

Решение варианта 1

1. Решение:

Доля энергии η , перешедшей в тепловую, будет равна:

$$\eta = \frac{r_{\text{в}} m_{\text{в}}}{Q},$$

где Q – затраченная энергия (в джоулях), $r_{\text{в}}$ – удельная теплота парообразования воды, $m_{\text{в}}$ – масса испарившейся воды. Тогда:

$$m_{\text{в}} = \frac{\eta Q}{r_{\text{в}}} = 6,67 \text{ г}$$

Ответ: 6,67 г

2. Решение:

При испарении спирта (в отсутствие внешних нагревателей) у смеси будет отобрана тепловая энергия:

$$m_{\text{в}} c_{\text{в}} \Delta t = r_{\text{сп}} m_{\text{сп}}$$

где $m_{\text{в}}$ – масса воды в смеси, $c_{\text{в}}$ – удельная теплоёмкость воды, $\Delta t = (t_{\text{нач}} - t_{\text{кон}})$ – изменение температуры воды, $r_{\text{сп}}$ – удельная теплота парообразования спирта, $m_{\text{сп}}$ – масса спирта в смеси.

Тогда:

$$t_{\text{кон}} = \frac{m_{\text{в}} c_{\text{в}} t_{\text{нач}} - r_{\text{сп}} m_{\text{сп}}}{m_{\text{в}} c_{\text{в}}} = t_{\text{нач}} - \frac{r_{\text{сп}} m_{\text{сп}}}{m_{\text{в}} c_{\text{в}}} = 21,4^{\circ}\text{C}$$

Ответ: 21,4°C

3. Решение:

Температура стального куба будет минимальной, когда при полном растапливании льда, находящегося строго под ним, наступит тепловое равновесие при 0°C. В таком случае, уравнение теплового баланса будет выглядеть следующим образом:

$$c_{\text{ст}} m_{\text{к}} \Delta t = \lambda_{\text{л}} m_{\text{л}},$$

где $c_{\text{ст}}$ – удельная теплоёмкость стали, $m_{\text{к}}$ – масса стального куба, $\Delta t = (t_{\text{нач}} - t_{\text{кон}})$ – изменение его температуры, $\lambda_{\text{л}}$ – удельная теплота плавления льда, $m_{\text{л}}$ – масса расплавленного льда. С учётом габаритов куба и плотностей материалов:

$$c_{\text{ст}} \rho_{\text{ст}} a^3 \Delta t = \lambda_{\text{л}} \rho_{\text{л}} a^3$$

$$\Delta t = \frac{\lambda_{\text{л}} \rho_{\text{л}}}{c_{\text{ст}} \rho_{\text{ст}}} = 76^{\circ}\text{C} = t_{\text{нач}}, \text{ т. к. } t_{\text{кон}} = 0^{\circ}\text{C}$$

Ответ: 76°C

4. Решение:

Выразим время, в течение которого $V = 1$ л воздуха взаимодействует с радиатором:

$$\tau = \frac{d}{v},$$

где d – ширина радиатора, а v – скорость потока воздуха. При максимальной тепловой мощности процессора всё выделенное им за время τ количество теплоты Q будет отведено воздухом посредством теплообмена:

$$cm\Delta t = P\tau$$

Тогда (с учётом перевода удельной теплоёмкости $c = 1000$ Дж/кг·°С):

$$P = \frac{cm\Delta t}{\tau} = \frac{cmv\Delta t}{d} = \frac{c\rho Vv\Delta t}{d} = 200 \text{ Вт.}$$

Ответ: 200 Вт

5. Решение:

Выразим время, в течение которого объём воды $V = 1$ мл взаимодействует с радиатором в микроканалах:

$$\tau = \frac{l}{v},$$

где l – длина микроканалов, а v – скорость потока воды. При максимальной тепловой мощности вычислителя всё выделенное им за время τ количество теплоты Q будет отведено водой посредством теплообмена:

$$cm\Delta t = P\tau$$

Тогда:

$$P = \frac{cm\Delta t}{\tau} = \frac{c\rho Vv\Delta t}{l} = 210 \text{ Вт.}$$

Ответ: 210 Вт

6. Решение:

В течение одной секунды двигатель пылесоса выделяет тепловую энергию

$$P\tau(1 - \eta) = 600 \text{ Вт } (\tau = 1 \text{ с}),$$

которая отводится от него теплообменом с воздухом объёмом 60 литров.

$$P\tau(1 - \eta) = cm\Delta t = c\rho V\Delta t$$

Отсюда выразим Δt :

$$\Delta t = \frac{P\tau(1 - \eta)}{c\rho V} = 10 \text{ °С}$$

Ответ: 10 °С

7. Решение:

Выразим КПД идеального двигателя:

$$\eta_{\text{ид}} = \frac{T_{\text{н}} - T_{\text{х}}}{T_{\text{н}}} = \frac{A_{\text{ид}}}{Q_{\text{з}}},$$

где $A_{\text{ид}}$ – работа, совершаемая идеальным двигателем за один цикл, $Q_{\text{з}}$ – затраченная энергия (одинаковая для обоих двигателей). При этом работа, необходимая для поднятия груза на высоту 3 м:

$$mgh = 4A_{\text{ид}}$$

Тогда выражение для работы неидеального двигателя примет вид:

$$A_{\text{неид}} = \eta_{\text{неид}} Q_{\text{з}} = \eta_{\text{неид}} \frac{A_{\text{ид}}}{\eta_{\text{ид}}} = \frac{\eta_{\text{неид}} mgh}{4\eta_{\text{ид}}} = 250 \text{ Дж.}$$

Ответ: 250 Дж

8. Решение:

Выразим $Q_{\text{х}}$ из КПД идеального теплового двигателя:

$$\eta_1 = \frac{Q_{\text{н}} - Q_{\text{х}}}{Q_{\text{н}}}; \quad Q_{\text{х}} = Q_{\text{н}}(1 - \eta_1),$$

где $Q_{\text{н}}$ – количество теплоты, выделяемое нагревателем. Тогда КПД двигателя после уменьшения $Q_{\text{х}}$ в два раза выразится как:

$$\eta_2 = \frac{Q_{\text{н}} - \frac{1}{2}Q_{\text{х}}}{Q_{\text{н}}} = \frac{Q_{\text{н}} - \frac{1}{2}Q_{\text{н}}(1 - \eta_1)}{Q_{\text{н}}} = 0,5 + 0,5\eta_1$$

Ответ: 1,167

9. Решение:

Сравним силы тяги, развиваемой двигателем, до и после его преобразования с помощью изменения полезной работы (поднятия кабины лифта на одну и ту же высоту), совершаемой двигателем:

$$\begin{aligned} A_2 &= F_2 S; \quad A_1 = F_1 S \\ \frac{F_2}{F_1} &= \frac{A_2}{A_1} = \frac{\eta_2 Q_{\text{затр}}}{\eta_1 Q_{\text{затр}}} = \frac{\eta_2}{\eta_1} = \frac{0,5 + 0,5\eta_1}{\eta_1} = 1,167 \end{aligned}$$

Работа, произведённая двигателями обоих тепловозов, будет равна работе сил сопротивления, которые пропорциональны весу тепловозов (а вес в данном случае будет совпадать по значению с силой тяжести):

$$\begin{aligned} A_1 &= \eta_1 Q_{\text{з}} = F_{\text{сопр}} S_1 = \mu P S_2 = \mu m g S_1, \\ A_2 &= \eta_2 Q_{\text{з}} = F_{\text{сопр}} S_2 = \mu P S_2 = \mu m g S_2, \end{aligned}$$

где S – путь, пройденный тепловозом, Q_3 – количество теплоты, выделившееся при сгорании угля. Сравним пройденные тепловозами пути:

$$\frac{S_2}{S_1} = \frac{\eta_2 Q_3}{\eta_1 Q_3} = \frac{T_H - T_X}{T_H} = 2$$

Ответ: 2