## 10класс

- **10.1**. Даны две квадратичные функции  $f(x) = ax^2 + bx + c$  и  $g(x) = cx^2 + bx + a$ . Оказалось, что функция f(x) + g(x) имеет единственный корень. Докажите, что функции f(x) и g(x) имеют общий корень.
- **10.2**. Докажите, что в любом пифагоровом треугольнике есть сторона, длина которой делится на 5 (пифагоров треугольник это прямоугольный треугольник с целыми сторонами).
- **10.3**. 14 теннисистов сыграли в однокруговом турнире (каждый игрок сыграл с каждым одну партию). Докажите, что найдутся такие три игрока, что каждый из остальных 11 игроков проиграл хотя бы одному из этой тройки. (Ничьих в теннисе не бывает).
- **10.4**.На стороне AD выпуклого четырёхугольника ABCD отмечена точка O . Оказалось, что AO=BO, CO=OD и  $\angle BOA=\angle COD$  . Пусть E точка пересечения диагоналей четырёхугольника. Докажите, что EO биссектриса угла AED.
- **10.5**. Дан выпуклый 37-угольник, у которого все углы выражаются целым числом градусов. Докажите, что среди углов имеются хотя бы три одинаковых.