

**Первый (заочный) онлайн-этап научно-образовательного соревнования
Олимпиады школьников «Шаг в будущее» по профилю «Инженерное дело» специализаций
«Техника и технологии» и «Профессор Лебедев»
(общеобразовательный предмет информатика), осень 2018 г.**

9 класс

Вариант 1

Задача 1

Определите наименьшее возможное основание системы счисления N , для которого выполняется соотношение

$$100_{N+2} = 201_{N+6}$$

В качестве ответа запишите полученное число.

Решение

Напишем уравнение

$$(N+2)^2 = 2N^2 + 1 + 6$$

$$N^2 + 4N + 4 = 2N^2 + 7$$

$$N^2 - 4N + 3 = 0$$

$$N_1 = 1, N_2 = 3$$

Так как в числе с основанием N есть цифра 2, ответ равен 3.

Ответ 3.

Задача 2

Группа школьников поехала на практику в МГТУ. Всего в группе было 54 человека. 28 человек были на кафедрах факультета Э. Другие 25 человек были на кафедрах факультета МТ. 14 человек были на кафедрах ИУ и Э. 9 человек были на кафедрах ИУ и МТ. Сколько человек посетили только кафедры ИУ, если известно, что одновременно на кафедрах Э и МТ не было никого?

В качестве ответа ввести только полученное число.

Решение

Так как на Э и МТ одновременно никого не было, нет и тех, кто посетил все три кафедры.

Следовательно, если обозначить за x количество посетивших ИУ, получим соотношение

$$54 = 28 + 25 + x - 14 - 9$$

$$54 = 53 - 23 + x$$

$$54 = 30 + x$$

Отсюда следует, что на кафедрах ИУ вообще было 24 школьника, но 14 и 9, а всего 23, были на других кафедрах. Следовательно, только на ИУ был один школьник.

Ответ 1 человек.

Задача 3

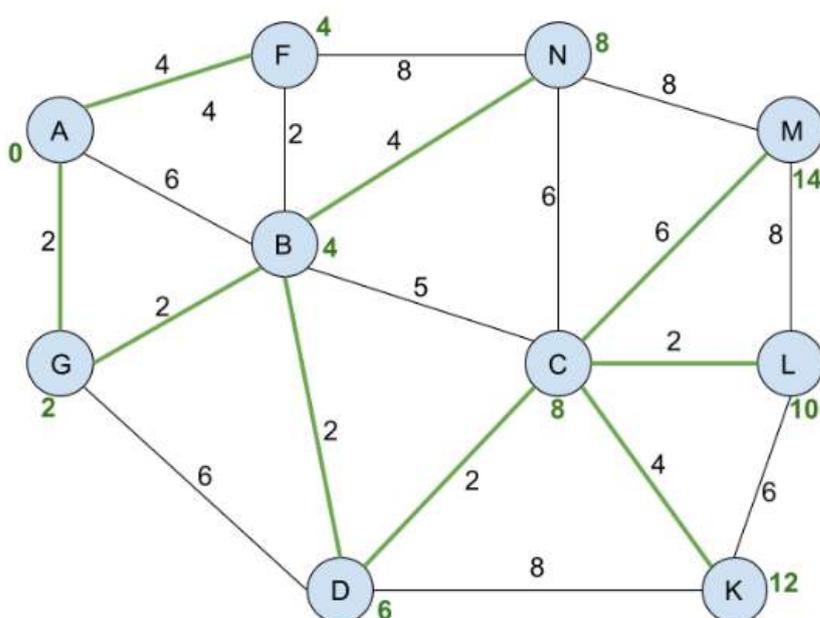
В таблице даны длины дорог между городами.

	A	B	C	D	F	G	K	L	M	N
A		6			4	2				
B	6		5	2	2	2				4
C		5		2			4	2	6	6
D		2	2			6	8			
F	4	2								8
G	2	2		6						
K			4	8				6		
L			2				6		8	
M			6					8		8
N		4	6		8				8	

Найти длины кратчайших путей от города А до городов К, L, M, N.

В качестве ответа запишите подряд, без разделителей, 4 числа: первое число - расстояние от пункта А до К, второе - от А до L, третье - от А до М и четвёртое - от А до N. Например, если расстояния оказались равными 16, 12, 10 и 8 соответственно, то в ответ надо записать 7 цифр: 1612108.

Решение



Ответ 1210148.

Задача 4

Ниже на трёх языках программирования приведён некий рекурсивный алгоритм R, где rev это функция, которая переставляет цифры числа в обратном порядке, т.е. rev(123) будет 321.

Найдите сумму всех чисел, которые будут выведены при вызове R(195).

Pascal	Python
<pre>procedure R(n: integer); begin if n > 10 then begin writeln(n); R(rev(n - 1)); R(rev(n div 10)); end end;</pre>	<pre>def R(n): if n > 10: print(n) R(rev(n - 1)) R(rev(n // 10))</pre>
C++	
<pre>void R(int n) { if (n > 10) { cout << n << endl; R(rev(n - 1)); R(rev(n / 10)); } }</pre>	

Решение

```
function rev(n: integer): integer;
```

```
var s: integer;
```

```
begin
```

```
  s := 0;
```

```
  while n > 0 do
```

```
    begin
```

```
      s := s * 10 + n mod 10;
```

```
      n := n div 10;
```

```
    end;
```

```
  rev := s ;
```

```
end;
```

```
var
```

```
  sum:integer;
```

```
procedure R(n: integer);
```

```
begin
```

```
  if n > 10 then begin
```

```
    writeln(n);
```

```
    sum:=sum+n;
```

```
    R(rev(n - 1));
```

```
    R(rev(n div 10));
```

```
  end
```

```
end;
```

```
begin
  sum:=0;
  R(195);
  writeln(sum)
end.
```

Ответ 1565.

Задача 5

Имеется ряд последовательных целых положительных чисел от 120500 до 210800. Определите, сколько среди них чисел, у которых сумма цифр не равна 12. В качестве ответа запишите полученное число. Для получения результата напишите программу.

Решение

```
function Ok(k:integer):boolean ;
var
  s:integer;
begin
  s:=0;
  repeat
    s:=s+k mod 10;
    k:=k div 10
  until k=0;
  Ok:=s <>12
end;
var
  k:integer;
begin
  k:=0;
  for var i:=120500 to 210800 do
    begin
      if ok(i) then
        inc(k)
      end;
      writeln(k)
    end.
end.
```

Ответ 89297.

Задача 6

Все шестибуквенные слова, составленные из букв Ш, К, О, Л, А записаны в алфавитном порядке и пронумерованы, начиная с 1. Начало списка выглядит так:

1. АААААА
2. АААААК
3. АААААЛ
4. АААААО
5. АААААШ
6. ААААКА
7. ААААКК
- ...

Определите, сколько раз встречается буква Л в строчках с 1020 по 5050 включительно. В качестве ответа запишите полученное число. Для получения результата напишите программу.

Решение

```
function count(n,k,obr:integer):integer ;
var
  x:integer;
begin
  x:=0;
  repeat
    if n mod k =obr then
      inc(x);
      n:=n div k;
    until n=0;
  count:=x;
end;
```

```
function trans(n,k:integer):string ;
var
  s:string;
  x:integer;
begin
  s="";
  repeat
    x:=n mod k;
    n:=n div k;
    s:=inttostr(x)+s;
  until n=0;
  trans:=s;
end;
var
  s:string;
  k:integer;
begin
  k:=0;
  for var i:=1020 to 5050 do
    begin
      s:=trans(i-1,5);
      k:=k+count(i-1,5,2);
    end;
  writeln(k)
end.
```

Ответ 4411.

Задача 7

Имеется таблица размером 100 строк на 500 столбцов. В каждой ячейке таблицы записано число, которое рассчитывается по формуле

$\sin((I-50)*(I-50)*J)$, где

I – номер строки,

J – номер столбца

Определите и запишите в качестве ответа номер столбца, сумма чисел в котором максимальна. В качестве ответа запишите полученное число.

Для получения результата напишите программу или используйте электронные таблицы.

Решение

```
var
  s,m,x : real;
  n:integer;
begin
  m:=-1000000;
  for var j:=1 to 500 do
    begin
      s:=0;
      for var i:=1 to 100 do
        begin
          x:= sin(sqrt(i-50)*j);
          s:=s+x;
        end;
      if s>m then
        begin
          m:=s;
          n:=j;
        end;
      end;
    writeln(n);
  end.
```

Ответ 269

**Первый (заочный) онлайн-этап научно-образовательного соревнования
Олимпиады школьников «Шаг в будущее» по профилю «Инженерное дело» специализаций
«Техника и технологии» и «Профессор Лебедев»
(общеобразовательный предмет информатика), осень 2018 г.**

9 класс

Вариант 2

Задача 1

Определите наименьшее возможное основание системы счисления N , для которого выполняется соотношение

$$100_{N+3} = 200_{N+2}$$

В качестве ответа запишите полученное число.

Решение

Напишем уравнение

$$(N+3)^2 = 2N^2+2$$

$$N^2+6N+9=2N^2+2$$

$$N^2-6N-7=0$$

$$N_1 = -1, N_2 = 7$$

По смыслу задачи ответ равен 7.

Ответ 7.

Задача 2

Шестьдесят одиннадцатиклассников провели выходной день следующим образом. Тридцать человек делали домашнее задание по математике. Двадцать четыре человека делали домашнее задание по физике. Никто не делал одновременно домашнее задание по математике и по физике. Девятнадцать человек в течение воскресенья играли в компьютерные игры. Сколько игроков делало домашнее задание хотя бы по одному из предметов, если известно, что компьютерные игры исключают изучение двух предметов сразу?

В качестве ответа ввести только полученное число.

Решение

Так как математику и физику нельзя учить одновременно, можно обозначить за x количество учивших что-то игроков, таким образом, получим соотношение

$$60 = 30 + 24 + 19 - x$$

$$x = 13$$

Ответ 13.

Задача 3

В таблице даны длины дорог между городами.

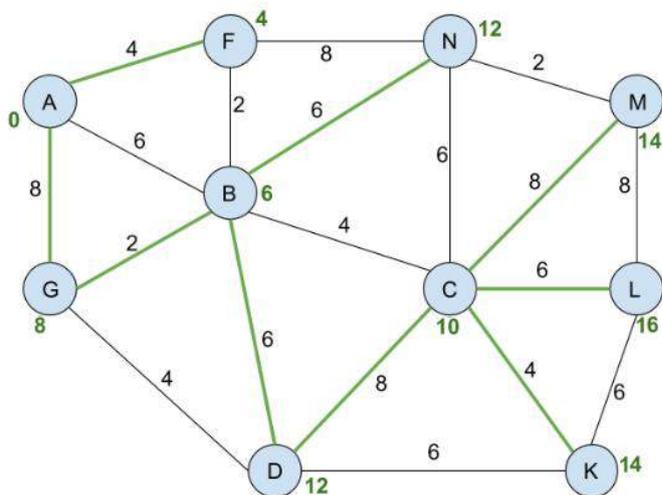
	A	B	C	D	F	G	K	L	M	N
A		6			4	8				
B	6		4	6	2	2				6
C		4		8			4	6	8	6
D		6	8			4	6			
F	4	2								8
G	8	2		4						
K			4	6				4		
L			6				4		8	
M			8					8		2
N		6	6		8				2	

Найти длины кратчайших путей от города А до городов К, L, М.

В качестве ответа запишите подряд, без разделителей, 3 числа: первое число – расстояние от пункта А до К, второе – от А до L и третье – от А до М. Например, если расстояния оказались равными 16, 12 и 10 соответственно, то в ответ надо записать 6 цифр: 161210.

В качестве ответа ввести только полученное число.

Решение



Ответ 141614.

Задача 4

Ниже на трёх языках программирования приведён некий рекурсивный алгоритм R, где rk это функция, которая уменьшает все цифры числа кроме нуля на 1, т.е. rk(123) будет 12, rk(321) будет 320, rk(202) будет 101.

Найдите сумму всех чисел, которые будут выведены при вызове R(199).

Pascal	Python
<pre>procedure R(n: integer); begin if n > 10 then begin writeln(n); R(rk(n - 1)); R(rk(n div 10)); end end;</pre>	<pre>def R(n): if n > 10: print(n) R(rk(n - 1)) R(rk(n // 10))</pre>
C++	
<pre>void R(int n) { if (n > 10) { cout << n << endl; R(rk(n - 1)); R(rk(n / 10)); } }</pre>	

Решение

```
function rk(n: integer): integer;
```

```
var s, d, dig: integer;
```

```
begin
```

```
  s := 0;
```

```
  d:=1;
```

```
  while n > 0 do
```

```
    begin
```

```
      dig:=n mod 10;
```

```
      if dig > 0 then
```

```
        dig := dig - 1;
```

```
      s := s + d * dig;
```

```
      n := n div 10;
```

```
      d := d * 10;
```

```
    end;
```

```
  rk := s;
```

```
end;
```

```
var
```

```
  sum:integer;
```

```
procedure R(n: integer);
```

```
begin
```

```

if n > 10 then begin
    writeln(n);
    sum:=sum+n;
    R(rk(n - 1));
    R(rk(n div 10));
end
end;

```

```

begin
    sum:=0;
    R(199);
    writeln(sum)
end.

```

Ответ 559.

Задача 5

Имеется ряд последовательных целых положительных чисел от 301202 до 505701. Определите, сколько среди них чисел, у которых произведение цифр меньше 100. В качестве ответа запишите полученное число. Для получения результата напишите программу.

Решение

```

function Ok(k:integer):boolean ;
var
    s:integer;
begin
    s:=1;
    repeat
        s:=s*(k mod 10);
        k:=k div 10
    until k=0;
    Ok:=s>500
end;
var
    k:integer;
begin
    k:=0;
    for var i:= 301202 to 505701 do
        begin
            if ok(i) then
                k:=k+i
            end;
            writeln(k)
        end.

```

Ответ 785803072.

Задача 6

Все пятибуквенные слова, составленные из букв Л, А, С, Т, И, К записаны в алфавитном порядке и пронумерованы, начиная с 1. Начало списка выглядит так:

9. ААААА
10. ААААИ
11. ААААК
12. ААААЛ
13. ААААС
14. ААААТ
15. АААИА
16. АААИИ
- ...

Определите, сколько раз встречается буква С в строчках с 3001 по 7008 включительно. В качестве ответа запишите полученное число. Для получения результата напишите программу.

Решение

```
function count(n,k,obr:integer):integer ;
var
  x:integer;
begin
  x:=0;
  repeat
    if n mod k =obr then
      inc(x);
    n:=n div k;
  until n=0;
  count:=x;
end;
```

```
function trans(n,k:integer):string ;
var
  s:string;
  x:integer;
begin
  s:="";
  repeat
    x:=n mod k;
    n:=n div k;
    s:=inttostr(x)+s;
  until n=0;
  trans:=s;
end;
var
  s:string;
  k:integer;
begin
  k:=0;
  for var i:=3001 to 7008 do
    begin
      s:=trans(i-1,6);
      k:=k+count(i-1,6,4);
    end;
```

```
writeln(k)
```

```
end.
```

Ответ 3926.

Задача 7

Имеется таблица размером 180 строк на 465 столбцов. В каждой ячейке таблицы записано число, которое рассчитывается по формуле

$$\sin(\cos(2*I*J)),$$

где

I – номер строки,

J – номер столбца

Определите и запишите в качестве ответа количество столбцов в этой таблице, сумма чисел в которых положительна.

Для получения результата напишите программу или используйте электронные таблицы.

Решение

```
var
```

```
s,x : real;
```

```
n:integer;
```

```
begin
```

```
n:=0;
```

```
for var j:=1 to 465 do
```

```
begin
```

```
s:=0;
```

```
for var i:=1 to 180 do
```

```
begin
```

```
x:= sin(cos(2*i*j));
```

```
s:=s+x;
```

```
end;
```

```
if s>0 then
```

```
begin
```

```
inc(n)
```

```
end;
```

```
end;
```

```
writeln(n);
```

```
end.
```

Ответ 126.