

**Заключительный (очный) этап научно-образовательного соревнования  
Олимпиады школьников «Шаг в будущее» по профилю «Инженерное дело» специализации  
«Техника и технологии» (общеобразовательный предмет информатика), весна 2019 г.  
9 класс**

**Вариант 1**

**Задача 1.**

Петя скоро пойдёт в школу, и он влюблён в числа. Недавно ему рассказали, как считать после девяноста девяти. Особенно Пете нравились числа, которые начинались и заканчивались на одну и ту же цифру. Он принялся их считать.

Напишите программу, которая проверит Петины подсчёты.

На вход программы подаётся два числа  $A$  и  $B$ , записанные через пробел ( $1 \leq A \leq B \leq 10^9$ ).

Программа должна вывести количество чисел от  $A$  до  $B$  (включая сами числа  $A$  и  $B$ ), которые так понравились Пете.

**Пример**

Входные данные	Выходные данные
190 210	2

*Комментарий к примеру:*

от 190 до 210 включительно Пете особенно понравятся два числа: 191 и 202.

### Задача 2.

Будем считать подходящим десятичное число, восьмеричная запись которого содержит не менее  $X$  значащих цифр. Сколько таких чисел существует в диапазоне от  $M$  до  $N$  включительно?

*Формат ввода*

В строке вводятся три натуральных числа  $M, N, X$ ,

$M \leq N \leq 4000000$ ,

$X \leq 9$

*Формат вывода*

Вывести одно целое число – количество целых чисел, удовлетворяющих условию. Если таких чисел нет, вывести 0.

### Пример

Входные данные	Выходные данные
5 30 2	23

### Задача 3.

Есть исполнитель *Сдвиг*. Он преобразует целое неотрицательное число, которое хранится в одном байте, по следующему правилу:

Если количество единиц в двоичной записи этого числа нечётное, то смещаем все двоичные цифры в байте на 2 позиции вправо и записываем на образовавшиеся место два бита со значением *01*. Иначе число не изменяется. Например,

$19_{10}$

$00010011_2$

Преобразуется в

$000100$  (сдвиг вправо)

$01000100_2$  (результат)

$68_{10}$

Напишите программу, которая вычисляет наибольшее число, которое можно получить при преобразовании чисел из интервала  $[A; B]$ .

На вход программы подаётся два целых числа  $A$  и  $B$ , записанные через пробел.

Программа должна вывести одно целое число - вычисленное значение.

#### Пример

Ввод	Вывод
18 20	68

#### Задача 4.

Суперагентам Маше и Вите необходимо получить кодовый ключ к замку. Для того, чтобы составить ключ необходимо записать в одну строку без пробелов все слова максимально возможной длины, составленные из букв некоторого алфавита, в которых каждая буква повторяется не более  $N$  раз ( $N$  – порядковый номер этой буквы в алфавите). Слова можно записать в любом порядке.

В качестве кода требуется набрать два числа: длину строки и количество слов в строке.

#### **Входные данные:**

На вход программе подаётся строка, содержащая алфавит, из которого надо составлять слова. В качестве буквы алфавита может быть использован любой символ. Количество букв в алфавите не превышает 5.

#### **Выходные данные:**

Два числа, записанные через один пробел. Первое число - количество слов, второе - длина строки.

#### **Пример:**

Входные данные	Выходные данные
<b><i>AB</i></b>	<b><i>3 9</i></b>

#### *Пояснение:*

В приведённом алфавите буква ***A*** стоит на 1 месте, а буква ***B*** - на втором. Соответственно буква ***A*** может присутствовать в слове не более 1 раза, а буква ***B*** – не более 2 раз. Тогда получится составить следующие 3 слова максимальной длины: ***ABB VAB VBA***

**Заключительный (очный) этап научно-образовательного соревнования  
Олимпиады школьников «Шаг в будущее» по профилю «Инженерное дело» специализации  
«Техника и технологии» (общеобразовательный предмет информатика), весна 2019 г.  
9 класс**

**Вариант 2**

**Задача 1.**

Петя скоро пойдёт в школу, и он влюблён в числа. Недавно ему рассказали, как считать после девяти. Особенно Пете нравились числа, у которых нечётная сумма цифр. Он принялся их считать.

Напишите программу, которая проверит Петины подсчёты.

На вход программы подаётся два числа  $A$  и  $B$ , записанные через пробел ( $1 \leq A \leq B \leq 10^9$ ).

Программа должна вывести количество чисел от  $A$  до  $B$  (включая сами числа  $A$  и  $B$ ), которые так понравились Пете.

**Пример**

Входные данные	Выходные данные
20 30	6

*Комментарий к примеру:*

от 20 до 30 есть 6 искомым чисел: 21, 23, 25, 27, 29 и 30.

## Задача 2.

Будем считать подходящим десятичное число, двоичная запись которого заканчивается не менее, чем  $X$  нулями. Сколько таких чисел существует в диапазоне от  $M$  до  $N$  включительно?

*Формат ввода*

В строке вводятся три натуральных числа  $M, N, X$ ,

$$M \leq N \leq 4000000,$$

$$X \leq 20$$

*Формат вывода*

Вывести одно целое число – количество целых чисел, удовлетворяющих условию. Если таких чисел нет, вывести 0.

### Пример

Входные данные	Выходные данные
2 30 3	3

### Задача 3.

Есть исполнитель *Сдвиг*. Он преобразует целое неотрицательное число, которое хранится в одном байте, по следующему правилу:

Если количество единиц в двоичной записи этого числа нечётное, то смещаем все двоичные цифры в байте на 2 позиции влево и записываем на образовавшиеся место два бита со значением *01*. Иначе число не изменяется. Например,

$19_{10}$

$00010011_2$

Преобразуется в

$010011\_ \_$  (сдвиг влево)

$01001101_2$  (результат)

$77_{10}$

Напишите программу, которая вычисляет наибольшее число, которое можно получить при преобразовании чисел из интервала  $[A; B]$ .

На вход программы подаётся два целых числа  $A$  и  $B$ , записанные через пробел.

Программа должна вывести одно целое число - вычисленное значение.

#### Пример

Ввод	Вывод
18 20	77

#### **Задача 4.**

Суперагентам Матильде и Виттеру необходимо получить кодовый ключ к замку. Для того, чтобы составить ключ необходимо записать в одну строку без пробелов все слова максимально возможной длины, составленные из букв некоторого алфавита, в которых каждая буква повторяется не более  $N$  раз ( $N \leq 5$ ). Слова можно записать в любом порядке.

В качестве кода требуется набрать два числа: длину строки и количество слов в строке.

#### ***Входные данные:***

На вход программе подаётся строка, содержащая алфавит, из которого надо составлять слова, в виде последовательности символов, записанных без пробела и число  $N$ , записанное через пробел после алфавита. В качестве буквы алфавита может быть использован любой символ. Количество букв в алфавите не превышает 5.

#### ***Выходные данные:***

Два числа, записанные через один пробел. Первое число - количество слов, второе - длина строки.

#### **Пример:**

Входные данные	Выходные данные
<i>AB 2</i>	<i>6 24</i>

#### ***Пояснение:***

Получится составить следующие 6 слов максимальной длины: ***AABB ABAB ABBA BAAB  
BABA BBAА***

**Заключительный (очный) этап научно-образовательного соревнования  
Олимпиады школьников «Шаг в будущее» по профилю «Инженерное дело» специализации  
«Техника и технологии» (общеобразовательный предмет информатика), весна 2019 г.  
9 класс**

**Вариант 3**

**Задача 1.**

Петя скоро пойдёт в школу, и он влюблён в числа. Недавно ему рассказали, как считать после девяти. Особенно Пете нравились числа, которые заканчивались на две одинаковые цифры. Он принялся их считать.

Напишите программу, которая проверит Петины подсчёты.

На вход программы подаётся два числа  $A$  и  $B$ , записанные через пробел ( $1 \leq A \leq B \leq 10^9$ ).

Программа должна вывести количество чисел от  $A$  до  $B$  (включая сами числа  $A$  и  $B$ ), которые так понравились Пете.

**Пример**

Входные данные	Выходные данные
190 210	2

*Комментарий к примеру:*

от 190 до 210 включительно есть 2 искомым числа: 199 и 200.

## Задача 2.

Будем считать подходящим десятичное число, шестнадцатеричная запись которого содержит не менее  $X$  значащих цифр. Сколько таких чисел существует в диапазоне от  $M$  до  $N$  включительно?

*Формат ввода*

В строке вводятся три натуральных числа  $M, N, X$ ,

$$M \leq N \leq 4000000,$$

$$X \leq 6$$

*Формат вывода*

Вывести одно целое число – количество целых чисел, удовлетворяющих условию. Если таких чисел нет, вывести 0.

### Пример

Входные данные	Выходные данные
5 30 2	15

### Задача 3.

Есть исполнитель *Сдвиг*. Он преобразует целое неотрицательное число, которое хранится в одном байте, по следующему правилу:

Если количество единиц в двоичной записи этого числа чётное, то смещаем все двоичные цифры в байте на 2 позиции влево и записываем на образовавшиеся место два бита со значением 10. Иначе число не изменяется. Например,

$12_{10}$

$00001100_2$

Преобразуется в

$001100\_ \_$  (сдвиг влево)

$00110010_2$  (результат)

$50_{10}$

Напишите программу, которая вычисляет наибольшее число, которое можно получить при преобразовании чисел из интервала  $[A; B]$ .

На вход программы подаётся два целых числа  $A$  и  $B$ , записанные через пробел.

Программа должна вывести одно целое число - вычисленное значение.

#### Пример

Ввод	Вывод
11 13	50

#### **Задача 4.**

Суперагентам Буке и Бяке необходимо получить кодовый ключ к замку. Для того, чтобы составить ключ необходимо записать в одну строку без пробелов все слова, составленные из букв некоторого алфавита, буквы в них идут в алфавитном порядке, но повторяться могут от 1 до N раз. Слова можно записать в любом порядке.

В качестве кода требуется набрать два числа: длину строки и количество слов в строке.

#### ***Входные данные:***

На вход программе подаётся строка, содержащая алфавит, из которого надо составлять слова, в виде последовательности символов, записанных без пробела и число N ( $N \leq 10$ ), записанное через пробел после алфавита. В качестве буквы алфавита может быть использован любой символ. Количество букв в алфавите не превышает 10.

#### ***Выходные данные:***

Два числа, записанные через один пробел. Первое число - количество слов, второе - длина строки.

#### **Пример:**

Входные данные	Выходные данные
<b><i>AB 2</i></b>	<b><i>4 12</i></b>

#### ***Пояснение:***

Получится составить следующие 6 слов максимальной длины:

***AB ABV AAV AABV***