

**XXIV Межрегиональная олимпиада
школьников по математике**
«САММАТ-2016»
Отборочный тур
6 класс
1 вариант



▷ 1. На игральном кубике общее число точек на любых двух противоположных гранях равно 7. Пяточок склеил столбик из 6 таких кубиков и подсчитал общее число точек на всех наружных гранях. Какое самое большое число он мог получить?

▷ 2. В магазин обуви пришли 4 сороконожки в одинаковых башмачках (у каждой из них по 20 пар ног). У одной из сороконожек не хватало обуви на задней половине ног, у другой - на передней половине, у третьей обуты были только правые ножки, а у четвертой только левые. Они купили в магазине обувь и ушли полностью обутые. Сколько пар обуви купили сороконожки в магазине?

▷ 3. Восстановите поврежденные записи

$$\begin{array}{r}
 \times \quad \begin{matrix} 2 & * \\ * & 2 \end{matrix} \\
 \hline
 + \quad \begin{matrix} & * 8 \\ 7 & * \end{matrix} \\
 \hline
 \begin{matrix} 7 & * 8 \end{matrix}
 \end{array}$$

В ответе запишите произведение.

▷ 4. Четырехзначное число начинается с цифры 5. Эту цифру переставили в конец числа. Полученное число оказалось на 747 меньше исходного. Какова сумма цифр этого числа?

▷ 5. Петя и Аня отмечают свой день рождения 16 марта, но Петя родился, когда Ане исполнилось 3 года. Сколько лет будет Петя, когда Аня будет вдвое его старше?

▷ 6. Аня и Таня вместе весят 40 кг, Таня и Маня - 50 кг, Маня и Ваня - 90 кг, Ваня и Даня - 100 кг, Даня и Аня - 60 кг. Сколько весит Аня?

▷ 7. Есть шесть карточек с цифрами 1,2,3,4,5,6. Используя их можно составить два трехзначных числа, например, 645 и 321. Ученик составил эти числа так, что разность оказалась самой маленькой из всех возможных. Чему равна эта разность?

▷ 8. Решите ребус: $AX \cdot UX = 2001$. В ответе запишите $AX + UX$.

▷ 9. Три гусеницы - Пупсень, Вупсень и Тутсень - соревнуются в беге на дистанцию 30 м. Они стартовали одновременно. Когда Пупсень финишировала, Вупсень осталось до финиша 10 м, а Тутсень был на 4 м впереди Вупсень. На каком расстоянии до финиша будет Вупсень, когда Тутсень закончит дистанцию, если каждая гусеница движется с постоянной скоростью?

▷ 10. Если Аня идет в школу пешком, а обратно едет на автобусе, то на дорогу она тратит полтора часа. Если она едет в оба конца на автобусе, то весь путь занимает 30 минут. Сколько времени тратит Аня на дорогу, если в школу и из школы она идет пешком?

6 класс
2 вариант

▷ 1. Из Простоквашине в Печкино на лыжах вышли Матроскин и Шарик. Шарик дошел до Печкино за 30 минут, развернулся и через 5 минут встретил отставшего Матроскина. Сколько минут после встречи Шарик должен идти по направлению к Простоквашине, чтобы, развернувшись обратно, он пришел в Печкино одновременно с Матроскиным?

▷ 2. Тридцать три ореха разложены по кучкам, причем в каждой кучке больше одного ореха. После того как из каждой кучки в первую положили по одному ореху, орехов во всех кучках стало поровну. Сколько имеется кучек.

▷ 3. Восстановите поврежденные записи

$$\begin{array}{r} \times & 2 & 7 \\ & * & * \\ + & * & * & 8 \\ & * & * \\ \hline & 3 & * & * \end{array}$$

В ответе запишите произведение.

▷ 4. В каждую клетку квадрата 3×3 записано целое число. При этом сумма чисел в каждом столбце, кроме первого, в 4 раза больше, чем в предыдущем. Сумма чисел в каждой строке, кроме первой, на 1 больше, чем в предыдущей, а в одной из строк сумма чисел составляет 2008. Найти сумму чисел в первом столбце.

▷ 5. Полный бидон с молоком весит 20 кг, а бидон, наполненный молоком на половину, весит 14 кг. Сколько будет весить бидон, если его наполнить молоком на треть?

▷ 6. Решите ребус: УЖ³=ПИТОН. (Здесь 3 -не буква, а цифра.) В ответе запишите числовую характеристику слова ПИТОН.

▷ 7. Вася записал трехзначное число без нулей, все цифры которого различны, а их сумма равна 8. Затем он поменял местами цифры этого числа, умножил на 4 и получил число, меньшее исходного. Какое число придумал Вася?

▷ 8. Двум Муравьям, Толстому и Тонкому, нужно перенести 150 г груза из точки А (где они сейчас) в точку В, расстояние между которыми равно 150 метров. Толстый муравей ходит со скоростью 3 м/мин, но может нести 5 г груза, Тонкий - со скоростью 5 м/мин, но может нести 3 г груза. Кто из них первым доставит все 150 г в точку В и на сколько минут быстрее? Скорость муравья с грузом не отличается от скорости муравья без груза. В ответе укажите на сколько минут быстрее.

▷ 9. В магазин привели крупу, сахар и соль. Полмешка соли на 5 кг больше, чем полмешка сахара. А два мешка сахара весят на 10 кг больше, чем два мешка крупы. На сколько кг мешок соли тяжелее мешка крупы?

▷ 10. На листе клетчатой бумаги со стороной клетки 1 см нарисован прямоугольник, стороны которого идут по сторонам клеток. Прямоугольник разрезали на четыре прямоугольника двумя прямолинейными разрезами, также идущими по сторонам клеток. Шестиклассник Петя нашел, что у трех из этих прямоугольников площади составляют 4 см^2 , 8 см^2 и 16 см^2 . Чему равна площадь исходного прямоугольника? Найдите все варианты ответа. В ответе запишите наибольшее возможное значение.

6 класс
3 вариант

▷ 1. Из села Августовка в село Большая Черниговка на лыжах вышли Матроскин и Шарик. Шарик дошел до Большой Черниговки за 60 минут, развернулся и через 10 минут встретил отставшего Матроскина. Сколько минут после встречи Шарик должен идти по направлению к Августовке, чтобы, развернувшись обратно, он пришел в Большую Черниговку одновременно с Матроскиным?

▷ 2. Двадцать один орех разложили по кучкам, причем в каждой кучке больше одного ореха. После того как из каждой кучки в первую положили по одному ореху, орехов во всех кучках стало поровну. Сколько имеется кучек.

▷ 3. Восстановите поврежденные записи

$$\begin{array}{r} & \quad 4 \quad * \\ \times & \quad * \quad 5 \\ \hline & \quad 2 \quad * \quad 5 \\ + & \quad 3 \quad * \quad 1 \\ \hline & * \quad * \quad * \quad 5 \end{array}$$

В ответе запишите произведение.

▷ 4. В каждую клетку квадрата 3×3 записано целое число. При этом сумма чисел в каждом столбце, кроме первого, в 4 раза больше, чем в предыдущем. Сумма чисел в каждой строке, кроме первой, на 1 больше, чем в предыдущей, а в одной из строк сумма чисел составляет 2016. Найти сумму чисел в первом столбце.

▷ 5. Полный бидон с молоком весит 20 кг, а бидон, наполненный молоком на треть, весит 14 кг. Сколько будет весить бидон, если его наполнить молоком на половину?

▷ 6. Решите ребус: $Б \cdot О \cdot А = 2016$. В ответе запишите сумму числовых значений $А + Б + О$.

▷ 7. Вася записал трехзначное число без нулей, все цифры которого различны, а их сумма равна 9. Затем он поменял местами цифры этого числа, умножил на 4 и получил число, меньшее исходного. Какое число придумал Вася?

▷ 8. Двум Муравьям, Толстому и Тонкому, нужно перенести 180 г груза из точки А (где они сейчас) в точку В, расстояние между которыми равно 150 метров. Толстый муравей ходит со скоростью 3 м/мин, но может нести 5 г груза, Тонкий - со скоростью 5 м/мин, но может нести 3 г груза. Кто из них первым доставит все 180 г в точку В и на сколько минут быстрее? Скорость муравья с грузом не отличается от скорости муравья без груза. В ответе укажите на сколько минут быстрее.

▷ 9. В магазин привезли крупу, сахар и соль. Треть мешка соли на 5 кг больше, чем треть мешка сахара. А два мешка сахара весят на 30 кг больше, чем два мешка крупы. На сколько кг мешок соли тяжелее мешка крупы?

▷ 10. На листе клетчатой бумаги со стороной клетки 1 см нарисован прямоугольник, стороны которого идут по сторонам клеток. Прямоугольник разрезали на четыре прямоугольника двумя прямолинейными разрезами, также идущими по сторонам клеток. Шестиклассник Петя нашел, что у трех из этих прямоугольников площади составляют 3 см^2 , 9 см^2 , и 27 см^2 . Чему равна площадь исходного прямоугольника? Найдите все варианты ответа. В ответе запишите наименьшую возможную площадь.