

**1. Задача 1\***

Найдите наибольший угол выпуклого четырёхугольника (в градусах), если известно, что величины внешних углов четырёхугольника относятся как 3:4:5:83:4:5:8.

**2. Задача 2**

Пусть  $x_1, x_2, x_1, x_2$  – корни приведённого квадратного трёхчлена с дискриминантом 1;  $y_1, y_2, y_1, y_2$  – корни приведённого квадратного трёхчлена с дискриминантом 9;  $z_1, z_2, z_1, z_2$  – корни приведённого квадратного трёхчлена с дискриминантом  $D$ . При каком наибольшем  $D$  могло выполняться равенство  $x_1+y_1+z_1=x_2+y_2+z_2, x_1+y_1+z_1=x_2+y_2+z_2?$

–

**3. Задача 3\***

На белой доске  $5 \times 55 \times 5$  одну из клеток закрасили. За один ход разрешается узнать количество закрашенных клеток в любом квадрате  $2 \times 2 \times 2$ . За какое наименьшее число ходов можно гарантированно найти закрашенную клетку?

**4. Задача 4\***

На стороне  $AB$  треугольника  $ABC$  отмечены точки  $C_1, C_2, C_1, C_2$  ( $C_2C_2$  ближе к  $B$ ), на стороне  $BC$  – точки  $A_1, A_2, A_1, A_2$  ( $A_2A_2$  ближе к  $C$ ), на стороне  $CA$  – точки  $B_1, B_2, B_1, B_2$  ( $B_2B_2$  ближе к  $A$ ). Оказалось, что  $C_2A_1C_2A_1$  параллельна  $CACA$ ,  $A_2B_1A_2B_1$  параллельна  $ABAB$ ,  $B_2C_1B_2C_1$  параллельна  $BCBC$ , при этом все эти шесть прямых касаются окружности, вписанной в треугольник  $ABC$ . Радиусы окружностей, вписанных в треугольники  $AB_2C_1, BC_2A_1AB_2C_1, BC_2A_1$  и  $CA_2B_1CA_2B_1$ , равны  $2 - \sqrt{2}$ ,  $8 - \sqrt{8}$  и  $1 - \sqrt{818}$  соответственно. Найдите отношение  $AB:C_2BAB:C_2B$ .

**5. Задача 5**

Найдите наименьшее натуральное число, факториал которого делится на  $3^{2019}3^{2019}$ .

**6. Задача 6\***

Найдите площадь четырёхугольника ABCDABCD, если даны координаты всех его вершин A(1;2),B(5;10),C(12;16),D(20;8)

**7. Задача 7\***

Какое наименьшее значение может принимать сумма целых чисел  $x_1$  и  $y_1$ , удовлетворяющих равенству  $2x_1y_1+3x_1-5y_1+2019=0$  ?

**8. Задача 8\***

Отрезки CM,CLCM,CL – соответственно медиана и биссектриса треугольника ABCABC, точка S на стороне ABAB такова, что  $\angle MCL = \angle LCS$  ( $\angle MCL = \angle LCS$  (точка L лежит между M и S)). Найдите LSLS, если AB=14, BL=6AB=14, BL=6. Если ответ является дробным числом, то его необходимо записать в виде десятичной дроби с запятой, например, «0,15»

**9. Задача 9\***

Попарно различные натуральные числа  $a, b, c, d$  таковы, что графики функций  $y=x^2-ax+by=x^2-ax+b$  и  $y=x^2-cx+dy=x^2-cx+d$  пересекаются в точке с координатами (3;1)(3;1). Какое наименьшее значение может принимать наибольшее из чисел bb и dd?

**10. Задача 10\***

Дана

последовательность  $\{a_n\}: a_1=1, a_{2n}=a_n, a_{2n+1}=a_{2n}+1$  .

Для скольких натуральных nn, не превосходящих 20192019, выполняется равенство  $a_n=9a_n=9$  ?