

10 класс

11. Найдите param1 всех корней уравнения param2.

param1	param2	Ответ
сумму	$2^{3x^2-6} - 4 \cdot 2^{(x+2)^2} + 2^{2x(x+1)} - 2^{6(x+2)} = 0$	
сумму	$3^{3x^2-2} - 3^{x(x+6)} + 3^{x(2x+3)} - 9 \cdot 27^{3x} = 0$	
сумму	$5^{3x^2-4} - 5^{x(x+2)} + 5^{(x-1)(2x+3)} - 5 \cdot 125^x = 0$	
произведение	$2^{3x^2-1} - 64 \cdot 2^{(x+1)^2} + 2^{2x^2+x-1} - 128 \cdot 8^x = 0$	
произведение	$3^{3x^2-2} - 3^{x(x+2)} + \frac{1}{9} \cdot 3^{x(2x+1)} - 27^x = 0$	

12. Вася выписал все такие числа x , для которых оба числа $x + \frac{1}{x}$ и param1 являются целыми. Найдите сумму квадратов чисел, выписанных Васей.

param1	Ответ
$x(x - 7)$	
$x(x - 8)$	
$x(x - 9)$	
$x(x - 10)$	

13. Найдите **наименьшее** натуральное n такое, что param1.

param1	Ответ
$\sin(n^\circ + 80^\circ) + \sin(n^\circ - 40^\circ) + \sin(n^\circ + 70^\circ) - \cos(25^\circ) = 0$	
$\cos(n^\circ + 20^\circ) - \cos(n^\circ + 80^\circ) - \sin(n^\circ + 80^\circ) + \sin(15^\circ) = 0$	
$\sin(n^\circ + 100^\circ) + \sin(n^\circ - 20^\circ) + \sin(n^\circ + 50^\circ) + \cos(5^\circ) = 0$	
$\cos(n^\circ - 50^\circ) - \cos(n^\circ + 10^\circ) - \sin(n^\circ + 130^\circ) - \sin(75^\circ) = 0$	

14. Уравнение param1 имеет решение $x_0 = a + b$. Какое **наибольшее** значение может принимать произведение ab ?

param1	Ответ
$(2x + a)(2x + b) = 28$	
$(3x + a)(3x + b) = 49$	
$(2x + a)(2x + b) = 22$	
$(4x + a)(4x + b) = 81$	

15. Среди первых ста членов арифметической прогрессии с положительной разностью есть числа param1. Найдите **наименьшее** возможное значение param2 члена прогрессии.

param1	param2	Ответ
$\frac{13}{6}, \frac{75}{2}$ и $\frac{389}{6}$	второго	

$\frac{9}{2}, \frac{177}{4}$ и $\frac{249}{4}$	третьего	
$\frac{1}{2}, \frac{99}{10}$ и $\frac{177}{10}$	третьего	
$\frac{11}{2}, \frac{213}{14}$ и $\frac{541}{14}$	седьмого	

16. Дан клетчатый прямоугольник размера $param1$. Сколькими способами его можно разрезать на клетчатые прямоугольники размера 1×2 и 1×7 ?

$param1$	Ответ
1×60	
1×61	
1×62	
1×58	
1×59	

17. Из концов диаметра AB окружности Ω проведены хорды AC и BD . Эти хорды пересекаются в точке M . Известно, что величина $AC \cdot AM + BD \cdot BM$ равна $param1$, а косинус угла AMB равен $param2$. Какое **наибольшее** значение может принимать произведение $AM \cdot BM$?

$param1$	$param2$	ответ
9	-0,2	
196	-0,4	
16	-0,6	
169	-0,3	
1156	-0,7	

18. Для каждого натурального n , не являющегося точным квадратом, вычисляется количество значений переменной x , для которых оба числа $x + \sqrt{n}$ и $x^2 + param1 \cdot \sqrt{n}$ являются натуральными, меньшими $param2$. Найдите общее количество таких значений x .

$param1$	$param2$	ответ
18	200	
20	210	
22	250	
24	300	
26	330	

19. В четырёхугольнике $ABCD$, в котором $BA=BC$ и $DA=DC$, продолжения сторон BA и CD пересекаются в точке N , а продолжения сторон BC и AD – в точке M . Известно, что разность длин двух сторон четырёхугольника $ABCD$ равна радиусу вписанной в этот четырёхугольник окружности. Найдите длину отрезка $param1$, если $param2$.

$param1$	$param2$	Ответ
BD	$MN = 9$	
BD	$MN = 13$	

MN	$BD = 7$	
MN	$BD = 11$	

20. Найдите param1 при условии param2.

param1	param2	Ответ
максимум $2x + y$	$ 4x - 3y + 5\sqrt{x^2 + y^2 - 20y + 100} = 30$	
максимум $x + 2y$	$ 4y - 3x + 5\sqrt{x^2 + y^2 + 20y + 100} = 40$	
максимум $2y - x$	$ 4y + 3x + 5\sqrt{x^2 + y^2 + 10x + 25} = 15$	
максимум $x - 5y$	$ 5x - 12y + 13\sqrt{x^2 + y^2 - 26y + 169} = 156$	
минимум $y - 5x$	$ 5y - 12x + 13\sqrt{x^2 + y^2 + 26x + 169} = 156$	