

*Задача 1 (разминочная) оценивается в 10 баллов,*

*задачи 2 – 6 оцениваются в 18 баллов каждая.*

*Таким образом, максимально возможная сумма равна  $10 + 5 \times 18 = 100$  баллов.*

1. 1. Автомобиль с грузом ехал из одного города в другой со скоростью 60 км/ч, а возвращался порожняком со скоростью 90 км/ч. Найдите среднюю скорость автомобиля на всем маршруте. Ответ дайте в километрах в час, при необходимости округлив его до ближайшего целого.
  
1. 2. Автомобиль с грузом ехал из одного города в другой со скоростью 60 км/ч, а возвращался порожняком со скоростью 100 км/ч. Найдите среднюю скорость автомобиля на всем маршруте. Ответ дайте в километрах в час, при необходимости округлив его до ближайшего целого.
  
1. 3. Автомобиль с грузом ехал из одного города в другой со скоростью 80 км/ч, а возвращался порожняком со скоростью 120 км/ч. Найдите среднюю скорость автомобиля на всем маршруте. Ответ дайте в километрах в час, при необходимости округлив его до ближайшего целого.
  
1. 4. Автомобиль с грузом ехал из одного города в другой со скоростью 40 км/ч, а возвращался порожняком со скоростью 60 км/ч. Найдите среднюю скорость автомобиля на всем маршруте. Ответ дайте в километрах в час, при необходимости округлив его до ближайшего целого.

2.1. Металлическая гиря имеет массу 20 кг и является сплавом четырех металлов.

Первого металла в этом сплаве в полтора раза больше, чем второго, масса второго металла относится к массе третьего как 3 : 4, а масса третьего к массе четвертого – как 5 : 6. Определите массу четвертого металла. Ответ дайте в килограммах, при необходимости округлив его до сотых.

2.2. Металлическая гиря имеет массу 25 кг и является сплавом четырех металлов.

Первого металла в этом сплаве в полтора раза больше, чем второго, масса второго металла относится к массе третьего как 3 : 4, а масса третьего к массе четвертого – как 5 : 6. Определите массу четвертого металла. Ответ дайте в килограммах, при необходимости округлив его до сотых.

2.3. Металлическая гиря имеет массу 35 кг и является сплавом четырех металлов.

Первого металла в этом сплаве в полтора раза больше, чем второго, масса второго металла относится к массе третьего как 3 : 4, а масса третьего к массе четвертого – как 5 : 6. Определите массу четвертого металла. Ответ дайте в килограммах, при необходимости округлив его до сотых.

2.4. Металлическая гиря имеет массу 20 кг и является сплавом четырех металлов.

Первого металла в этом сплаве в полтора раза больше, чем второго, масса второго металла относится к массе третьего как 3 : 4, а масса третьего к массе четвертого – как 5 : 6. Определите массу третьего металла. Ответ дайте в килограммах, при необходимости округлив его до сотых.

2.5. Металлическая гиря имеет массу 25 кг и является сплавом четырех металлов.

Первого металла в этом сплаве в полтора раза больше, чем второго, масса второго металла относится к массе третьего как 3 : 4, а масса третьего к массе четвертого – как 5 : 6. Определите массу третьего металла. Ответ дайте в килограммах, при необходимости округлив его до сотых.

2.6. Металлическая гиря имеет массу 35 кг и является сплавом четырех металлов.

Первого металла в этом сплаве в полтора раза больше, чем второго, масса второго металла относится к массе третьего как 3 : 4, а масса третьего к массе четвертого – как 5 : 6. Определите массу третьего металла. Ответ дайте в килограммах, при необходимости округлив его до сотых.

3.1. Из городов *A* и *B*, расстояние между которыми 240 км, одновременно навстречу друг другу выехали два автомобиля со скоростями 60 км/ч и 80 км/ч. На каком расстоянии от находящегося на полпути между *A* и *B* пункта *C* встретятся автомобили? Ответ дайте в километрах, при необходимости округлив его до сотых.

3.2. Из городов *A* и *B*, расстояние между которыми 220 км, одновременно навстречу друг другу выехали два автомобиля со скоростями 60 км/ч и 80 км/ч. На каком расстоянии от находящегося на полпути между *A* и *B* пункта *C* встретятся автомобили? Ответ дайте в километрах, при необходимости округлив его до сотых.

3.3. Из городов *A* и *B*, расстояние между которыми 250 км, одновременно навстречу друг другу выехали два автомобиля со скоростями 50 км/ч и 90

км/ч. На каком расстоянии от находящегося на полпути между *A* и *B* пункта *C* встретятся автомобили? Ответ дайте в километрах, при необходимости округлив его до сотых.

3.4. Из городов *A* и *B*, расстояние между которыми 240 км, одновременно навстречу друг другу выехали два автомобиля со скоростями 50 км/ч и 90 км/ч. На каком расстоянии от находящегося на полпути между *A* и *B* пункта *C* встретятся автомобили? Ответ дайте в километрах, при необходимости округлив его до сотых.

3.5. Из городов *A* и *B*, расстояние между которыми 235 км, одновременно навстречу друг другу выехали два автомобиля со скоростями 70 км/ч и 90 км/ч. На каком расстоянии от находящегося на полпути между *A* и *B* пункта *C* встретятся автомобили? Ответ дайте в километрах, при необходимости округлив его до сотых.

3.6. Из городов *A* и *B*, расстояние между которыми 245 км, одновременно навстречу друг другу выехали два автомобиля со скоростями 70 км/ч и 90 км/ч. На каком расстоянии от находящегося на полпути между *A* и *B* пункта *C* встретятся автомобили? Ответ дайте в километрах, при необходимости округлив его до сотых.

4.1. Автомобиль новой модели на одном литре бензина проходит на 4,2 километра больше, чем автомобиль старой модели. При этом расход бензина на 100 км у него на 2 литра меньше. Сколько литров бензина на 100 км расходует новый автомобиль? Ответ при необходимости округлите до сотых.

4.2. Автомобиль новой модели на одном литре бензина проходит на 4,2 километра больше, чем автомобиль старой модели. При этом расход бензина на 100 км у него на 2 литра меньше. Сколько литров бензина на 100 км расходовал автомобиль старой модели? Ответ при необходимости округлите до сотых.

4.3. Автомобиль новой модели на одном литре бензина проходит на 4,4 километра больше, чем автомобиль старой модели. При этом расход бензина на 100 км у него на 2 литра меньше. Сколько литров бензина на 100 км расходует новый автомобиль? Ответ при необходимости округлите до сотых.

4.4. Автомобиль новой модели на одном литре бензина проходит на 4,4 километра больше, чем автомобиль старой модели. При этом расход бензина на 100 км у него на 2 литра меньше. Сколько литров бензина на 100 км расходовал автомобиль старой модели? Ответ при необходимости округлите до сотых.

5.1. Два школьника – Гаврила и Глафира – 1 ноября 2019 года ровно в полдень поставили точно свои часы (у обоих школьников стандартные часы, стрелки которых делают полный оборот за 12 часов). Известно, что часы Глафиры спешат на 36 секунд в сутки, а часы Гаврилы отстают на 18 секунд в сутки. Через сколько суток их часы вновь одновременно покажут точное время? Ответ дайте в виде целого числа, при необходимости округлив его.

5.2. Два школьника – Гаврила и Глафира – 1 ноября 2019 года ровно в полдень поставили точно свои часы (у обоих школьников стандартные часы, стрелки

которых делают полный оборот за 12 часов). Известно, что часы Глафиры спешат на 12 секунд в сутки, а часы Гаврилы отстают на 18 секунд в сутки. Через сколько суток их часы вновь одновременно покажут точное время? Ответ дайте в виде целого числа, при необходимости округлив его.

- 6.1. В поле стоят два дерева: осина – высотой 20 метров, и береза – высотой 30 метров. Расстояние между деревьями – 50 метров. На верхушке каждого дерева сидит ворона. Найдите для сыра такое место на земле, чтобы сумма двух расстояний, которые вороны пролетают от места их дислокации до сыра, была минимальной. Чему равна эта сумма (в метрах)? Ответ при необходимости округлите до сотых.
- 6.2. В поле стоят два дерева: осина – высотой 10 метров, и береза – высотой 15 метров. Расстояние между деревьями – 25 метров. На верхушке каждого дерева сидит ворона. Найдите для сыра такое место на земле, чтобы сумма двух расстояний, которые вороны пролетают от места их дислокации до сыра, была минимальной. Чему равна эта сумма (в метрах)? Ответ при необходимости округлите до сотых.