

1. Для шифрования сообщения использовалось устройство из трёх последовательно зацепленных шестерёнок с 5, 30 и 6 зубцами (рис.1). На зубцах первой шестерёнки записаны цифры от 1 до 5, а на третьей – от 1 до 6. На второй шестерёнке также по часовой стрелке записан тридцатибуквенный алфавит: **АБВГДЕЖЗИКЛМНОРСТУФХЧШЫЭЮЯ**. Для каждой шестерёнки выделено окошко (на рис.1 оно изображено квадратиком), в котором видна лишь одна буква или цифра. Сообщение шифровалось побуквенно: вторая шестерёнка вращалась по часовой стрелке, пока в окошке не появится первая буква сообщения. Затем выписывалась пара цифр, открывшихся в окошках первой и третьей шестерёнок. Далее продолжали вращать вторую шестерёнку до появления второй буквы сообщения, выписывали пару цифр из окошек и т. д. Так для случая, приведенного на рис.1, буква **Б** заменяется парой **52** (подчеркнем, что рисунок лишь поясняет принцип работы устройства, и на самом деле букве **Б** может соответствовать другая пара цифр). Начальное взаимное расположение шестерёнок неизвестно. Найдите по известным выписанным парам цифр

**11 55 16 53 21 16 31 15 52 14 16 44 46**

какое сообщение было зашифровано (пробелы в тексте сохранены).

2. Для шифрования передаваемых сообщений Катя и Юра используют следующий способ. Юра заранее выбрал набор коэффициентов  $(2, 5, 8, 16)$ , натуральное число  $u$  и сообщил их Кате. Для шифрования сообщения  $(x_1, x_2, x_3, x_4)$ , состоящего из нулей и единиц, Катя вычисляет сумму  $S = 2x_1 + 5x_2 + 8x_3 + 16x_4$ , а затем находит остаток  $S'$  от деления произведения  $Su$  на 32 и отсылает  $S'$  Юре. Помогите Юре расшифровать сообщение  $S' = 11$ , то есть найти соответствующую ему строку  $(x_1, x_2, x_3, x_4)$ , если известно, что остаток от деления числа  $7u$  на 32 равен 1.

3. Когда число городов в Криптоландии достигло  $4^4$ , власти решили провести территориальную реформу, создав 4 провинции по  $4^3$  городов в каждой. В качестве названий городам планировалось присвоить различные обозначения  $(a_1, \dots, a_4)$  – наборы из 4-х целых чисел, в которых  $a_i$  принимают значения от 0 до 3. При этом обозначения каждой пары городов из одной провинции должны были отличаться не менее чем в двух позициях. Укажите какой-либо способ построения такой системы названий.

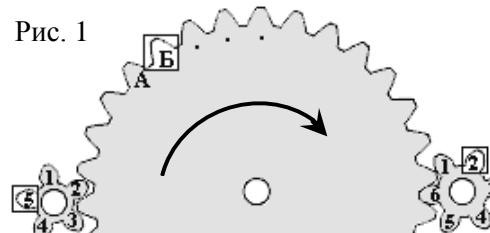


Рис. 1

4. Для шифрования SMS-сообщений использовался следующий способ. Первоначально каждый пробел в исходном сообщении заменялся некоторым трёхбуквенным словом. Затем полученная цепочка букв набиралась на клавиатуре с использованием интеллектуального ввода (по типу Т9). При этом при вводе каждой буквы осуществлялось лишь однократное нажатие соответствующей клавиши (рис.2), а программа интеллектуального ввода выбирала слово из словаря по следующему принципу: 1-я буква слова выбиралась с 1-й нажатой клавиши, 2-я – со второй и т.д. Полученные таким образом осмыслиенные слова разделялись запятыми и передавались. Найдите исходное сообщение, соответствующее написанному на экране (рис.2).

Рис. 2

ГРОЗУ,
СДУЕТ, НЕВО,
СМЕНА
- АБВД ДЕЖЗ
ИКЛ МНОП РСТУ
ФХЧЩЫ ЪЭЮЯ

<b>А</b>	(0,0,0,0,0,0)	<b>Е</b>	(0,1,1,0,1,0,0)	<b>Р</b>	(1,1,0,1,0,0,0)	<b>Х</b>	(1,0,1,1,1,0,0)
<b>В</b>	(1,1,1,0,0,0,1)	<b>И</b>	(1,0,0,0,1,0,1)	<b>С</b>	(0,0,1,1,0,0,1)	<b>Ч</b>	(0,1,0,1,1,0,1)
<b>Г</b>	(1,0,1,0,0,1,0)	<b>М</b>	(1,1,0,0,1,1,0)	<b>Т</b>	(0,1,1,1,0,1,0)	<b>Ы</b>	(0,0,0,1,1,1,0)
<b>Д</b>	(0,1,0,0,0,1,1)	<b>О</b>	(0,0,1,0,1,1,1)	<b>Ү</b>	(1,0,0,1,0,1,1)	<b>Я</b>	(1,1,1,1,1,1,1)

Табл. 1

Из-за помех некоторые биты исказились, но не более двух в одном наборе. Определите, какое сообщение отправил крокодил Гена, если Чебурашка получил:  $(1,0,0,1,0,1,1) (0,1,0,0,0,1,1) (0,0,1,0,0,0,0) (1,1,0,1,0,0,0) (1,0,1,0,1,1,0) (0,0,0,0,0,0,0)$   $(0,0,1,1,0,0,0) (0,1,1,1,0,1,0) (0,0,1,0,1,0,0) (1,1,0,1,0,0,0) (0,0,0,0,0,0,1) (1,0,1,1,0,0,0)$   $(0,1,1,1,0,1,0) (0,0,1,0,1,1,0) (1,0,0,0,1,0,1) (0,1,1,0,0,1,0) (0,1,1,1,0,1,0) (1,0,0,1,1,1,0)$   $(0,0,1,1,0,0,1) (1,1,1,0,1,1,1) (0,1,0,1,1,0,1) (1,0,0,0,0,0,1) (0,1,0,0,0,1,1) (1,1,0,1,0,1,1)$   $(1,0,0,1,0,1,1) (1,0,1,0,0,0,0) (1,0,0,0,1,0,1) (1,0,1,1,1,0,0) (1,0,0,0,0,1,0) (0,1,0,0,0,1,1)$   $(1,0,0,0,0,1,0) (1,1,0,1,0,0,0) (0,0,0,0,1,1,1) (1,0,0,0,0,0,1)$ .

6. Милла и Стелла разговаривают по телефону и хотят выбрать секретное число так, чтобы оно осталось неизвестным постороннему, возможно подслушивающему разговор. Для этого Милла подбирает натуральное число  $a \leq 256$  такое, что числа  $r_{257}(a^i)$  – различны при всех  $1 \leq i \leq 256$  и  $r_{257}(a^{256}) = 1$ , где  $r_{257}(t)$  – остаток от деления числа  $t$  на 257. Затем Милла загадывает натуральное число  $x \leq 256$ , а Стелла – натуральное число  $y \leq 256$ . После этого Милла сообщает числа  $a$  и  $r_{257}(a^x)$  Стелле, а Стелла ей – число  $r_{257}(a^y)$ . Теперь они обе вычисляют их секретное число  $r_{257}(a^{xy})$ . Найдите его, если известно, что  $r_{257}(a^x) = 9$ ,  $r_{257}(a^y) = 256$ .