

Олимпиада
«Формула Единства» / «Третье тысячелетие»
2015–2016 год
2 (очный) тур

10 класс

- 1) В некотором треугольнике сумма тангенсов углов оказалась равна 2016. Оцените (хотя бы с точностью до 1 градуса) величину наибольшего из его углов.
- 2) Назовем типичным любой прямоугольный параллелепипед, все размеры которого (длина, ширина и высота) различны. На какое наименьшее число типичных параллелепипедов можно разрезать куб? Не забудьте доказать, что это действительно наименьшее количество.
- 3) Найдите все натуральные числа n , для которых $2^n + n^{2016}$ — простое число.
- 4) В выпуклом четырехугольнике $ABCD$ внутри треугольника ADC выбрана точка E , причем $\angle BAE = \angle BEA = 80^\circ$, $\angle CAD = \angle CDA = 80^\circ$, $\angle EAD = \angle EDA = 50^\circ$. Докажите, что $\triangle BEC$ равносторонний.
- 5) В игре «сет» участвуют всевозможные четырехзначные числа, состоящие из цифр 1, 2, 3 (каждое число по одному разу). Говорят, что тройка чисел *образует сет*, если в каждом разряде либо все три числа содержат одну и ту же цифру, либо все три числа содержат разные цифры.

Сложностью сета будем называть количество таких разрядов, где все три цифры различны.

Например, числа 1232, 2213, 3221 образуют сет сложности 3 (в первом разряде встречаются все три цифры, во втором — только двойка, в третьем — все три цифры, в четвертом — все три цифры); числа 1231, 1232, 1233 — сет сложности 1 (в первых трех разрядах цифры совпадают, и только в четвертом все цифры различны). А числа 1123, 2231, 3311 вообще не образуют сета (в последнем разряде встречаются две единицы и тройка).

Сетов какой сложности в игре больше всего и почему?