,`more tm`);
`rm -f tm`;
`./mix blocks tmp1 tmp2 2>tm`;
`time -f %U ./decode blocks tmp2 $dest $mode 2>tm`;
# print STDERR "time -f %U ./decode blocks tmp2 $dest $mode 2>tm\n";
($time2,$rest)=split(/\s+/,`more tm`);
return $time+$time2;
}
else
{
return 1000;
if(fname = ~/\.java/)
`rm -f tm`;
`time -f %U java encode blocks $src tmp1 $mode 2>tm`;
(\$time,\$rest) = split(/\s+/,`more tm`);
`rm -f tm`;
`./mix blocks tmp1 tmp2 2>tm`;
`time -f %U java decode_blocks tmp2 $dest $mode 2>tm`;
(\$time2,\$rest) = split(/\s+/,`more tm`);
return $time+$time2;
if(fname = ~/\.py/)
`rm -f tm`;
`time -f %U python3 ./encode_blocks.py $src tmp1 $mode 2>tm`;
(\$time,\$rest) = split(/\s+/,`more tm`);
`rm -f tm`;
 ./mix blocks tmp1 tmp2 2>tm`;
`time -f %U python3 ./decode_blocks.py tmp2 $dest $mode 2>tm`;
(\$time2,\$rest) = split(/\s+/,`more tm`);
return $time+$time2;
if(fname = ~/\.c/)
`rm -f tm`;
if(-s "encode blocks" > 0 \&\& -s "decode blocks" > 0)
`time -f %U ./encode blocks $src tmp1 $mode 2>tm`;
(\$time,\$rest) = split(/\s+/,`more tm`);
`rm -f tm`;
./mix blocks tmp1 tmp2 2>tm`;
`time -f %U ./decode blocks tmp2 $dest $mode 2>tm`;
(\$time2,\$rest) = split(/\s+/,`more tm`);
return $time+$time2;
}
return 1000;
```

```
}
return 1000;
}
```

Принцип решения

Для решения необходимо было разбить файл на блоки и внутри каждого блока поставить его порядковый номер в файле. Например, можно было разбить исходный файл на блоки по 50 байт, а в оставшиеся 4 байта писать порядковый номер. Получившиеся блоки по 54 байта записывать. Получившийся файл получается примерно на 8% исходного. При сборке файла после прохождения перемешивающей программы надо было снова разбить файл на блоки по 54 байта, выделять из них номер блока и переставлять получившиеся 50-байтные куски по порядковым номерам блоков. Длину исходного файла можно было хранить в отдельном блоке (например в первом).

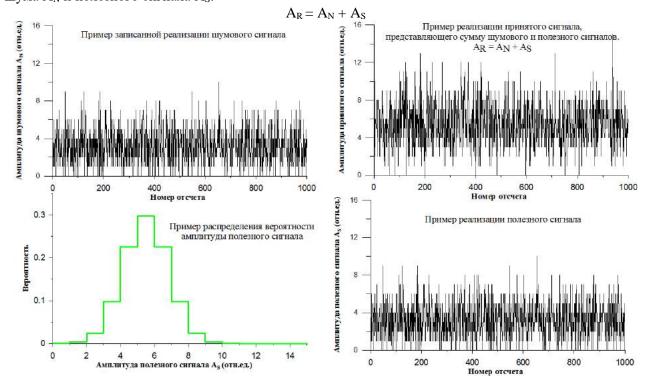
Для получения дополнительных баллов нужно было оптимизировать работу этой схемы по объему, например воспользоваться каким-то алгоритмом сжатия, проще всего - доступной библиотекой, например zlib. Таким образом, вы считываете файл в память, сжимаете его и после этого уже делите на блоки. После перемешивания снова делите не блоки, собираете их в нужном порядке и разжимаете получившиеся данные в файл. Можно было дополнительно аккуратно подобрать количество байт, требуемых для записи порядкового номера блока, оно зависит от максимального размера обрабатываемых файлов.

Задача 2.5. Максимальная оценка 35 баллов

Передача информации по нескольким каналам (теория вероятности)

Условие

Необходимо принять с некоторого удаленного объекта сообщение длиной М единиц. Для этого важно понять хватит ли для этого наших возможностей. В нашем распоряжении 5 каналов связи в каждом присутствует свой стационарный шум. Для анализа свойств шума в каждом канале была записана реализация шумового сигнала в N=1000 отсчетов. Также известно, что вероятность передачи данных (полезного сигнала) с удаленного объекта составляет 60%, т.е. 60% времени объект передает данные и 40% времени «молчит». Амплитуда полезного сигнала не постоянна, но для каждого канала известно распределение вероятности его амплитуды. В качестве иллюстрации на рисунке приведены: верхний левый - реализация шумового сигнала, нижний левый - распределение вероятности амплитуды полезного сигнала, нижний правый — пример реализации сигнала, соответствующий распределению на левом нижнем рисунке, правый верхний — пример принятого сигнала A_R , представляющего сумму шума A_N и полезного сигнала A_S :



Верхний левый рисунок — пример шумового сигнала, нижний левый рисунок — пример распределения вероятности амплитуды полезного сигнала, пример реализации сигнала, соответствующий распределению на левом нижнем рисунке, правый верхний — пример принятого сигнала, представляющего сумму шума и полезного сигнала.

Из рисунка видно, что сигналы в каналах очень слабые, таким образом, рассматривается задача обнаружения сигнала (есть сигнал/нет сигнала). Решение о том, что в принятом сигнале присутствует полезный сигнал, принимается на основе сравнения амплитуды принятого сигнала с пороговым уровнем, если амплитуда больше или равна порогу, считаем, что полезный сигнал присутствует и отсутствует в противном случае. Пороговый уровень должен быть таким, чтобы сумма вероятности пропуска сигнала и вероятности ложных тревог (вероятность превышения шумом порога) была минимальной.

Если использование только одного из представленных каналов не позволяет решить задачу, тогда нужно задействовать несколько каналов и принимать решение о наличии сигнала голосованием – при условии, что хотя бы в двух каналах сигнал выше порогового уровня, то принимаем решение полезный сигнал присутствует. Для каждого канала известна потребляемая мощность. При использовании нескольких каналов суммируется и их энергопотребление.

Таким образом, необходимо проанализировать представленные шумовые сигналы и гистограммы распределения полезного сигнала, определить пороговый уровень и принять решение о том, какие каналы нужно задействовать, для приема сообщения длинной M=50 с наименьшими энергетическими затратами, так чтобы с вероятностью 99% в сообщении было не более 2 ошибок.

Языки программирования - Python, C, C++, Java

Примеры работы программы решающей предлагаемую задачу присоединены.

Максимальное число баллов - за полностью верный ответ, включающий:

- 1. Правильно определены номера каналов, использование которых позволит решить задачу с наименьшими энергетическими затратами; (3 балла)
- 2. Правильно определены пороговые уровни выбранных каналов, перечисленных в пункте 1; (10 баллов)
- 3. Правильно определена вероятность верного обнаружения единичного сигнала, при использовании всех выбранных каналов, перечисленных в пункте 1 (данную вероятность необходимо определить с точность до 4-го знака); (15 баллов)
- 4. Правильно определена вероятность того, что с использованием выбранных каналов (пункт 1), сообщение длины М будет передано с не более чем 2 ошибками (данную вероятность необходимо определить с точность до 4-го знака); (5 баллов)
- 5. Правильно рассчитана энергия, необходимая для передачи единицы сообщения (суммарная энергия всех задействованных каналов). (2 балла)

Штрафы:

В пункте (3):

за ошибку в четвертом знаке снимается 5 баллов.

за ошибку в третьем знаке снимается 15 баллов.

В пункте (4):

за ошибку в четвертом знаке снимается 2 балла.

за ошибку в третьем знаке снимается 5 баллов.

Скорость выполнения программы - не более 10 секунд

Программа должна читать исходный файл со стандартного потока stdin и передавать решение на стандартный поток stdout

Описание формата входных и выходных данных для задачи:

Входные данные (input.dat)

5 – кол-во каналов;

50 – длина передаваемого сообщения;

2 – допустимое количество ошибок:

0.6 - вероятность передачи данных (полезного сигнала);

4.0296 5.0000 3.0038 5.0006 4.0272 – 5 чисел - затраты энергии на передачу сигнала в каждом канале; 15 – количество уровней сигнала;

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 – значение уровней сигнала;

Далее 5 строк - Распределения уровня сигнала в каждом каналах (вероятность встретить сигнал с данным уровнем в данном канале, строка 1 – распределение вероятности в 1 канале, 2-я строка – распределение во втором канале и т.д.)

1000 - Длина шумовой реализации

Далее 5 строк - Реализация шумового сигнала для каждого канала (строка 1- реализация, полученная в канале 1, срока – реализация, полученная в канале 2 и т.д.)

Выходные данные (output.dat)

4 – необходимое кол-во каналов;

0 1 2 4 - номера используемых каналов;

4 5 4 4 – пороговый уровень для каждого из выбранных каналов;

0.996471 — вероятность верного обнаружения единичного сигнала, при использовании всех выбранных каналов;

0.999239 - Вероятность того что сообщение длины 50 будет получено с не более чем 2 ошибками; 16.060588 - Необходимая энергия для передачи единицы сообщения (суммарная энергия всех задействованных каналов)

Алгоритм решения задачи

- 1. Для каждого канала строим гистограмму распределения шума. Интеграл, полученной гистограммы нормируем на единицу. Полученное распределение обозначим $P_{Ni}(u)$, I – номер канала $i \ni [1,5]$.
- 2. Для каждого канала на основе распределений сигнала и шума строим распределение "сигнал+шум" $P_{SNi}(u) = \int_0^u P_{Si}(v) P_{Ni}(u-v) dv$. В дальнейшем пороговый уровень будет определяться на основе $P_{Ni}(u)$ и $P_{SNi}(u)$.
- 3. Используем т. Байесса для того чтобы для каждого канала найти пороговый уровень u_{bi} , при котором минимизируется вероятность ложных тревог и вероятность пропуска.

$$q_i + n_i \rightarrow min$$

 $q_i + n_i o min$, $q_i = \int_0^{u_{bi}} P_{SNi}(u) du$ — вероятность пропуска сигнала, $p_i = 1 - q_i$; — вероятность верного определения сигнала в канале при данном пороговом уровне u_{bi} . $n_i = \int_{u_{bi}}^{\infty} P_{Ni}(u) du$ — вероятность ложной тревоги.

4. Находим вероятность правильного принятия решения о наличии сигнала, на основе, найденного порогового уровня.

Вероятность принятия правильного решения о наличии сигнала в канале: $P_i = \frac{p*p_i}{a*n_i+n*n_i}$, где р вероятность присутствия сигнала, q = 1-p.

5. Для каждого канала рассчитываем вероятность принятия сообщения из М отсчетов с не более чем двумя ошибками:

$$P_{Mi} = P_i^M + C_M^1 P_i^{M-1} (1 - P_i) + C_M^2 P_i^{M-2} (1 - P_i)^2$$

 $P_{Mi} = P_i^M + C_M^1 P_i^{M-1} (1-P_i) + C_M^2 P_i^{M-2} (1-P_i)^2$ 6. Если ни один из доступных каналов не обеспечивает $P_{Mi} > P_M$, тогда для приема используем несколько каналов, причем упорядочиваем их по убыванию и считаем, что если хотя бы в двух каналах сигнал превысит пороговый уровень, тогда принимаем решение о наличии сигнала, т.е. если рассматриваем три канала с вероятностями: Р1, Р2, Р3, тогда:

$$P_{123} = P_1 P_2 P_3 + P_1 P_2 (1 - P_3) + P_1 (1 - P_2) P_3 + (1 - P_1) P_2 P_3 = \sum_{j=1}^{3} \prod_{\substack{i=1 \ i \neq j}}^{3} P_i (1 - P_j)$$

далее, если P_{123} больше максимальной P_i , проверяем возможность приема сообщения длинной M с не ДВУМЯ

Если использование трех каналов не удовлетворяет данным требованиям, тогда подобным образом рассматриваем

$$P_{1234} = P_1 P_2 P_3 P_4 + \sum_{j=1}^{4} \prod_{\substack{i=1\\i\neq j}}^{4} P_i (1 - P_j) + \sum_{j=1}^{4} \sum_{\substack{k=1\\k\neq j}}^{4} \prod_{\substack{i=1\\i\neq k\\i\neq j}}^{4} P_i (1 - P_k) (1 - P_j).$$

Если использование пяти каналов не удовлетворяет данным требованиям, тогда подобным образом рассматриваем 5 канала, т.е.:

$$P_{12345} = P_1 P_2 P_3 P_4 P_5 + \sum_{j=1}^{5} \prod_{\substack{i=1\\i\neq j}}^{5} P_i (1 - P_j) + \sum_{j=1}^{5} \sum_{\substack{k=1\\k\neq j}}^{5} \prod_{\substack{i=1\\i\neq k}}^{5} P_i (1 - P_k) (1 - P_j)$$

$$+ \sum_{j=1}^{5} \sum_{\substack{k=1\\k\neq j}}^{5} \sum_{\substack{m=1\\m\neq k}}^{5} \prod_{\substack{i=1\\i\neq k\\i\neq j}}^{5} P_i (1 - P_m) (1 - P_k) (1 - P_j).$$

Если использование пяти каналов не удовлетворяет данным требованиям, тогда принимаем решение о том, что невозможно принять сообщение длинной М с не более чем двумя ошибками.

Решение на языке С:

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#include <string.h>
int K; //Количество каналов
int N;//размер тестового массива
int M;//Длина контрольного сообщения
int merr; //Допустимое количество битых символов
int n;//Фактическое количество уровней сигнала
int n2;//Количество уровней сигнала
double Ps; // Вероятность того что в данной единицы времени будет передан сигнал
double Pn:
double PT=0.99;//Требуемая вероятность правильного решения задачи
void Initialization(const char* inFileName,int **&ts,double
**&GistRaspSig, double *&E);
void Solution(int **&ts,double **&GistRaspSig,double *&E,const char
*rezFileName);
void GenGistRasp fromSig(int nn,double GistRasp[],int N,int sig[]);
void SumRasp(int nn,double Rasp1[],double Rasp2[],double Rasp12[]);
int BayesLimit(int nn,double GistRasp[],double GistRaspSig[]);
void VerUpPorog(int nn,int u,double RaspNoise[],double RaspSignal[],double
&pu, double &pl, double &pp);
void CalcP3chanal(int K, double pk[], int &K3, double **p3);
void CalcP4chanal(int K, double pk[], int &K4, double **p4);
void CalcP5chanal(int K, double pk[], int &K5, double **p5);
int fact(int n);
double power(double p,int n);
int Combination(int n,int k);
double CalcTotalP(double p,int Nerr,int M);
int Control_1_Chanal(double Pu[], double &P1, double &PTotal, double E[], int
u[],int NC[],char rez[]);
int Control 3 Chanal(double Pu[], double &P1, double &PTotal, double E[], int
u[],int NC[],char rez[]);
int Control_4_Chanal(double Pu[], double &P1, double &PTotal, double E[], int
u[],int NC[],char rez[]);
int Control_5_Chanal(double Pu[],double &P1,double &PTotal,double E[],int
u[],int NC[],char rez[]);
void AnalizSolution(FILE*output,int NControl,int NumberChanalControl[],int
PorogControl[], double PControl, double PtotalControl, double EControl);
int main(int argc, char** argv){
```

```
if (argc < 3){
            printf("Run: control.exe input.dat output.dat\n");
            return -1;
      const char* inFileName = argv[1]; //Входнойфайл
      const char* rezFileName = argv[2]; //Выходной файл, результаты анализа
      int **ts;//Реализация шумового сигнала для каждого канала
      double *E;//Требуемая энергия для приема одного отсчета в каждом канале
      double **GistRaspSig;//Гистограмма распределения полезного сигнала
      Initialization(inFileName,ts,GistRaspSig,E);//Чтениеданныхизфайла
inFileName
      Solution(ts,GistRaspSig,E,rezFileName);
      free(E);
      for(int i=0;i<K;i++) {</pre>
            free(ts[i]);
            free(GistRaspSig[i]);
      }
      free(ts);
      free(GistRaspSig);
      return 0;
void Solution(int **&ts,double **&GistRaspSig,double *&E,const char
*rezFileName) {
      FILE*output;
      double **GistRasp;//Гистограммараспределенияшума
      double **Rasp12;//Распределениесигнал + шум
      int *u= (int*)calloc(K, sizeof(int));//Порог
      double *pu = (double*)calloc(K, sizeof(double));//Вероятность правильного
выделения сигнала в смеси сигнал+шум
      double *pl = (double*)calloc(K, sizeof(double));//Вероятность ложных тревог
в отсутствие сигнала
      double *pp = (double*)calloc(K, sizeof(double));//Вероятность пропустить
сигнал в смеси сигнал+шум
      double *Pu = (double*)calloc(K, sizeof(double));//Вероятность правильного
выделения сигнала в ситуации, когда не известно есть сигнал или нет (в общем
случае)
      double *Pl = (double*)calloc(K, sizeof(double));//Вероятность ложных тревог
в отсутствие сигнала (в общем случае)
      GistRasp=(double**) calloc(K, sizeof(double*));
      Rasp12 = (double**)calloc(K, sizeof(double*));
      for(int i=0;i<K;i++){//Циклпоканалам
            GistRasp[i] = (double*) calloc(n2, sizeof(double));
      //Гистограммараспределенияшума
            Rasp12[i] = (double*) calloc(n2, sizeof(double));
//Гистограммараспределениясигнал+шум
//Блок подготовки к расчетам: определение порога и вероятности верного
определения единицы информации (начало)
      for(int i=0;i<K;i++){//Цикл по каналам
            GenGistRasp fromSig(n2,GistRasp[i],N,ts[i]);//Строим гистограмму для
шума по заданной реализации
            SumRasp(n2, GistRasp[i], GistRaspSig[i], Rasp12[i]);//Распределение
суммы сигнала и шума
           u[i] = BayesLimit(n2, GistRasp[i], Rasp12[i]);//Уровень сигнала, при
котором суммарная вероятность ложных тревог и пропуска сигнала минимальна
      VerUpPorog(n2,u[i],GistRasp[i],GistRaspSig[i],pu[i],pl[i],pp[i]);//pu -
вероятность верного определения т.е. уровень сигнала больше порога - и
            Pu[i]=pu[i]*Ps/(pu[i]*Ps + pl[i]*Pn);//Вероятность верного
определения с учетом вероятности появления сигнала Ps
            Pl[i]=pl[i]*Pn/(pu[i]*Ps + pl[i]*Pn);//Вероятность ложных тревог с
учетом вероятности отсутствия сигнала Pn
//Блок подготовки к расчетам: определение порога и вероятности верного
определения единицы информации (конец)
```

```
//Блокпроверкиканалов (начало)
      int (*ControlChanal[])(double [], double&, double&, double [], int [], int
[], char []) =
      {
            Control 1 Chanal, //Проверяем может ли с задачей справиться один
канал
            Control 3 Chanal, //Поиск группы из 3-х каналов, удовлетворяющих
условию задачи (если в каких либо двух из трех каналов порог превышен, то
считаем что сигнал есть)
            Control 4 Chanal, //Поиск группы из 4-х каналов, удовлетворяющих
условию задачи (если в каких либо двух из четырех каналов порог превышен, то
считаем что сигнал есть)
            Control 5 Chanal //Проверка того поможет ли использование всех 5
каналов решить задачу
      } ;
//Результаты анализа сохраняем в файле rezFileName
      output=fopen(rezFileName, "w");
      char str[1000];
      int NC[10] = \{0\};
      double PTotal, P1, Emin=0.0;
      int CC[10] = \{1, 3, 4, 5\};
      int i,nn=sizeof(ControlChanal)/sizeof(ControlChanal[0]);
      for(i=0;i<nn;i++)</pre>
            if(ControlChanal[i](Pu,P1,PTotal,E,u,NC,str)>0){
                  printf("the problem is solved!\n");
                  for(int j=0; j<CC[i]; j++)</pre>
                         Emin+=E[NC[j]];
                  AnalizSolution (output, CC[i], NC, u, P1, PTotal, Emin);
                  break;
            }
      if(i==nn) {
            printf("problem can not be solved\n");
            fprintf(output,"problem can not be solved\n");
      fclose(output);
}
void AnalizSolution(FILE*output,int NControl,int NumberChanalControl[],int
PorogControl[], double PControl, double PtotalControl, double EControl) {
      fprintf(output,"%d\n",NControl);
      for(int i=0;i<NControl;i++)</pre>
            fprintf(output,"%d ",NumberChanalControl[i]);
      fprintf(output,"\n");
      for(int i=0;i<NControl;i++)</pre>
            fprintf(output,"%d ",PorogControl[NumberChanalControl[i]]);
      fprintf(output,"\n");
      fprintf(output,"%lf\n",PControl);
      fprintf(output, "%lf\n", PtotalControl);
      fprintf(output,"%lf\n",EControl);
void GenGistRasp fromSig(int nn,double GistRasp[],int N,int sig[]) {
      for(int i=0;i<nn;i++)</pre>
            GistRasp[i]=0.0;
      for(int i=0;i<N;i++)</pre>
            GistRasp[sig[i]]++;
      for(int i=0;i<nn;i++)</pre>
            GistRasp[i]/=(double)N;
void SumRasp(int nn,double Rasp1[],double Rasp2[],double Rasp12[]) {
      for(int i=0;i<nn;i++)</pre>
            for (int j=0; j < nn; j++)
                  if(i+j<nn)
                         Rasp12[i+j]=0.0;
      for(int i=0;i<nn;i++){
```

```
for(int j=0; j<nn; j++) {</pre>
                   if(i+j<nn)</pre>
                          Rasp12[i+j]+=Rasp1[i]*Rasp2[j];
                   else
                         Rasp12[nn-1]+=Rasp1[i]*Rasp2[j];
             }
int BayesLimit(int nn,double GistRasp[],double GistRaspSig[]){
      int u,umin=0;
      double summin=10.0, sum;
      for(u=0;u<nn;u++){
             sum=0.0;
             for(int i=0;i<nn;i++)</pre>
                   sum+= (i<u? GistRaspSig[i] : GistRasp[i]);</pre>
             if(summin>sum){
                   summin=sum;
                   umin = u;
      return umin;
void VerUpPorog(int nn,int u,double RaspNoise[],double RaspSignal[],double
&p, double &pl, double &pp) {
      р=0.0; //Вероятность того, что нами действительно зарегистрирован сигнал
      for(int i=0;i<nn;i++) {</pre>
             for(int j=0;j<nn;j++) {</pre>
                   if(i+j>=u)
                         p+=RaspNoise[i]*RaspSignal[j];
             }
      }
            pp=0.0; //Вероятность пропустить сигнал, т.е. вероятность того что
суммарный сигнал окажется ниже порога
      for(int i=0;i<nn;i++) {</pre>
             for(int j=0;j<nn;j++) {</pre>
                   if(i+j< u)
                         pp+=RaspNoise[i]*RaspSignal[j];
             }
      pl=0.0;//Вероятность ложных тревог
      for(int i=u;i<nn;i++)</pre>
            pl+=RaspNoise[i];
int Control 1 Chanal (double Pu[], double &P1, double &PTotal, double E[], int
u[],int NC[],char rez[]){
      int i, j=0, I;
      double Ptotal, Emin;
      char ch[50];
      for(i=0;i<K;i++){
             Ptotal=CalcTotalP(Pu[i], merr, M);
             if(Ptotal>PT && (j==0 || E[i]<Emin)){</pre>
                   PTotal=Ptotal;
                   Emin=E[i];//Минимумэнергии
                   I=i;
                   j++;
             }
      if(j>0){
            NC[0]=I;
             P1=Pu[I];
             char temp[200];
             sprintf(rez,"Для приема собщения можно воспользоваться каналом: %d
\n", I);
             sprintf(temp, "Пороговый уровень: %d \n",u[I]); strcat(rez, temp);
```

```
sprintf(temp, "Вероятность того что верно будет обнаружен единичный
сигнал: %lf \n", Pu[I]); strcat(rez, temp);
            sprintf(temp, "Вероятность того что сообщение будет передано с не
более чем %d ошибками: %lf \n", merr, PTotal); strcat(rez, temp);
            sprintf(temp, "Необходимая энергия для передачи единицы сообщения:
%lf \n", E[I]); strcat(rez, temp);
      }
      return j;
}
int Control_3_Chanal(double Pu[], double &P1, double &PTotal, double E[], int
u[],int NC[],char rez[]){
      int I,i,j,K3;
      const int K32=K*K;
      int *nk = (int*)calloc(K32, sizeof(int));
      double Ptotal, Emin;
      double **p3 = (double **) calloc(4, sizeof(double *)); //Вероятность верного
определения единицы информации при совместном анализе каналов
      for (int i=0; i<4; i++)
            p3[i]=(double *)calloc(K32, sizeof(double));
      CalcP3chanal(K, Pu, K3, p3);
      for(i=0;i<K3;i++){
            Ptotal=CalcTotalP(p3[3][i], merr, M);
            if(Ptotal>PT \&\& (j==0 || E[(int)p3[0][i]] + E[(int)p3[1][i]] +
E[(int)p3[2][i]] < Emin)){
                  PTotal=Ptotal;
                  Emin=0;
                  for (int l=0; 1<3; 1++) {
                        nk[l] = (int)p3[l][i];
                        Emin+=E[nk[l]];
                  }
                  I=i;
                  j++;
            }
      }
      if(j>0){
            NC[0]=nk[0]; NC[1]=nk[1]; NC[2]=nk[2];
            P1=p3[3][I];
            char temp[200];
            sprintf(rez,"Для приема собщения можно воспользоваться каналами: %d
%d %d \n", nk[0], nk[1], nk[2]);
            sprintf(temp, "Соответствующие пороговые уровни: %d %d %d
\n",u[nk[0]],u[nk[1]],u[nk[2]]); strcat(rez,temp);
            sprintf(temp, "Вероятность того, что верно будет обнаружен единичный
сигнал: %lf n",p3[3][I]); strcat(rez,temp);
            sprintf(temp, "Вероятность того, что сообщение будет передано с не
более чем %d ошибками: %lf \n", merr, PTotal); strcat(rez, temp);
            sprintf(temp, "Необходимая энергия для приема единицы сообщения: %lf
\n",Emin); strcat(rez,temp);
      for (int i=0; i<4; i++)
            free(p3[i]);
      free (p3);
      return j;
int Control 4 Chanal(double Pu[], double &P1, double &PTotal, double E[], int
u[],int NC[],char rez[]){
      int I,i,j,K4;
      const int K42=K*K;
      int *nk = (int*)calloc(K42, sizeof(int));
      double Ptotal, Emin;
      double **p4 = (double **) calloc(5, sizeof(double *)); //Вероятность верного
определения единицы информации при совместном анализе каналов
```

```
for (int i=0; i<5; i++)
            p4[i]=(double *)calloc(K42,sizeof(double));
      CalcP4chanal(K, Pu, K4, p4);
      j=0;
      for(i=0;i<K4;i++){
            Ptotal=CalcTotalP(p4[4][i],merr,M);
            if(Ptotal>PT \&\& (j==0 || E[(int)p4[0][i]] + E[(int)p4[1][i]] +
E[(int)p4[2][i]] + E[(int)p4[3][i]] < Emin)){
                  PTotal=Ptotal;
                  Emin=0;
                  for (int l=0; l<4; l++) {
                        nk[1] = (int)p4[1][i];
                        Emin+=E[nk[l]];
                  }
                  I=i;
                  j++;
            }
      if(j>0){
            NC[0]=nk[0]; NC[1]=nk[1]; NC[2]=nk[2]; NC[3]=nk[3];
            P1=p4[4][I];
            char temp[200];
            sprintf(rez,"Для приема собщения можно воспользоваться каналами: %d
%d %d %d n, nk[0], nk[1], nk[2], nk[3]);
            sprintf(temp, "Соответствующие пороговые уровени: %d %d %d
%d\n",u[nk[0]],u[nk[1]],u[nk[2]],u[nk[3]]); strcat(rez,temp);
            sprintf(temp, "Вероятность того что верно будет обнаружен единичный
сигнал: %lf \n",p4[4][I]); strcat(rez,temp);
            sprintf(temp, "Вероятность того что сообщение будет передано с не
более чем %d ошибками: %lf \n", merr, PTotal); strcat(rez, temp);
            sprintf(temp, "Необходимая энергия для приема единицы сообщения: %lf
\n",Emin); strcat(rez,temp);
      for (int i=0; i<5; i++)
            free(p4[i]);
      free (p4);
      free (nk);
      return j;
int Control 5 Chanal(double Pu[], double &P1, double &PTotal, double E[], int
u[],int NC[],char rez[]){
      int I,i,j,K5;
      const int K52=K*K;
      int *nk = (int*)calloc(K52, sizeof(int));
      double Ptotal, Emin;
      double **p5 = (double **) calloc(6, sizeof(double *)); //Вероятность верного
определения единицы информации при совместном анализе каналов
      for (int i=0; i<6; i++)
            p5[i]=(double *)calloc(K52, sizeof(double));
      CalcP5chanal(K, Pu, K5, p5);
      j=0;
      for(i=0;i<K5;i++){
            Ptotal=CalcTotalP(p5[5][i],merr,M);
            if(Ptotal>PT \&\& (j==0 || E[(int)p5[0][i]] + E[(int)p5[1][i]] +
E[(int)p5[2][i]] + E[(int)p5[3][i]] + E[(int)p5[4][i]] < Emin)){
                  PTotal=Ptotal;
                  Emin=0:
                  for (int l=0; 1<5; 1++) {
                        nk[1] = (int)p5[1][i];
                        Emin+=E[nk[1]];
                  }
                  I=i;
                  j++;
            }
```

```
if(j>0){
            NC[0]=nk[0]; NC[1]=nk[1]; NC[2]=nk[2]; NC[3]=nk[3]; NC[4]=nk[4];
            P1=p5[5][I];
            char temp[200];
            sprintf(rez,"Для приема собщения можно воспользоваться каналами: %d
%d %d %d\n",nk[0],nk[1],nk[2],nk[3],nk[4]);
            sprintf(temp, "Соответствующие пороговые уровни: %d %d %d %d
d^n, u[nk[0]], u[nk[1]], u[nk[2]], u[nk[3]], u[nk[4]]); strcat(rez, temp);
            sprintf(temp, "Вероятность того что верно будет обнаружен единичный
сигнал: %lf n",p5[5][I]); strcat(rez,temp);
            sprintf(temp, "Вероятность того что сообщение будет передано с не
более чем %d ошибками: %lf \n", merr, PTotal); strcat(rez, temp);
            sprintf(temp,"Необходимая энергия для приема единицы сообщения: %lf
\n",Emin); strcat(rez,temp);
      for (int i=0; i<6; i++)
            free(p5[i]);
      free (p5);
      return j;
double CalcTotalP(double p,int Nerr,int M) {
      double P=0.0;
      for(int i=0;i<=Nerr;i++) {</pre>
            P+=Combination(M,i)*power(p,M-i)*power(1.0-p,i);
      return P;
}
double power(double p,int n) {
      if (n==0) return 1.0;
      else if (n%2==0)
                  return power (p, n/2) *power (p, n/2);
             else
                  return p*power(p,n-1);
}
int fact(int n) {
      if (n==0) return 1;
      else return n*fact(n-1);
int Combination(int n, int k) {
      int x=1;
      for (int i=0; i < k; i++)
            x*=(n-i);
      x/=fact(k);
      return x;
void CalcP3chanal(int K, double pk[], int &K3, double **p3) {
      int n=0;
      K3=K*(K-1)*(K-2)/6;
      for (int i=0; i<K; i++)
            for(int j=i+1; j<K; j++)</pre>
                   for (int k=j+1; k < K; k++) {
                         p3[0][n]=i;
                         p3[1][n]=j;
                         p3[2][n]=k;
                         p3[3][n]=pk[i]*pk[j]*pk[k]+pk[i]*pk[j]*(1.0-
pk[k])+pk[i]*(1.0-pk[j])*pk[k]+(1.0-pk[i])*pk[j]*pk[k];
                         n++;
void CalcP4chanal(int K,double pk[],int &K4,double **p4) {
      int n=0;
      K4=K*(K-1)*(K-2)*(K-3)/24;
```

```
for (int i=0; i < K; i++)
            for(int j=i+1;j<K;j++)</pre>
                   for(int l=j+1; l<K; l++)
                         for (int k=1+1; k < K; k++) {
                               p4[0][n]=i;
                               p4[1][n]=j;
                               p4[2][n]=1;
                               p4[3][n]=k;
                               p4[4][n]=pk[i]*pk[j]*pk[l]*pk[k]+ //4
                                             pk[i]*pk[j]*pk[l]*(1.0-pk[k])+ //3
                                             pk[i]*pk[j]*(1.0-pk[l])*pk[k]+ //3
                                             pk[i]*(1.0-pk[j])*pk[l]*pk[k]+ //3
                                             (1.0-pk[i])*pk[j]*pk[l]*pk[k]+ //3
                                             pk[i]*pk[j]*(1.0-pk[l])*(1.0-pk[k])+
//2
                                             pk[i]*(1.0-pk[j])*pk[l]*(1.0-pk[k])+
//2
                                             (1.0-pk[i])*pk[j]*pk[l]*(1.0-pk[k])+
//2
                                             pk[i]*(1.0-pk[j])*(1.0-pk[l])*pk[k]+
//2
                                             (1.0-pk[i])*pk[j]*(1.0-pk[l])*pk[k]+
//2
                                             (1.0-pk[i])*(1.0-pk[j])*pk[l]*pk[k];
//2
                               n++;
//
      printf("K4=%d\n",n);
void CalcP5chanal(int K,double pk[],int &K4,double **p5) {
      int n=0:
      K4=K*(K-1)*(K-2)*(K-3)/24;
      for (int i=0; i<K; i++)
            for(int j=i+1; j<K; j++)</pre>
                   for(int l=j+1; l<K; l++)
                         for (int k=l+1; k<K; k++)
                               for (int m=k+1; m < K; m++) {
                                     p5[0][n]=i;
                                     p5[1][n]=j;
                                     p5[2][n]=1;
                                     p5[3][n]=k;
                                     p5[4][n]=m;
                                     p5[5][n]=pk[i]*pk[j]*pk[l]*pk[k]*pk[m]
//5
                                                   pk[i]*pk[j]*pk[l]*pk[k]*(1.0-
pk[m]) + //4
                                                   pk[i]*pk[j]*pk[l]*(1.0-
pk[k])*pk[m]+ //4
                                                   pk[i]*pk[j]*(1.0-
pk[1])*pk[k]*pk[m]+ //4
                                                   pk[i]*(1.0-
pk[j])*pk[l]*pk[k]*pk[m]+ //4
                                                   (1.0 -
pk[i])*pk[j]*pk[l]*pk[k]*pk[m]+ //4
                                                   pk[i]*pk[j]*pk[l]*(1.0-
pk[k])*(1.0-pk[m])+ //3
                                                   pk[i]*pk[j]*(1.0-
pk[1])*pk[k]*(1.0-pk[m])+ //3
                                                   pk[i]*(1.0-
pk[j])*pk[l]*pk[k]*(1.0-pk[m])+ //3
                                                   (1.0 -
pk[i])*pk[j]*pk[l]*pk[k]*(1.0-pk[m])+ //3
                                                   pk[i]*pk[j]*(1.0-pk[l])*(1.0-
pk[k])*pk[m] + //3
```

```
pk[i]*(1.0-pk[i])*pk[l]*(1.0-
pk[k])*pk[m]+ //3
                                                   (1.0-pk[i])*pk[j]*pk[l]*(1.0-
pk[k])*pk[m]+ //3
                                                  pk[i]*(1.0-pk[j])*(1.0-
pk[1])*pk[k]*pk[m]+ //3
                                                   (1.0-pk[i])*pk[j]*(1.0-
pk[1])*pk[k]*pk[m]+ //3
                                                   (1.0-pk[i])*(1.0-
pk[j])*pk[l]*pk[k]*pk[m]+ //3
                                                   (1.0-pk[i])*(1.0-pk[j])*(1.0-
pk[1])*pk[k]*pk[m]+ //2
                                                   (1.0-pk[i])*(1.0-
pk[j])*pk[l]*(1.0-pk[k])*pk[m]+ //2
                                                   (1.0-pk[i])*pk[j]*(1.0-
pk[1])*(1.0-pk[k])*pk[m]+ //2
                                                  pk[i]*(1.0-pk[j])*(1.0-
pk[1])*(1.0-pk[k])*pk[m]+ //2
                                                   (1.0-pk[i])*(1.0-
pk[j])*pk[l]*pk[k]*(1.0-pk[m])+ //2
                                                   (1.0-pk[i])*pk[j]*(1.0-
pk[1])*pk[k]*(1.0-pk[m])+ //2
                                                  pk[i]*(1.0-pk[j])*(1.0-
pk[1])*pk[k]*(1.0-pk[m])+ //2
                                                   (1.0-pk[i])*pk[j]*pk[l]*(1.0-
pk[k])*(1.0-pk[m])+ //2
                                                  pk[i]*(1.0-pk[j])*pk[l]*(1.0-
pk[k])*(1.0-pk[m])+ //2
                                                  pk[i]*pk[j]*(1.0-pk[l])*(1.0-
pk[k])*(1.0-pk[m]); //2
                                     n++;
                         }
}
void Initialization(const char* inFileName,int **&ts,double
**&GistRaspSig,double*&E) {
      FILE*input;
      double *m, *cko;
      double *GistRasp;
      int **rez;
      input=fopen(inFileName, "r");
      fscanf(input,"%d",&K);
      fscanf(input,"%d",&M);
      fscanf(input,"%d",&merr);
      fscanf(input,"%lf",&Ps);
      Pn=1.0-Ps;
      E=(double*)calloc(K, sizeof(double));
      for (int i=0; i < K; i++)
            fscanf(input,"%lf ",&E[i]);
      fscanf(input,"%d",&n2);
      for(int i=0;i<n2;i++)</pre>
            fscanf(input, "%d", &i);
      GistRaspSig = (double**)calloc(K, sizeof(double*));
      for (int i=0; i<K; i++)
            GistRaspSig[i] = (double*) calloc (n2, sizeof (double));
      for (int i=0; i < K; i++)
            for(int j=0;j<n2;j++)
                  fscanf(input,"%lf",&GistRaspSig[i][j]);
      fscanf(input,"%d\n",&N);
      ts=(int**)calloc(K, sizeof(int*));
      rez=(int**)calloc(K, sizeof(int*));
      for(int i=0;i<K;i++) {</pre>
            ts[i] = (int*)calloc(N, sizeof(int));
            rez[i] = (int*)calloc(N, sizeof(int));
      }
```

В таблице приведены номера задач второго этапа, элементы решения которых или полученное в результате решения понимание могут быть использованы для решения командных задач финала.

№ задачи 2-го этапа	Знания и навыки, на выявление и развитие которых направлена задача	№ задачи на командном туре в финале, в которой применимо
1	Нацелена на выявление и развитие навыков математического моделирования.	4,5
	Для решения задачи необходимы разделы информатики посвященные следующим темам: работа с матрицами, обработка простых массивов данных, перевод графической информации в бинарный файл, работа с бинарными файлами.	
	Для решения задачи необходимы разделы математики посвященные следующим темам: алгебраическая запись декартовой метрики для плоскости.	
2	Нацелена на выявление и развитие алгоритмического мышления, на понимание того, что такое ошибка передачи, когда она может быть восстановлена и когда не может.	2, 5
	Для решения задачи необходимы разделы информатики посвященные следующим темам: делимость чисел, алгоритмы перебора на определение делимости чисел, алгоритмы на определение однократной ошибки.	
	Для решения задачи необходимы разделы математики посвященные следующим темам: теория чисел , простые числа , делимость.	
3	Нацелена на развитие навыков математического моделирования, аппроксимации функций и решению обратных задач.	3, 5
	Для решения задачи необходимы разделы информатики посвященные следующим темам: способность работать с рядами данных, умение использовать преобразование Фурье, умение анализировать параметры длинного числового ряда, а также эффективно работать с алгебраической задачей.	

	Для решения задачи необходимы разделы математики посвященные следующим темам: работа с тригонометрическими функциями (способность записать сумму тригонометрических функций с учетом фазового сдвига), работа со спектрами функций (метод материалы трека), параметрическая задача из планиметрии (объекты движутся)	
4	Нацелена на выявление развитие алгоритмического мышления и развитие навыков по передачи информации в каналах с существенными потерями данных. Для решения задачи необходимы разделы информатики посвященные следующим темам: работа с массивами данных, работы с чтением/записью файлов, работа с организацией стека памяти	1, 2, 5
	Для решения задачи необходимы разделы математики посвященные следующим темам: теория чисел	
5	Нацелена на развитие навыков работы со статистикой и теорией вероятности, на понимание таких важных понятий как отношение сигнала/шум, условная вероятность, независимые и зависимые события.	2, 5
	Требует в основном факультативных знаний, доступных школьнику. Материалы по данным разделам представлены в методических материалах к треку.	
	Для решения задачи необходимы разделы информатики посвященные следующим темам: методы численного корреляционного анализа	
	Для решения задачи необходимы разделы математики посвященные следующим темам: теория информации, теория вероятности, теория случайного сигнала	